رياضي



ملک باوش ایجوکیشنل پسبنشرز،گنیت روڈ زانارکلی اوبور برائے پنجاب ٹیکسٹ بک بورڈ، الاہور





# رياضي

بالخوين جماعت كے ليے



ملک باوس ایجوکیشنل پبلشرز، گنیت دود (انادکلی) لابود برائد ، بنجاب بیکسط کک بورد ، لابور

تعداد 85,000 ایڈیش اقل تاریخ اشاعت مابچ 77 19ء جُملَى حقوق بحق بنجاب شيك بورد، لا بهور محفوظ هيل تنباركرده : ينجاب شيك بورد، لا بهور محفوظ هيل لا بهور تنبار كرده : ينجاب شيك بك بورد، لا بهور منظوركرده : حكومت بنجاب رمحكم تعلم لا بهور نظرتانى شده : قومى ربويو كميشى وفاقى وزارت تعليم وصوبائى رابطر حكومت پاكستان ، إسلام آباد مي مطابق مواسلد نمبر 72/1 - 10(2) . ٥ . ى مورخد 3 و مئى 1974 ء بطور واحد نصابى كتاب برائح مدادس بنجاب

مصنفین دُاکٹرخواجہ غلام کبریا رکنوین شناء اللّٰم بھٹی بلفیس محمد الدین سیدامبرحسین

# فهرست

صغم	ابواب	تمبرشمار
1	پهلاباب : سيف ، رومن عددي علامات	1
7	دُوسرا باب : اجزائے ضربی ، مفرد بجری	2
19	تيسل باب : عاد اعظم، ذواضعاف اقل	3
30	چوتهاباب : کسور کی جمع ، تفریق ، ضرب اور تقسیم	4
52	یا پخوان باب : کسور اعشاریب	5
66	چهشاباب ، اکائی کا قاعده اور اوسط	6
77	سانوان باب ، گهربلوحساب كتاب	
82	آنهوا ناب: سكيل دُرايُينگ اورگراف	8
98	نوان باب: طلسی مربع، عددی نمونے اور معتے	9
105	دسوان باب : خطوط، شعاعین ، زاوید ، مستوی	10
120	گیادا بهوان باب: احاظه اور دفیم	11
129	باربوان باب: سجم كانصور	12
132	حوابات	



# پهلاياب

# سيبط، رومن عددى علامات

1\_سيك (اعاده)

پچھی جماعتوں میں آپ سیٹ کے چند بنیادی تصورات حاصل کر کچے ہیں اور کسی حد
تک یہ بھی دیکھ کچے ہیں کہ سیٹ ریاضی کی زبان کے طور پر کیے اِستعال ہوتے ہیں ۔ آپ
جانتے ہیں کہ پچیزوں کے اجتماع ٹوسیط کستے ہیں اور کسی سیٹ میں موجود اشیا ، اس
سیٹ کے ممبران یا ارکان کہلاتے ہیں ۔ روز مرّہ زندگی میں اجتماع دویا زیادہ چینوں کے اکٹھا
ہونے کو کستے ہیں، مگر ریاضی میں سیٹ کے ممبران کی تعداد کا دویا زیادہ ہونا ضروری نہیں۔
چنا پین آپ نے ایسے سیٹ بھی دیکھ ہوں گے جن میں صرف ایک ہی رُکن تھا۔ یا ددہانی کی
خاطر نیکے یک رُکنی سیٹوں کی چند شالیں دی جاتی ہیں ۔

الفت = { 5} ، با = { اكتوبر } ، لام = 1 سے چھوٹے مكىل اعداد كاسيٹ يادر ہے كہ فقط 0 ہى 1 سے چھوٹا مكل عدد ہے ۔ للذا لام بھى يك رُكني سيٹ ہے ۔
آپ نے إس سيٹ كے متعلق بھى پڑھا ہے جس ميں كوئي رُكن نہيں ہوتا اور جے خالی سيٹ كسے ہيں شلاً : جيم = 2 سے چھوٹے مُفرد اعداد كاسيث ۔

میم = 1 سے چھوٹے قدرتی اعداد كاسيٹ ۔

سیم = 1 سے چھوے فدرلی اعداد کا سیت -کاف = از اور ب کے درمیان اُردو حروف تہجی کا سیٹ۔

آپ جانتے ہیں کہ 2 سب سے چھوٹا مفرد عددہ ۔ اِسی طرح 1 بھی سب سے چھوٹا مفرد عددہ ۔ اِسی طرح 1 بھی سب سے چھوٹا مذرق عدد ہے۔ یسسیط جیم اور سیٹ میم میں کوئی میرنہیں ہوسکتا۔ لہٰذا یہ دونوں خالی سیٹ ہیں۔ چونکہ اور ب کے درمیان اُردوکا کوئی بھی حرف نہیں ہے اس لیے کاف بھی خالی سیٹ ہیں۔ چونکہ اور ب کے درمیان اُردوکا کوئی بھی حرف نہیں ہے اس لیے کاف بھی خالی سیٹ ہیں۔

آپ کومعلوم ہے کہ اگردوسیٹوں کے درمیان ( ۱ – 1 ) مطابقت قائم کی جاسے تو یہ ا پادرہے کہ اگر دوسیٹوں کے مہوان کے سکل جوڑے بنانا ممکن ہو تو ہم کہتے ہیں کہ ان سیٹوں کے درمیان (۱ – ۱) مطابقت قائم کی جاسکتی ہے ۔ مترادف سیٹ کہلاتے ہیں۔ نیز اگر دوسیٹوں کے درمیان ( 1-1 ) مطابقت قائم کرنا ممکن میں ہوتو یہ غیر مترادف سیٹ کہلاتے ہیں۔ مثلاً

الف= ( اب ، ج ) اور با = ( 2 ، 4 ، 6 ) مترادف سیٹ ہیں ۔ کیونکہ ان کے درمیان ( 1—1 ) مطابقت قام کی جاسکتی ہے۔ شلا ً

جبكدلام = (طعطا، چڑيا، مود) اور ميم = (فوزيد، نعان) غير مترادف سيٹ بيں -كيونكدان كے درميان ( 1-1 ) مطابقت قائم كرنا ممكن نهيں ہے -

#### 2 - تحتى سيك:

نیچ دی ہوئی مثانوں پر غور کویں ۔۔

(i) جيم = (1'2'3'4'5) اور سين = (1'3'5) سيف سين کا بر دُکن سيف جيم کا بھي دُکن ہے ۔

(ii) لام = صحیح اعداد کاسیف اود میم = طاق اعداد کاسیط سیف میم اود میم اود میم اعداد کاسیط سیف به دنا ہے - سیف میم کابر رکن سیف لام کابھی رکن سیف جیم کا تحتی سیف ہے - ان مثالوں میں سیٹ سیف سیف جیم کا تحتی سیف ہے اور سیٹ میم سیف لام کا تحتی سیف ہے ۔

"اگرکسی سیط باکا ہر رکن سیط الف کا بھی رُکن ہو تو سیط با، سیط الف کا بختی سیٹ کہلاتا ہے "

> اب مندرج، ذیل مثال پرغورکریں : الف = {4'3'2'1} . اور با= {4'1'3'2}

یہاں الف کا ہر رُکن ہاکا بھی رُکن ہے۔ پس سیٹ الف کسیٹ باکا تحتی سیٹ ہے۔ لیکن تھوڑ اسا غور کرنے سے معلوم ہوتا ہے کہ سیٹ با دراصل سیٹ الف ہی ہے جس میں ارکان ایک مختلف ترتیب میں دیے گئے ہیں۔ اس سے معلوم ہوا کہ ہر سیٹ اپنا تحتی سیٹ ہوتا ہے۔

اب آپ مندرجه ذیل مثال پر غور کریں ۔ الف = { 2°4'3'2'} اور با = { 2°6'5'4'3'}

یده و نوں سیٹ ایسے ہیں کہ نہ توسیٹ الف کا ہر رکن سیٹ باکا رکن ہے اور نہ ہی سیٹ باکا ہر رکن سیٹ الف کا رکن ہے۔ مثال کے طور پر عدد 1 سیٹ الف کا رکن ہے لیکن یہ سیٹ الف کا رکن ہے۔ اسی طرح عدد 6 سیٹ باکا رکن ہے لیکن یہ سیٹ الف کا رکن نہیں ہے۔ اِسی طرح عدد 6 سیٹ باکا رکن ہے لیکن یہ سیٹ الف کا رکن نہیں ہے۔ پی اِس مثال میں نہ توسیٹ الف ، سیٹ باکا تحتی سیٹ ہے اور نہ ہی سیٹ با میں نہ توسیٹ الف ، سیٹ باکا تحتی سیٹ ہے اور نہ ہی سیٹ باکا تحتی سیٹ ہے اور نہ ہی سیٹ باکا تحتی سیٹ ہے۔

#### 3 -رومن عددى علامات:

سابقہ جاعتوں میں آپ عدد اور عددی علامت میں فرق کے متعلق پڑھ چکے ہیں۔
آپ کو معلوم ہے کہ عدد ایک تصوّر ہوتا ہے، جبکہ عددی علامت اِس تصوّر کوظاہر کرتی
ہے ۔ مثال کے طور پرعدد تین "کوآپ علامت " 3 "سے نظاہر کرتے ہیں۔ دُنیا کے محنکمت منکوں میں ایک ہی عدد کو ظاہر کرنے کے لیے محنکمت علامات استعمال ہوتی ہیں۔

یہاں ہمارا مقمد اعداد ایک تابیں کو ظاہر کرنے والی رومن عددی علامات بتانا ہے۔ یہ علامات آج بھی گھڑیوں وغیرہ میں استعال ہوتی ہیں - ان علامات کو نیچے دکھایا گیا ہے۔

رومن عددى علامات	عدد	دومن عددى علامات	3.15	رومن عددي علامات	عدد	رومن عددى علامات	346
IV	چار	m	تين	11	95	I	ایک
VIII	انه	VII	سات	VI	45	v	بايج
XII	باره	XI	گیاره	x	נייט	IX	نو

ر ومنعدرى علامات	عدد	ر ومن عددى علامات	عدد	رومن عددي علامات	عدد	ר פחים שנוט שליום	عدد
XVI	سوله	XV	بيندره	XIV	چوده	XIII	تبره
XX	بين	XIX	انيس	XVIII	المهاره	XVII	سآره

#### مشق ۱۰۱

(10) جیم = { 4'2 } .... ... ... ... ... ) (1-1) مطابقت قائم کرکے بتائیں کہ دیے گئے سیٹوں کے جوڑوں میں کون کون سے جوڑے متراد ف سیٹوں کے اور کون سے جوڑے غیر متراد ف سیٹوں کے ہیں -

ــــــ المنكا	ر (vi) جيم	(۱) جتم
الفتكا		( vir ) الم
	- جيم کا (x) با	
	پانچوں جاعت کے طلبہ کا سیٹ اس سکو ل کے طب کے سیٹ کا ت	
	ریامنی کی کتابوں کا سیٹ ، کتابوں کے سیٹ کا تحتی سیٹ ہے ؟	(19) کیار
	کتابوں کا سیٹ ، کا پیوں کے سیٹ کا تحتی سیٹ ہے ؟	(20) کیآ

# دُوسرا باب

# اجزائےضربی، مفرد بجزی

1- اجزائے ضربی: ہم کسی عدد کو حاصل جع کے طور پر لکھ سکتے ہیں شدً 8،7 15 اسمیں 7 اور 8 پندرہ کے جعی اجزا ہیں۔

نیز 15-4 ، 6 ، 6 وس لیے 4 6 و بھی 15 کے جعی اجزا ہیں۔ 15 کے کئی اور جعی اجزا بھی ہوسکتے ہیں۔ جعی اجزا بھی ہوسکتے ہیں۔ جعی اجزا بھی ہوسکتے ہیں۔ مثلاً 12-3×4

یہاں 3,4 یا 12 حاصل ضرب اور 3،4 اسکے اجزائے ضربی ہیں۔ ہم یہ بھی کہہ سکتے ہیں کہ :

3 بارہ کا جزو ضربی ہے اور 4 بارہ کا جزو ضربی ہے۔ یا یوں بھی کہا جا سکتا ہے کہ 3 بارہ کو پورا پورا تقسیم کرتا ہے اور 4 بھی 12 کو پورا پورا تقسیم کرتا ہے ، اس بیے 3 اور 4 بارہ کے اجزائے ضربی ہیں۔

لیکن اگرغورکی جائے توصرف 4'3 ہی 12 کے اجزائے ضربہ نہیں ہیں بلکہ ان کے علاوہ 12کے اجزائے ضربی اور بھی ہیں کیونکہ

2×6 = 12 اس ليے 2 اور 6 بھي 12 كے اجزائے ضربي ہيں ۔

2×2× 3×12 اس لیے 2 اور 3 بھی 12کے اجزائے ضربی ہیں ۔

1 × 12 اس ليے 1 اور 12 بھی 12 کے اجزائے ضربی ہیں ۔

اس طرح 12643'2'1 بیں سے ہرایک 12 کا جزو صربی ہے۔ اس لیے ہم کتے ہیں کہ 12 کے تمام اجزائے صربی کا سیٹ ، مندرجہ ذیل ہے۔

{ 12'6'4'3'2'1 }

مثال 1 :- 20 کے اجز نے ضربی کا سیت معود کرنا۔
20 عدد 1 سے تقتیم ہوجات ہے سیاے 1 بیس کا جزوضربی ہے۔
20 عدد 2 سے تقتیم ہوجات ہے سیاے 2 بیس کا جزوضربی ہے۔
20 عدد 4 سے تقتیم ہوجاتا ہے سیاے 4 بیس کا جزوضربی ہے۔
20 عدد 5 سے تقتیم ہوجاتا ہے اس لیے 5 بیس کا جزوضربی ہے۔
20 عدد 5 سے تقتیم ہوجاتا ہے اس لیے 5 بیس کا جزوضربی ہے۔
20 عدد 10 سے تقتیم ہوجاتا ہے اس لیے 10 بیس کا جزوضربی ہے۔
20 عدد 20 سے تقتیم ہوجاتا ہے اس لیے 20 بیس کا جزوضربی ہے۔

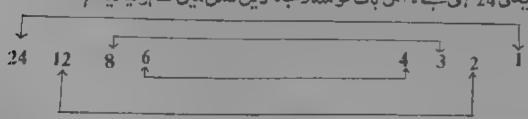
وبرک مثنالوں کی مددسے ہم کہ سکتے ہیں کہ 1 ہر ایک عدد کا جزوضرب ہے۔ آئیے اجزائے ضربی کے بارے میں ایک دلچسپ بات بڑھیں -

مثال 2 اجزائے ضربی مثلاً 24 کے اجزائے ضربی کا سیٹے 1'2'3'4'6'6'4'3'2'1 !
اس سیٹ کے ممبران کو ترتیب صعودی میں لکھا گیا ہے ۔
اس ترتیب میں سب سے پہد جزو ضربی 1 اور سب سے آخری 24 ہے جن کا

حاصل ضرب 1×24 یعنی 24 ہی ہے۔ دوسراجزوضری 2 اور آخرے پہلاجزوضری 12 ہے ان کا حاصر ضرب 2 ، 12 یعنی

دُوسراجِزوطربی 2 اورآخرسے پہلاجِزوطربی 12 ہے ان کا حصر طرب 2 ، 12 یعنی 24 ہی ہے۔

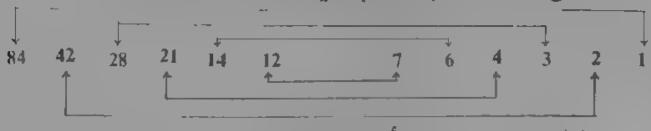
اس طرح نیسل جزوضر پی آور آخرست نیسل جزو ضربی ہے جن کا حاص ضرب ہے ۔ 8 یعنی 24 ہی۔ اس بات کو مندرجہ ذیل شکل میں ظاہر کیا گیا۔ ہے ۔



جزئے ضربی کے جن جوڑوں کو مکیروں سے ملایا گیاہے ان سب جوڑوں کا حاصل ضوب 24

ہے۔ ہرعدد کے لیے اس ضرح کے حبواث بنائے جا سکتے ہیں۔

مثال 3 : 84 كاجزائي ضربي كاسيك= ( 3'2'7'6'4'12'7'6'4'3 }



شال 4 :-16 ك اجزائ صربي كاسيت - ا 16'8'4'2'1



يهان 16 4 - 16 اور 4 - 4 اور 4 - 16 اور 4 - 4

ا کے اجزائے ضربی کی تعداد طاق ہے۔ درمیانی جزوضر بی 4کو اپنے آپ سے ضرب درمیانی جزوضر بی 4کو اپنے آپ سے ضرب درمیانی جائے تو بھی 16 بھی حاصل ہوتا ہے۔

مشق 1° 2

1 - مندرجه ذیل میں سے ہرعدد کے اجزائے ضربی کا سیٹ معلوم کیجیے -55'54'50'49'48'45'40'32'30'28'21'16'15'14'6

2 - مندرجہ ذیں میں سے ہر ایک عدد کے اجزائے ضربی کا سیٹ سکیے اور مثال 4'3'2 کو سامنے رکھ کی اجزائے ضربی کے ایسے جوڑے معدم کیجیے جن کا حاصل ضرب دینے ہوئے عدد کے برابر ہو-

35'42'36'26'22'9'8

3 - کیا 5 چود اکا جزو ضربی ہے ؟ کیوں ؟

4 - سیٹ { 5'4'3 } کے کون سے ادکان 15 کے اجزائے ضربی ہیں ؟

5 - سبث ( 3'5'6'7'8 ) ككون ساركان ينج ديد بوقاعد كاجزا في ضربي بير.

60 (م) 24 (م) 21 (م) 20 (ح) 18 (م) 16 (소)

6 - مندرجه ذیل میں کون سے بیانات در ست بین اور کون سے غلط ؟

۱۰ 4 عدد 30 کا جزوطتر ہی ہے۔ رب 5 عدد 30 کا جزو طربی ہے۔ ۲۶ عدد 30 کا جزوطر ہی ہے۔ رد 30 عدد 30 کا جزوطر ہی ہے۔

#### 2-مفرد اعداد:

مثال : 17 کے اجزائے ضربی کا سبت معموم کرنا ا سنرہ کو تندیم کرن سے اس سے 1 جزو ضربی ہے 17 کا ۔ 17 اپنے آپ کو تفسیم کرن سے س سے 17 جزوضربی ہے 17 کا ۔ 1 ور 17 کے علاوہ 17 کا کوئی اور جزوضر بی نہیں ہے۔ بیں 17 کے اجزائے ضربی

السيك = ( 171 )

ہددیکھتے ہیں کہ 17 کے اجزائے ضربی میں صرف دو ممبران ہیں۔ ''اگرکسی عدد کے اجزائے ضربی کے سیٹ میں دو ہی ممبران ہوں تواسے عدد کومشرد عدد کہتے ہیں ان شلا 2 3'5' 11'7' معرد اعد د ہاں۔

اس کے برعکس اگرکسی عدد کے اجزائے ضربی کے سبٹ میں دوسے زیادہ ممبران ہوں توالیسے عدد کو مرکب عدد کہتے ہیں۔ مثلاً 4 کے اجزائے ضربی کا سیٹ 121 ؛ جس میں نین ممبران ہیں ۔ اس میے 4 مرکب عدد ہے۔ اس طرح 8 6 10 9 8 8 مرکب عدد ہے۔ اس طرح 8 6 10 9 8 8 مرکب عدد ہے۔ اس طرح مرکب عدد ہے۔ اس طرح مرکب عداد ہیں ۔

ہمرے لیے مفرداعداد زیادہ دلچسپ بیس کیونکہ مُفرد اعداد کی مددسے ہم کئی
دُ وسرے نینج حاصل کرتے ہیں جن میں سے کچھ اسہاب میں اور کچھ اگئے باب مبل بڑھاں گے۔
دولت عدد 1 سرمفرد ہے سرمی مرکب کیونکہ اس کے اجزائے صرفہ کا سیٹ = 1 1 مسکا
ایک بھی ڈکی ہے۔

مشق 2.2 مندرجد ذین میں سے مغرد اور مرکب اعداد انگ ایک کیجیے ۔ 1 مندرجد ذین میں 2000 مغرد اور مرکب اعداد انگ ایک کیجیے ۔ 207' 2000' 1000'21'19'17'9'8'7'6

2 - مندرجہ ذیل میں سے مفرد اعداد الگ کھیے - جو اعداد مفرد نہیں ہیں اُن کے اجزائے صُربی کے سیٹ مکھے۔ 163 '287'287'292'529 3 - مندرج، ذیل خالی حبگہوں کو یئر کیجیے ۔ (۱) برمنردعدد کے صرف ... یہ اجزائے ضربی ہوتے ہیں۔ ابى كسى مفرد عدد كے اجزائے ضربي وہ عدد بذاتِ خود اور . . . . . . . ، بوتے يہ -اج) اگرکسی عدد کے دوسے زیادہ اجزائے ضربی ہوں تو وہ ..... نہیں ہوتا۔ 4\_مندرج، ذیرمیں کون سے بیانات درست اور کون سے غلط ہیں ؟ (ا) بر مفرد عدد 1 سے بڑا ہوتا ہے۔ (ب) 2 مفرد عدد ہے۔ اج) تمام مفرد اعداد طاق اعداد ہوتے ہیں ۔ 3- اجزائے ضربی کے لحاظ سے دوخاص اعداد چوبکہ 1×1=1 یا أ -- ا اس کیے 1 پناجز وضربی ہے۔ مگر اکا جزوصربی اور کوئی عدد نہیں۔ إس 1 كے اجزائے ضربي كا سيث = { 1 } نين <sub>0=0×1</sub>  $0=\frac{0}{1}$  :  $0 = \frac{0}{3} \div 0 = 0 \times 2$  $0 = \frac{0}{3} \div \qquad 0 = 0 \times 3$ اس سے معلوم ہواکہ و اعداد 1'3'2'1.... میں سے برایک پر تقسیم ہوجاتا ہے۔ یعنی برعدد 0 کا جزوضربی (اس کے ایسے آپ کے علاوہ) ہوتا ہے۔ 2.3 1-مندرجہ ذیل خالی جگہوں کو پُر کیسے ۔ (و) عدد ..... برعدد کا جزو صربی به وتا سے -(ب) عدد ....کا صرف ایک بی جزو ضربی ہوتا ہے۔

اج) عدد .....کسی عدد کا جزوضربی نہیں ہوتا ۔

(۵) برعدد .....کا جزو ضربی بیوتا ہے۔

2\_مندرجد ذیل میں سے کون سے بیانات غلط اور کون سے درست پیں ؟ رق برمفرد عدد مکل عدد ہوتا ہے۔ رب برماق عدد مفرد عدد ہوتا ہے۔

(ج) کسی مرکب عدد کے غیر متناہی اجزائے ضربی ہوتے ہیں -

(۵) صفر کے اجزائے ضربی غیر متنا ہی ہوتے ہیں۔

3 - مُفرداعدادكا ايك جوال ايساب جسكا فرق ايك به وه مُفرد اعدادكون سه باي -

4\_تقسیمیدیری کے جائزے:

(i) 2 سے تقسیم ہونے والے اعداد: اگر کسی عدد کا اکائی کا بہندسہ 8'6'4'2'0

بوتووه عدد 2 پرتقسیم ہو جاتا ہے۔ مثلاً 844 708

اكاتى كا يىندسى صفر: اكاتى كايىندسى 2: أكاتى كايندسى 4: اكاتى كايىندسى 6

(ii) 3 سے نقسیم ہونے والے اعداد: دیا ہوا عدد جن ہندسوں سے بنا ہے ؛ اِت مندسوں کو بذات خود اعداد تصور کرتے ہوئے جع کرلیں ۔ اگریہ مجموعہ 3 سے تقبیم ہوسکتا ہوتو دیا ہوا عدد بھی 3 سے تقسیم ہوسکتا ہے مثلاً

عدد 462 مين سند سے 642 ميں اور 42 + 6 عدد 462 تقسیم ہوجاتا ہے اس لیے 462 بھی 3 سے تقبیم ہوسکتا ہے۔ 462 کو 3 پر تقبیم كرك اورك نتع كى يرتال كرير-

إس طرح 576 مين بهندسه 6'7'5 بين اود 6 +7 - 5=18 اود 18 تين پرتشيم ہوجاتا ہے اس بے 576 بھی 3 پر تقسیم ہوجاتا ہے۔

بيك 844 مين بندسے 844 ميں اور 4+4 ا 8 = 16 جو 3 پرتقسم نہيں ہوسکتا اس لیے 844 بھی 3 پر تقسیم نہیں ہوسکتا۔ تقسیم کرکے پڑتال خود کریں ۔ (in) 4 سے تقسیم ہونے والے اعداد : اگرکسی عدد کے اکائی اور دہائی کے ہند سے سے بننے والاعدد 4 پر تقسیم ہوسکتا ہو یا یہ دونوں ہندسے صفر ہوں تو وہ عدد بھی 4 پرتشیم ہوسکتا ہے۔ مثلاً 84536 میں اکائی اور دہائی کے بہندسوں سے بننے والا عدد 36 ہے جو 4 پر تقبیم ہوسکتا ہے اِس لیے 84536 بھی 4 پُر تقبیم ہوسکتا ہے۔

نيز 100 \* 500 \* 3700 وغيره بهي 4 پرتقيم بوجلتے بين -

(iv) 5 سے تقسیم ہونے والے اعداد ؛ اگرکسی عددگا اکائی کا ہندسہ 0 یا 5 ہوتو وہ 5 پرتقیم ہوسکتا ہے ۔ مثلاً 68970 اور 369875

(v) 6 سے نقسیم ہوئے والے اعداد : الرکوئی عدد 2 اور 3 سے نقسیم ہوسکتا ہوتو و عدد 6 پر بھی تقسیم ہوسکتا ہے۔ مثلاً 7344 .

(٧١) و سے تقییم ہونے والے اعداد : دیا ہوا عدد جن ہندسوں سے بنا ہے اِن ہندسوں کو اعداد تصور کرتے ہوئے جمع کرلیں۔ اگریہ مجموعہ و سے تقییم ہوسکتا ہوتو دیا ہوا عدد بھی و سے تقییم ہوسکتا ہے۔ مثلاً 87381 میں 1+8+1+8+2=27 نوسے تقییم ہوسکتا ہے۔ مثلاً 87381 بھی و سے تقییم ہوسکتا ہے۔ تقییم کا عمل آپ خود کرکے دیکھیں۔

مشق 2.4

1-مندرجه ذیل میں کون سے اعداد 42 سے تقیم ہو سکتے ہیں ؟

235677'94596'5872'4773'800'678'575'84

2\_مندرجه ذيل مين كون سے اعداد 3 پرتقسيم بهو سكتے ہيں ؟

16125'35124'21178'80415'16241'1902'4860'2718'3415'285

- 1000011 '2544'283'415'145 - میں کون سے اعداد:-

(و) 2 سے تقیم ہو سکتے ہیں ، (ب) 3 سے تقیم ہو سکتے ہیں ، (ج) 5 سے تقیم ہو سکتے ہیں ، (ج) 5 سے تقیم ہو سکتے ہیں ،

4 - سوال 3 میں دیے گئے اعداد میں سے کو ن سے اعداد 6 پر تقسیم ہو سکتے ہیں ؟ اور کیوں ؟ 5 - کیا باقی بچتا ہے اگر 31 کو تقسیم کیا جائے ؟

- (1) عدد مفرد نہیں ہے اسم کاے دیں -
- (2) اب پہلا عدد 2 بے اسے چھوڈ کر ایسے تمام اعداد کاٹ دیں جن کا جزوضر بی 2 ہے۔
- (3) اب باقی اعداد میں سے پہلاعدد 3 ہے اِسے چھوڑ کرا سے تیم اعداد کاٹ دیں جن کا جزوضر بی 3 ہے رچونکہ ان میں سے کچھ کا جزوضر بی 2 بھی ہے اس یے انھیں پہلے کاٹا جاچکا ہے)
- (۱) اب جو اعداد بافی رہ گئے ہیں ان میں سے پہلا عدد 5 ہے اسے چھوڈ کر ایسے تمام اعداد کو اعداد پائے کا نے جا چکے ہیں کوکاٹ دیں جن کا جزوضر بی 5 ہے ( ان میں سے ایسے اعداد پہنے کا نے جا چکے ہیں جن کا جزوضر بی 2 یا 3 ہے)
- (5) اب7 کوچھوڑکر ایسے تمام اعداد کاٹ دیں جن کا جزوضر بی 7 ہے راس مرتبہ دراصل ہیں صرف ایک ہی عدد 49 کاٹنا یڑے گا)

اس طرح ، پچ رسمنے والے اعداد 37'5'3'13'11'7'53'2 اس طرح ، پچ رسمنے والے اعداد بیان ۔

مثال 2: 121 سے نے کر 160 تک مُفرد اعداد معلوم کرنا ۔

ایسے تمام اعداد کوکاٹ دیں جن کا جزوضربی 5'3'2 وغیرہ ہو۔ 157'151'149'143'139'137'131'127 مفرد اعداد ہیں ۔

## مشقى 2-5

1-- 1 سے 100 تک اعداد تکھیں اور مثانوں میں دید گئے طریقے سے ر جسے سیو کیتے ہیں) مفرد اعداد معلوم کریں ۔

2\_مندرجه ذیل کونقل کیمیدا ورسیسوے طریقے سے مفرد اعداد معاوم کیمید. 6 - تحزى:

مثال 1: 18 کے اجزائے موبی کاسیٹ == ( 13'6'6'6'8' } اس سبٹ میں سے اجزائے منوبی 18 فروبی کا سیٹ میں سے اجزائے منوبی 18 کے 18 کر 18 کو مندرجہ ذیل شکل میں لکھا جا سکتا ہے۔

 $9 \times 2 \times 1 = 18$ 

1 × 2 × 9 انْمَاده كَ ايْك تَجَزَّى عهد 18 كى چند اور تَجَزَّيان مندرجه ذيل مهي -

1×18 - 18×1 - 3×3×2 - 3×3×2×1 - 6×3 - 6×3×1 - 9×2

مثال 2 : 16 كاجزائ مربي كاسيك = { 16'8'4'2'1 }

ہم کھ کے بیں کہ 16 = 2 × 2 × 4 اس لیے 2 × 2 × 4 سولہ کی ایک تجزی ہے لیکن چونکہ

 $4 \times 4 = 16$ 

 $8 \times 2 =$ 

16×1=

 $2 \times 4 \times 2 \times 1 =$ 

اس بليم 4 × 8 × 4 × 2 × 1 × 2 وهيره بهي سولد کي تجزيان بي -

#### مشق 2.6

1- مندرج، ذیل ا عداد میں سے ہرایک کی نجزی معلوم کیجیے -

60'56'54'44'42'32'30'20'12'10'4

2 مندرجہ ذیل اعداد میں سے ہر یک کی کم اذ کم تین تین مختلف تجزّیاں بنائیے -45'40'26'24'20'12'8

#### 7\_مفردتجزّى:

بِنَالَ 1: 30° كَ أَجِزَا خُصَرِي كَاسِيْكَ إِنَّ 10°6′5′3′2′1 إِنَّ 10°6′5′3′2′1 عِنْ الْجَزَاحُ صَرِي كَاسِيْكَ إِنْ الْجَرَاحُ صَرِي كَاسِيْكِ إِنْ الْجَرَاحُ صَرِي كَاسِيْكِ الْجَرَاحُ صَرِي كَاسِيْكِ اللَّهِ عَلَيْكُ اللَّهُ عَلَيْكُ اللّهُ عَلَيْكُ اللَّهُ عَلْمُ اللَّهُ عَلَيْكُ اللَّهُ عَلَيْكُوا عَلَيْكُمُ عَلَيْكُمْ عَلَيْكُ اللَّهُ عَلَيْكُ اللَّهُ عَلَيْكُمُ اللَّهُ عَلَيْكُمُ عَلَيْكُمُ عَلَيْكُمُ عَلَيْكُمُ اللّهُ عَلَيْكُمُ عَلَيْكُمُ عَلَيْكُمُ عَلَيْكُمُ عَلَيْكُمُ عَلْ

چونک 1×2×1 اس لیے 1×2×1 تیس کی ایک تجزی ہے۔

سى طرح = 30 = 15×2

 $15 \times 2 \times 1 =$ 

 $6 \times 5 =$ 

 $3 \times 2 \times 5 \times 1 =$ 

= 30×1 وغيره

پیم دیکتے ہیں کہ 30 کی کئی منتلف تجنیاں ہیں لیکن ان میں سے تجنی 2×2×5 ایک ایسی تجزی ہیں کہ وہ دوسروں سے بالکل منتلف قسم کی ہے کیونکہ اِس میں استعمال ہونے والے اجز خَسری 2\*3°5 مفرد اعداد ہیں۔ 2×2×3 تیس کی مفرد تجزی ہے اور 2°3°5 عدد ولائے مفرد عاد ہیں ۔

آئندہ ہم کسی مرکب عدد کی معناعت تجزیوں میں سے صرف مفرد تجزی میں دلچسپی ایس کے کیونکہ ریاضی میں ایسی تجزی کی زیادہ ضرورت پڑتی ہے۔

یں سے ہوں رہا میں میں ایس جرای ہاری وارد سے اور احزا نے ضربی سے مراد مفرد نجزی ہوگی اور احزا نے ضربی سے مراد مفرد اجزائے ضربی میں مرکب اعداد بھی شامل ہوں گے اجزائے ضربی میں مرکب اعداد بھی شامل ہوں گے

وہاں مفرد اور مرکب اجزاکا فرق ظاہر کرنے کے لیے پہلی صورت میں صرف اجزائے ضربی اور دُوسری صُورت میں مفرد اجزائے ضربی کی ۔

مثال 2 ؛ که تجزی کرنا -

24 - 4.6 ( 4.6 كواجزائيضربي ليالياب)

2.2.3.2.2 ور 6 کے مفرد اجزائے ضربی بینے گئے ہیں:

اِس طَرِح 24 کے مفرد اجزائے ضربی ۔ 3'2'2 اور 2 پایں اور مفرد نجزی 2 ۔ 3 ، 2 ہے اِسی کو 2×2×2×3 بھی بکھ سکتے ہایں ۔

ہم 24 کے اجزائے ضربی 12 اور 2 بھی لے سکتے تھے۔ اس طرح

 $2 \times 12 = 24$ 

 $2 \times 3 \times 4 =$ 

 $2 \times 3 \times 2 \times 2 =$ 

- اجزائے ضربی کاکوئی ساجوڑ! لیں ۔
- ہ اگر دونوں اجزائے صربی مفرد ہیں توہم نے دینے ہوئے عدد کی نجزی کرلی ہے۔
- اگردونوں یا ان میں سے یک مرکب عدد ہے تو ایسے عدد کے مزید اجزائے ضربی بنائیں۔
- ہ ببہ عمل اس وقت تک جا رہی رکھیں جب بک کہ عامہ جرائے ضربی مفرد اعداد منہ آجائیں۔ اس بات کی وضاحت کے لیے یک اور مثال دی جاربی ہے۔

مثال 3: 60 كى تجزّى كرنا -

4×15=60 - الم

 $2 \times 2 \times 3 \times 5 =$ 

اس عبل کومنددجہ ڈیل طریقے سے بھی تعاہر کرسکتے ہیں ۔



ال 462 ع تجزى كونا - 462 ع تج

462 کی مفرد تجزّی 3×7×2×11 یا2×7 ×3×11یا 3×2×11 کی ہے۔ انھیں تین نہیں بلکہ ایک تجزّی کہا جائے گا چونکہ اجزائے ضربی ٹرنیب ضرور محنقت ہے لیکن اجزائے ضربی تینوں مور توں میں وہی ہیں ۔

#### مشق 2.7

1 \_مندرجه ذيل اعدادكى مفرد تجزّى كيجي -

231'196'180'108'70'60'45'40'27'16'8'4

2\_مثال 3 ، 4 میں دیے گئے طریقے کے مطابق شکل کے ذریعہ تجزی کیجیے۔

75'54'36'28

3 \_ 372 کی مفرد تجزّی کیجیے -

4 مندرجه ديل ميں سے كون سے بيانات درست ہيں اور كون سے غلط ؟

(ال) کسی بھی مرکب عدد کومفرد اعداد کے حاصل ضرب کے طور پر لکھا جاسکت ہے۔

(ب) اگرکسی عدد کی تجزی میں اجزائے ضربی مفرد اعداد ہوں تواسی تجزی کومفرد تجزی کشہیں۔

(ج) کسی بھی مکل عدد کومفرد اجزائے ضربی کے حاصل ضرب کے طور پر لکھا جاسکتا ہے۔

5\_ وهسب سے بڑا مفرد عدد معلوم کیجیے جو 68 کا جزو ضربی ہو -

6 \_ وہ سب سے بڑا مفرد عدد معلوم کیجیے جو 148 کا جزو ضربی ہو ۔

7 \_ وه سب سے بڑا مفرد عدد معلوم کیسے جو 100000 کا جن و صرب ہو -

تيسراباب

# عادِ اعظم \_ دواضعاف افل

# 1-مشترك اجزائے ضربي.

مثال 1 : 12 كاجزائے ضربي كاسيك = ( 12'6'4'3'2'1 } 18' ك اجزائے ضربي كاسيك = ( 12'6'6'3'2'1 } كه اجزائة ضربى اليه بين جودونون سيثون مين موجود بين -السي اجزائے ضربی 2'2'3 اور 6 بیں۔ اللذا 12 اور 18 کے مشترک اجزائے ضربی کا سیٹ = { 1'2'2'6 } مثال 2: 16 كاجزائے ضربى كاسبك = ( 16'8'4'2'1 } 24 كاجزائے ضربي كاسيك = { 13'2' 4'6'4 12'8' 12 } 16 اور 24 کے اجزائے صربی کاسیٹ = 1 8'4'2'1 } مثَّال 3 : 20 كِ اجزائة ضربي كاست = { 20'10'5'4'2'1 } 30 ع اجزائے ضربی کاسٹ = { 30°15′10′6′5′3′2′1 } = 30 40'20'10'8'5'4'2'1 } = خوائے ضوبی کاسیٹ = { 40'20'10'8'5'4'2'1 } 40'30'20 كمشترك اجزائے ضربى كاسيٹ = { 10'5'2'1 } 3.-1 (juin

برسوال میں دیے ہوئے اعداد کے مشترک اجزائے ضربی کا سیٹ معلوم کریں ۔ (1) 8'6 (2) 8'6 (3) 12'6 (4) 86'(3) 45'42 36'32'30 (9) 16'14'12 (8) 12'8'6 (7) 72'63 (6) 90'80'60 (12) 84'80'72 (11) 63'56'48 (10)

2 - سب سے بڑا مشترک جزوضربی (یا مشترک عادِ اعظم):

مثال 1: مثال نمين الصفيم ١٥ برعو كرين-

12 ول 18 کے مشترک اجزائے ضربی کا سیٹ ( 6'3'2'1 )

اس سے میں سب سے بڑ جزوضری و بے اسے 12 اور 18 کا سب سے بڑا منازک جن و صفری کرس کے۔

عدبی میں سب سے ترے کو اعظم کیٹے ہیں۔ جزوضربی کوعاد بھی کہہ سکتے ہیں۔ لہذ ہم سب سے بڑا مسرک جزوضر بی کیٹ کی بجائے صرف مشاترک عادِ اعظم کمیں گے۔ مثال 2: 24 أور 36 کا شاترک عادِ اعظم معلوم کونا ۔

24 کے عادوں کا سیٹ ( 24'12'8'6'4'3'2'1 )

36 '18'12'9'6'4'3'2'1 } عدون کاسیٹ 36 '18'12'9'6'4'3'2'1

24 اور 36 کے مشترک عادوں کا سیت - { 12'6'4'3'2'1 }

24 اور 36 كا متارك عاداعقه . 12 -

مثال 3: 8 20 28 كامسترك عادد عظم معلوم كرنا - 8 20 3 عادون كا سيث = ( 21 4 2 1 8 )

20 کے عادوں کا سیٹ = 120 10 5 4 2 1 20

28 کے عادوں کا سیٹ ۔ ا 24'7'4'2'1 )

8'20 اور 28 کے منبرک عادوں کا سیٹ ( 4'2'1 )

ان میںسب سے بڑا مشرک عاد 4 ہے

اس يع 2018 اور 28 كا مسارك عاد اعظم 4

### مشقى 2.2

برسوال میں دیے ہوئے اعدادے عادوں راجزائے ضربی کاسیٹ معلوم کریں۔ بھرمشترک عادوں کاسیٹ نکھیں اور اس طرح مشترک عادِ، عظم معدم کریں۔

60'36 (5) 80'27 (4) 48'24 (3) 77'21 (2) 75'45 (1)

108'96'84 (9) 88'72'48 (8) 25'20'15 (7) 64'56 (6)

120'132'144 (12) 104'91'78 (11) 120'105'90 (10)

# 3-مفرد تجزى اورمشترك عاد اعظم:

منال (2) صفى 20 ميں 24 اور 36 كامشترك عادِ اعظم معلوم كيا كيا تھا۔ اس مثال ميں ديے گئے طريقے كے علاوہ ايك اور طريقے سے بھی مشترك عادِ اعظم دريا فت كيا جاسكة بهر يہا دونوں اعداد كى مفرد تجزياں بناتے ہيں ۔

 $3\times2\times2\times2=24$ 

 $. 3\times3\times2\times2=36$ 

مثال 1: 165 اور 210 كامشارك عاد اعظم معوم كرنا-

 $11 \times 5 \times 3 = 165$ 

 $7 \times 5 \times 3 \times 2 = 210$ 

دونوں میں ( 5 . 3 ) = 15 مشترک ہے۔ یہی دیے ہوئے اعداد کا مشنرک عادِ اعظم ہے ۔

مثال 2 : 5648 كاشترك عاد اعظم معلوم كرنا - $3 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 48$  $7 \times 2 \times 2 \times 2 = 56$ 2 ذیادہ سے زیادہ تین مرتبہ دونوں اعداد میں مشترک ہے۔ اس ليد 2×2×2 = 8 ديد بوت اعداد كاشترك عاد اعظم به -81'72'54 كامشترك عاد اعظم معلوم كرنا -مثال 3 :  $3 \times 3 \times 3 \times 2 = 54$  $3 \times 3 \times 2 \times 2 \times 2 = 72$ بشترک عادِ اعظم ــ 3×3=9  $3 \times 3 \times 3 \times 3 = 81$ 3 · 3 ( ma ہرسوال میں دیے ہوئے اعداد کی مفرد تجزیاں بنائیں اور اس طرح ان کا منذنزک عاد اعظم معلوم کریں۔ 108'36 (5) 90'700 (4) 275'35 (3) 84'96 (2) 45\*30 (1) 64'28'8 (10) 60'50'20 (9) 32'44'28 (8) 60'45'30 (7-) 175'72 (6) 75'55'35 (12)126'84'42 (11) 4-عادِاعظم بذريعي تقسيم: اس کے بعد ہم "مشترک عادِ اعظم" کو آسانی کی خاطر صرف " عادِ اعظم" کہاں گے ہ 48 اور 56 كا عاداعظم معلوم كرنا -مثال 1 : بلے ہم أوپر دى گئى مثال (2) ميں ديائے اعداد كا عاد اعظم معلوم كرتے ہيں-48 / 56

بسعادِ اعظم =8

مثال 2: 105 اور 135 كا عادِ اعظم معلوم كرنا -

برسوال میں دیے ہوئے اعداد کا عاد اعظم بذریعی انسیم معلوم کریں ۔

34'9 (5) 20'41 (4) 256'108(3) 36'150 (2) 72'34 (1)

35'210'105 (9)90'72'84(8) 360'288 (7) 280'140 (6)

385'280'40 (12)165'135'120(11) 75'85'95(10)

300'240'180 (14)384'360'288(13)

5 - اضعاف : كوئى ساعدد لير - مثلاً 6

ہ تین سے تقسیم ہوجاتا ہے اِس سے ہم کھتے ہیں کہ 6 تاین کا 2 گنا یا صرف یہ کھتے ہیں کہ 6 تاین کا 2 گنا یا صرف یہ کھتے ہیں کہ 6 تاین کا گنا ہے -

ہ دوسے بھی تقسیم ہوجاتا ہے اس لیے 6 دوکا بھی گنا ہے۔ اسی طرح 12 دو سے تقسیم ہوجاتا ہے یا 2 بادہ کا جزوضر بی بہے ۔ اس لیے 12 دوکا گنا ہے۔

3 بھی 12 جزو ضربی ہے اس لیے 12 تین کا گنا ہے۔ اِسی طرح 12 جا ر

اورچه کا بھی گنا ہے۔ اورچه کا بھی گنا ہے۔ اورچه کا الف = ( 1'3'3'4' ) }

سیٹ انف کے مبران ترتیب صعودی میں لکھے گئے ہیں۔ اس سبط کے برمبر کو 2 سے

2 کا بک گنا 2 کا 5 گنا 2 کا 4 گنا 2 کا 5 گنا 2 کا 5 گنا 2 کا 6 گنا 2 کا 5 گنا 2 کا 6 گنا عمل کے گا 6 گنا عمل می میں میں گنا کے بیت کہ میٹ استجال ہوتا ہے اس لیے ہم کتے ہیں کہ میں استجال ہوتا ہے اس کے ہم کتے ہیں گنا کی اسلامی کی میں استخاب کے میران یا ارکان 2 کے اضعاف ہیں اضعف کی جع اضعاف

اسی طرح 15 نین کا ضعف سے کیونکہ 15 میں 3 × 3 یعنی 15 تین کا 5گنا ہے۔

الركسى عدد كے تمام 'ضعاف معلوم كرنا ہوں تو قدرتى اعداد كے سيك كے مبران كواس عدد سے ضرب دبيتے جائس مثلاً

قدرتی عداد کاسیت -- ( 6'5'4'3'2'1 )

اس کے برمہبرکو 3 سے ضرب دینے سے

گویاکسی عدد کے اضعاف معلوم کرنا اُسی طرح ہے جس طُرح اس عدد سے گننا مثلاً تین تین کرکے گِنن ہو تو گِنیں گے۔ 36'6'15'12'9'6' .... اور پانچ پانچ کرکے گِننا ہو تو گنیں گے۔ 5'10'15'20'25'06' ..... اور پانچ پانچ کرکے گِننا ہو تو گنیں گے۔ 5'10'15'20'25'06' ..... اور اسی طرح وہی اعداد حاصل ہوتے ہیں جو 3 یا 5 کے اضعاف ہیں ۔

# مشقى 3.5

#### خالىجگە پُركىجىپے -

- (1) 8عدد 2 کا ضعت ہے۔ 8 عدد ..... کا بھی ضعت ہے۔
- رع اعداد .....اور اور .... کا ضعت پے۔
- (3) چونکر3×4 = 12 إس يان 12 اعداد 3 اور ..... دونور کاضعف سام
  - (4) چونک 5×6 = 30 إس يانے 30اعداد ١٠٠٠ اور 6 دونوں کا ضعف يانے -
- رح) نیونکہ 7×8 = 56 اس لیے 56 اعداد .... اور .... دونوں کا ضعف ہے۔
  - (6) 50 تک 5 کے اضعاف کا سیٹ بکھیے ۔
  - (7) 60 تک 6 کے اضعاف کا سیط کھیے -
  - (8) 70 تک 7 کے اضعاف کا سیٹ لکھنے -
    - (9) 80 تک 8 کے اضعاف کا سیط سکھے۔
    - (10) 90 تک و کے امتعاد کا سیط کھے۔

### 6 - مشارك اضعاف:

 $\frac{16'14'12'10'8'6'4'2}{16'14'12'10'8'6'4'2} = \frac{16'14'12'10'8'6'4'2}{21'18'15'12'6'3} = \frac{16'14'12'12'6'3}{21'18'12'6} = \frac{16'14'12'12'6}{21'18'12'6}$ 

نوف کریں کہ 2 اور 3 کے مشترک اضعاف کا سیٹ وہی ہے جو 6 کے اضعاف کا سیٹ ہے ۔

﴿ .... '24'21'18'15'12'9'6'3 } = كافعادنكاسيك عند '25'28'24'20 '16'12'8'4 } = كافعادنكاسيك عند '32'28'24'20 '16'12'8'4 } = كافعادنكاسيك عند '48'36'24'12 } = كافعادنكاسيك عند '48'36'24'12 } = كافعادنكاسيك وبي كم يوو1 كافعادنكاسيك به خو12 كافعادنكاسيك به خو13'30'25'20'15'10'5 } = كافعادنكاسيك كافعادنكاسيك = كافعادنكاسيك = كافعادنكاسيك = كافعادنكاسيك = كافعادنكاسيك = كافعادنكاسيك كافعادنك كافعادنكاسيك كافعادنكاسيك كافعادنكاسيك كافعادنكاسيك كافعادنكاسيك كافعادنكاسيك كافعادنكاسي

#### مشفی 3.6

ہر سوال میں دیے ہوئے اعداد کے اضعاف کا سیٹ لکھیں اور پھر مشترک اضعاف کا سیٹ معلوم کریں ۔

16'12 (6) 12'10 (5) 15'6 (4) 9'6 (3) 15'9 (2) 8'6 (1)

7'5'3 (12) 15'10'5 (11) 8'6'4 (10) 12'8 (9) 13'7 (8) 24'14 (7)

7 \_ چهوٹے سے چهوٹامشترک ضعف یا ذواضعاف اقل:

مثال 1: مثال الصفع 25مين مم في ديكها تهاك

2 اور 3 کے مشترک اضعاف کاسیٹ = { 6'12'81'24'08' ....... }

30 کے بعد نگائے گئے نقطے یہ ظاہر کرتے ہیں کہ اور بھی غیر متنا ہی مشترک اضعاف ہیں اور ہم یہ بھی نوٹ کرتے ہیں کہ اضعاف بڑے ہوتے پیلے جاتے ہیں ۔

لیکن 2 اور 3 کاسب سے چھوٹا مشترک ضعف 6 ہے۔ عرب میں سب سے چھوٹے "کو "افل "کستے ہیں اس لیے ہم" چھوٹے سے چھوٹے مشترک ضعف "کو "ڈواضعاف اقل کہیں گے۔ بس 2 اور 3 کا ذواضعاف اقل = 6 مثال 2 : و کے اضعاف کاسیٹ = ﴿ 30'27'24'21'18'15'12'9'6'3 ﴾ ۔ داختاف کاسیٹ = ﴿ کے اضعاف کاسیٹ = ﴿ کے اضعاف کاسیٹ = ﴿ 55'60'45'30'15 ﴾ ۔ اور 5 کے مشترک اضعاف کاسیٹ = ﴿ 15'12'6'30'25'26'15'10'5 ﴾ ۔ آور 5 کے اضعاف کاسیٹ = ﴿ 15'12'6 \* 36'30'24'18'12'6 ﴾ ۔ اضعاف کاسیٹ = ﴿ 30'48'42'36'30'24'18'12'6 ﴾ ۔ اضعاف کاسیٹ = ﴿ 48'40'32'24'16'8 ﴾ ۔ اضعاف کاسیٹ = ﴿ 48'40'32'24'16'8 ﴾ ۔ اور 8 کے شترک اضعاف کاسیٹ = ﴿ 96'72'48'24 ﴾ ۔ اور 8 کا دواضعاف اقل = 4 ۔ کافور 8 کافور 8 کا دواضعاف اقل = 4 ۔ کافور 8 کا دواضعاف اقل = 4 ۔ کافور 8 کافور 8

#### مشق 3.7

شق 3. 3 کے برسوال میں دیے گئے اعداد کا ذواضعاف اقل معلوم کریں۔ 8 مفرد تجربی اور ڈواضعاف اقل:

مثال 1: 6 اور 8 كاذوامتعاف اقل معلوم كرنا ـ

 $3 \times 2 = 6$  اور 8 کی تجزیوں میں سے کسی ایک میں 2 زیادہ سے زیادہ  $3 \times 2 = 6$  تین مرتب، بطور جزوضر پی آیا ہے اور  $2 \times 2 \times 2 = 8$  پی 6 اور 8 کا ذواضعاف اقل  $2 \times 2 \times 2 \times 3 = 2$ 

#### طريقي :

6 اور 8 کے تجزیوں میں سے کسی ایک میں 2 ذیادہ سے ذیادہ تیں مراتبہ جزوضر بی کے طور پر آیا ہے اور 3 صرف ایک مرتبہ - اس لیے ذواضعاف اقل میں 2 نیان ہی مرتبہ جزوضر بی کے طور پر آئے گا اور 3 صرف ایک مرتبہ -

پر ذواضعان اقل م 2×2×3×2=24 ایساکیوں ہوتاہے اسکی وجہ اپنے اُستاد صاحب سے پوچھیں۔ .

مثال 2 : 1842 اور 24 كا ذواضعاف اقل معلوم كرياء

 $3 \times 2 \times 2 = 12$ کسی ایک تجزّی میں 2 ذیادہ سے ذیادہ تین مرتبہ  $3 \times 3 \times 2 = 18$   $3 \times 3 \times 2 = 18$   $3 \times 3 \times 2 = 18$   $3 \times 3 \times 2 = 24$ 

 $72 = 3 \times 3 \times 2 \times 2 \times 2 = 3$ دواشعاف اقل = 3

3.8

مفرد تجزّیاں بذکر دیے ہوئے اعداد کے ذواضعاف آفل معلوم کیجیے۔

256'100 (5) 256'108 (4) 100'64 (3) 72'48 (2) 48'36 (1)

336<sup>2</sup>252<sup>8</sup>84(10) 70<sup>6</sup>65<sup>6</sup>60(9) 24<sup>1</sup>18<sup>1</sup>12 (8) 45<sup>2</sup>25<sup>1</sup>15(7) 60<sup>6</sup>65(6) 420<sup>2</sup>210<sup>3</sup>30(12) 625<sup>2</sup>250<sup>1</sup>100(11)

### g\_ ذواضع ف اقل معلوم كرفى كايك اورطريقى،

مَثَالَ 1 : 60 اور 84 دُواضعاف افل معلوم كرنا -

2	60 - 84
2	30 + 42
3	15 + 21
	5 · 7

 $420 = 7 \times 5 \times 3 \times 2 \times 2 = 3$ دُوامِنْعَافُ اقْل = 2

پہلے ایسے مفرد اجزائے ضربی سے تقییم کرتے جائیں جوکہ دونوں اعدادیا پھر حاصل تقییم سے ملنے والے اعداد میں مشاؤک ہوں۔ یہ عمل اس وقت تک جادی رکھیں گے جہات تک آخر میں مزید مشترک اجزا سے تقییم کرنا ممکن نہیں دہے گا۔

مثال 2 : 28،35 اور 30 كا ذواصعاف اقل معدوم كرنا:

 $420 \quad 2 \times 3 \times 7 \times 5 \times 2 = 3$ ذواضعات اقل

مثال 3 : 220 - 770 اور 660كا ذواصعاف اقل معنوم كريا :

 $4620 = 7 \times 3 \times 11 \times 5 \times 2 \times 2 = 3$ ذراضعان اقل  $= 7 \times 3 \times 11 \times 5 \times 2 \times 2$ 

مندرجه، ذیل کا دُواضعان اقل معلوم کیجیے :-مندرجه، ذیل کا دُواضعان اقل معلوم کیجیے :-98'72 (4). 54'72 (3) 36'16 (2) 60'84 (1)

315'504 (7) 375'210 (6) 108'64 (5)

17'13'70 (10) 84"144"72 (9) 48'36'24 (8)

625'425'275 (12) 324'216'108 (11)

# كوركيجع ، نفريق، ضرب اورتفسيم

### ١- مترادفكسرين راعاده) :

 $\frac{3}{4}$ ،  $\frac{2}{4}$ ،  $\frac{1}{2}$  ہیں۔  $\frac{1}{4}$  ہیں۔  $\frac{1}{4}$  ہیں۔  $\frac{1}{4}$  ہیں۔  $\frac{1}{4}$  ہیں۔ مترادف کسریں ہیں بید ایک ہی عدد  $\frac{1}{2}$  کو ماہر کرتی ہیں۔ مترادف کسریں ہو سکتی ہیں۔ اس لیے ہم کستے ہیں کہ  $\frac{1}{2}$  کے مترادف کسروں کا سیٹ  $= \{\frac{1}{2}, \frac{2}{4}, \frac{3}{6}, \frac{2}{8}, \frac{3}{10}, \frac{6}{12}, \dots \}$ 

کسروں کابد سیٹ دراصل لے کے شمار کنندہ اور نسب عادونوں کو ، 2°13°4°3°6° ..... ا سے ضرب دینے سے حاصل ہوتا ہے ۔ لہٰذا کسی بھی کسر کی تمام متزاد دنکسروں کا سیٹ معلام

کرنے کے بیان اس کسر کے نسب نما اور شمار کنندہ دونوں کو تریتیب وار ، 2°3°4

سے ضرب دیتے چلے جائیں ۔ اس طرح

> 3 كى مازادفكرون كاسيث ر ا 3 ، 6 ، 9 ، 12 ، ... ) 4 كى مازادفكرون كاسيث ر ا 4 ، 8 ، 12 ، 61 ،... )

### 2-واجب،غيرواجب اورمخلوطكسرين راعاده):

(١) اگرکسی کسر کا مخترج یا نسب تما شمار کننده سے بڑا ہو تو ایسی کس واجب کس کے بدق ہے۔ شالاً 2، 3، 3، 13 وغیر ،

( : ) اگرکسی کسر کا غزج یا نسب نما شماد کننده سے چھوٹا ہو یا اس کے برابر ہو تو ایس

كسرغيرواجب كركهلاتي ميد مثلاً 4، 9، 16، 4، 11، 11 وغيره ـ ( 111 ) اگرکسی کسر کے دو حصے اس طرح ہوں کہ ان میں سے ایک حصر صحیح عدد اور دُوسل حصت کسر واجب ہو تو ایسی کس مخلوط کسرکہلاتی ہے۔

- مَالَا عُهُ، 13 مَعَادِهِ - 13 مَعَادِهِ عَادِهِ - اللهِ عَادِهِ - اللهِ اللهِ اللهِ اللهِ اللهِ اللهِ اللهِ

ان كسروں كويوں بھى مكھا جاسكتا ہے: 5 + 4 : 7 - 5 : 3 - 13 وغيره-

4.1 ( ama

(1) مندرجه ذیلکسروں میں سے ہر ایک کی منزاد دنکسروں کا سبیٹ کیسے۔

 $\frac{5}{12}$ ,  $\frac{11}{12}$ ,  $\frac{3}{11}$ ,  $\frac{5}{11}$ ,  $\frac{7}{9}$ ,  $\frac{7}{10}$ ,  $\frac{6}{11}$ ,  $\frac{3}{7}$ ,  $\frac{5}{6}$ ,  $\frac{4}{5}$ ,  $\frac{3}{3}$ ,  $\frac{2}{3}$ 

(2) مندرجه ذيل ميں على واجب، غير واجب اور مخلوط كسرير الگ الگ كيرے -

 $5\frac{7}{8}, \frac{5}{12}, \frac{12}{5}, \frac{11}{12}, \frac{11}{5}, \frac{10}{7}, \frac{11}{13}, \frac{2}{3}, \frac{4}{5}, \frac{95}{6}, \frac{73}{4}, \frac{3}{17}, \frac{6}{5}, \frac{7}{3}$ 

3\_كسوركىجىع :

مثال 1 : چوتھی جماعت میں سیکھے ہوئے طریقے سے ہم جانتے ہیں کہ

3 - 3 كوحل كرنے كے ياسے إلى اور 5 كى مترادف كسرين معلوم كى جاتى باب -

 $\frac{1}{4}$  .....  $\frac{18}{24}$   $\frac{15}{20}$   $\frac{12}{16}$   $\frac{9}{12}$   $\frac{6}{8}$   $\frac{3}{4}$  =  $\frac{18}{24}$   $\frac{15}{20}$   $\frac{12}{16}$   $\frac{9}{12}$   $\frac{6}{8}$   $\frac{3}{4}$   $\frac{3}{4}$ 

ان دونوں سیٹوں میں سے 3 اور 5 کی ایسی مترادف کسویں تلاش کویں جن کے نسب نما باغزج برابرباي - سيثون كوديكهن سے بدن جستا ب كرد كى متراد ف كس في اور في كى متراد ف كس في (بركس اپنے آپ كى متراد ف بوق ب) ایس کریں ہیں جن کے محرج (نسب نما) برابر ہیں -

 $\frac{12}{16}$  للذا  $\frac{3}{8}$   $\frac{3}{8}$   $\frac{3}{8}$   $\frac{3}{8}$  ليكن ان بى سيوں ميں  $\frac{3}{8}$  كى مالدف كس اور 5 کی متراد ف کس 10 بھی ایسی کسویں ہیں جن کے مخرج (نسب ما) برابر ہیں۔ المذا

 $\frac{22}{16} = \frac{10+12}{16} = \frac{10}{16} + \frac{12}{16} = \frac{5}{8} + \frac{3}{4}$ 

جے مختصر ترین صورت میں نکھنے سے 11 حاصل ہوتا ہے - پس 8+3 = 16 = 8

 $\frac{11}{8} = \frac{33}{24} = \frac{15+18}{24} = \frac{15}{24} + \frac{18}{24} = \frac{5}{8} \cdot \frac{3}{4}$  اسیطرح

ہم دیکھتے ہیں کہ 3 اور 5 کی کوئی بھی بوابر نسب نما والی زیا ہم مخرج) مترادف کمریں لینے

سے حاصل جع وہی رہتا ہے -

اُوپر کی مثال سے معلوم ہوتا ہے کہ

 $\frac{11}{8} = \frac{5}{8} + \frac{6}{8} = \frac{5}{8} + \frac{3}{4}$ رز) دوؤر/انب نما 8

 $\frac{11}{18} = \frac{22}{16} - \frac{10}{16} + \frac{12}{16} = \frac{5}{8} + \frac{3}{4}$ 

دولون السبانما 16 يا 2× 8

اس سے زمیں دی ہوئی دونوں کسروں کے شمار کندوں کوبھی 2سے ضرب دی گئی ہے ۔

 $\frac{11}{9} = \frac{33}{72} = \frac{15}{72} = \frac{18}{9} + \frac{5}{7}$ دونوں كانسب نما 24 يا3 x

اس بلے و میں دی ہوئی دونوں کروں کے شمار کنندون کو بھی 3 سے ضرب دی گئی ہے -

اگلا بیتیں 3 اور 5 کی مترادف کسروں کے سیٹوں کو دیکھ بغیر لکھا جا کتا ہے۔

$$\frac{11}{8} = \frac{44}{32} - \frac{20}{32} + \frac{24}{32} = \frac{5}{8} + \frac{3}{4}$$

نسب نما 4 × 8 اورشماد کنندوں کو بھی 4 سے ضرب دی گئی ہے۔

مُبِیّعب، (1)کسروںکوجع کرنے کے لیے ان کو ایسی متلاث کبروں میں تبدیل کرنا ہوتا ہے جن کے نسب نما برا بر ہوں ۔

(2) برابر نسب نماؤں کے یا مشترک نسب نما بھی استعال ہوتا ہے۔

(3) دى ہوئى كىروں كومشترك نسب نما والى كسروں ميں تبديل كرتے وقت ہميں كے شمار مشترك نسب نما عاصل ہوتے ہيں جيسا كہ اُوپر كى مثال ميں 16'8 22'2..... ہيں۔

(4) یہ مشترک نسب نما دراصل دی ہوئی کسروں کے نسب نماؤں کے مشترک اضعا ہت ہیں۔ ان میں سے کوئی بھی مشترک نسب نما (جوکہ دی ہوئی کسروں کے نسب نماؤں کا مشترک ضعت ہوگا) استعمال کریں گے۔

دُوسرے لفظوں میں نسب نماؤں کا ذواضعاف اقل لیں گے۔

اس طرح ہمیں منزاد ف کسروں کے سیٹ نہیں اکھنا پڑیں گے۔ ہس اُوپر کی مثال کو اب مندرجہ ذیل طریقے سے حل کیا جاسکتا ہے ۔

5 + 3 2 m1

چونکہ 3 کا نسب نما 8 بنادیا گیاہے جوکہ 4 کو 2 سے ضرب دینے سے حاصل ہوتا ہے۔ اس لیے شمارکنندہ 3 کوبھی 2 سے ضرب دیں تواس طرح 6 حاصل ہوتا ہے ۔

$$\frac{11}{8} = \frac{5+6}{8} = \frac{5}{8} + \frac{6}{8} = \frac{5+3}{8} + \frac{3}{4}$$

مثال 2 : 13 + 13 كوحل كونا -

پیهلی مثال کی طرح یہاں بھی ہمیں دی ہو ٹی کسروں کومشترک نسب نما والی کسروں میں تبدیل کرناہوگا۔ نسب نما 6 اور 9 ہیں۔ إن كا ذواضعات اقل = 18

$$\frac{61}{18} = \frac{22+39}{18} = \frac{22}{18} + \frac{39}{18} = \frac{2 \times 11}{2 \times 9} + \frac{3 \times 13}{3 \times 6} = \frac{11}{9} + \frac{13}{6} \quad \frac{1}{18} = \frac{22+39}{18} = \frac{11 \times 2 + 13 \times 3}{18} = \frac{11}{9} + \frac{13}{6} \quad \frac{1}{18} = \frac{3}{18} = \frac{61}{18} \quad \frac{3}{18} = \frac{21}{12} + \frac{23}{8} + \frac{17}{4} \quad \frac{3}{18} = \frac{2}{12} \cdot \frac{17}{8} \cdot \frac{3}{18} = \frac{2}{12} \cdot \frac{3}{18} \cdot \frac{3}{18} = \frac{2}{18} \cdot$$

$$35$$

$$60 = 5 \times 4 \times 3 = \frac{64}{5} + \frac{42}{4} + \frac{32}{3} : 4 \text{ the solution of } 60 = 5 \times 4 \times 3 = \frac{64 \times 12 + 42 \times 15 + 32 \times 20}{60} = \frac{64}{5} + \frac{42}{4} + \frac{32}{3}$$

$$60 = \frac{64 \times 12 + 42 \times 15 + 32 \times 20}{60} = \frac{64}{5} + \frac{42}{4} + \frac{32}{3}$$

$$\frac{768 + 630 + 640}{60} = \frac{2038}{60} = \frac{2038}{60} = \frac{2038}{60} = \frac{33}{58}$$

$$\frac{33}{180} = 33 \frac{58}{60} = \frac{2038}{60} = \frac{2038}{60} = \frac{33}{60} = \frac$$

 $\frac{\frac{105}{24} + \frac{97}{28} + \frac{65}{14}}{14} (14) \frac{73}{6} + \frac{48}{9} + \frac{28}{3} (13)}{4} = 4$ 

مخلوط كسروں كوجع كرف كاايك طريق، الله چوتهى جماعت ميں بڑھ بُجكے ہيں۔ إسے يہاں د ہواتے ہيں ۔

مثال 1 : 5 مثال 1 : وحلكونا ـ

 $(\frac{4}{4})$  میں یک چوتھائی  $(\frac{1}{4})$  جمع کی تو چار چوتھائیاں  $(\frac{4}{4})$ حاصل ہوئیں اور 5 میں 7 جع کرنے سے 12 حاصل ہوا۔

ہمیں یہ بھی معلوم ہے کہ 4 = (چارچوتھائیاں = ایک)

 $13 = 12 + 1 = 12 + \frac{4}{4} = 12\frac{4}{4}$ 

على غ و + 9 ع + 9 على دو چوتهائيان بوتى باب -على غ و + 9 ع + 9 على دو چوتهائيان بوتى باب -

اورچارچوتهائيان بهي كس سكتهان

$$\bigoplus \bigoplus \longleftarrow \bigoplus \bigoplus$$

$$15 + 1 + \frac{1}{4} =$$

 $16\frac{1}{4} = 16 + \frac{1}{4} =$ 

دُوسراطريق، إسىمثالكوبهم ايك اورطريق سے حل كرتے ہيں.

 $6\frac{3}{4} + 9\frac{1}{7}$ 

= 27 + 19 (خلوط کسروں کوغیر واجب کسروں میں تبدیل کیا)

 $4 = \frac{27+38}{4} =$ 

 $16\frac{1}{4} = \frac{65}{4} =$ 

$$9\frac{5}{6} + 4\frac{1}{4} + 8\frac{2}{3}$$
: 3 مثال 3  $9\frac{5}{6} + 4\frac{1}{4} + 8\frac{2}{3}$ : حل:  $9\frac{5}{6} + 4\frac{1}{4} + 8\frac{2}{3} = \frac{59}{6} + \frac{17}{4} + \frac{26}{3} = \frac{59}{6} + \frac{17}{4} + \frac{26}{3} = \frac{59}{6} + \frac{17}{4} + \frac{26}{3} = \frac{17}{6} + \frac{17}{6} + \frac{17}{6} + \frac{17}{6} = \frac{17}{6} + \frac{17}{6} = \frac{17}{6} + \frac{17}{6} = \frac{17}{6} + \frac{17}{6} + \frac{17}{6} + \frac{17}{6} + \frac{17}{6} + \frac{17}{6} = \frac{17}{6} + \frac{17}{6} + \frac{17}{6} + \frac{17}{6} + \frac{17}{6} + \frac{17$ 

$$\frac{59 \times 2 + 17 \times 3 + 26 \times 4}{12} =$$

$$\frac{118 + 51 + 104}{12} =$$

$$22\frac{3}{4} = 22\frac{9}{12} = \frac{273}{12}$$

# مشق 4.3

#### مخصركوس .\_

$$2\frac{1}{4}+6\frac{3}{4}$$
 (3)

$$3\frac{5}{6}+2\frac{2}{3}$$
 (2)

$$4\frac{3}{8}$$
  $+ 1\frac{3}{4}$  (1)

$$4\frac{1}{6} + 3\frac{3}{5}$$
 (6)

$$9\frac{5}{6} + 6\frac{3}{8}$$
 (5)

$$7\frac{5}{9} + 5\frac{2}{3}$$
 (4)

$$7\frac{1}{4} + 3\frac{5}{6} + 5\frac{5}{8}$$
 (9)

$$5\frac{3}{10}+4\frac{2}{5}$$
 (8)

$$3\frac{1}{2}+2\frac{7}{8}$$
 (7)

$$5\frac{5}{12} + 3\frac{3}{8} + 1\frac{1}{2}$$
 (12)  $2\frac{5}{12} + 3\frac{7}{10} + 2\frac{1}{6}$  (11)  $5\frac{2}{5} + 4\frac{2}{3} + 3\frac{1}{4}$  (10)

# 6-كسوركى تضريق :

مثال 1: 3 میں سے 3 تغریق کونا۔

چونھی جماعت میں ہم پڑھ آئے ہیں کہ ایسی کروں کی تفریق کے لیے پہلے انھیں مترادف کسروں میں تبدیل کیا جاتا ہے۔ کروں کی جمع سیکھے وقت ہم یہ بھی پڑہ کی ہیں کہ کروں کوشترک نب نما والی کسروں میں تبدیل کرنے کے لیے دی ہو تی کسروں کے نب نماؤں کا ذواضعاف اقل معلوم کیا جاتا ہے اور اِس لحاظ سے دی ہو تی کسروں کو مشترک نسب نما والی کسروں میں تبدیل کرلیا جاتا ہے۔ یہاں بھی یہی عمل کیا جائے گا۔

$$\frac{3}{4} - \frac{7}{8}$$

$$\frac{1}{8}$$

$$\frac{3}{4} - \frac{7}{8}$$

$$\frac{2 \times 3}{2 \times 4} - \frac{7}{8} = \frac{2 \times 3}{2 \times 4} - \frac{7}{8} = \frac{3}{8} = \frac{6 - 7}{8 - 8} = \frac{6 - 7}{8 - 8} = \frac{6 - 7}{8} = \frac{3}{4} - \frac{7}{8} = \frac{11}{21} = \frac{3}{7} - \frac{11}{21} = \frac{3}{7} - \frac{11}{21} = \frac{3}{7} - \frac{11}{21} = \frac{9}{21} - \frac{11}{21} = \frac{9}{21} = \frac{11}{21} = \frac{9 - 11}{21} = \frac{$$

مختصرکویں:۔۔ 2 2

$$\frac{9}{14} - \frac{5}{7} \quad (4) \quad \frac{3}{8} - \frac{3}{6} \quad (3) \quad \frac{7}{10} - \frac{4}{5} \quad (2) \quad \frac{2}{6} - \frac{2}{3} \quad (1)$$

$$\frac{9}{16} - \frac{3}{4}$$
 (8)  $\frac{2}{8} - \frac{7}{12}$  (7)  $\frac{2}{3} - \frac{4}{3}$  (6)  $\frac{2}{3} - \frac{6}{9}$  (5)

$$\frac{1}{12} - \frac{2}{3}$$
 (12)  $\frac{2}{10} - \frac{4}{5}$  (11)  $\frac{6}{14} - \frac{6}{7}$  (10)  $\frac{1}{3} - \frac{7}{8}$  (9)

مثال 1: 
$$\frac{3}{4}$$
 د کو مختصر کرنا ۔  $\frac{4\frac{3}{4}}{2\frac{3}{4}}$ 

 $\frac{2}{1} - \frac{19}{4} = \frac{2}{1} - 4\frac{3}{4} : \sqrt{\frac{19}{4}}$ 

$$2\frac{3}{4} = \frac{11}{4} = \frac{8-19}{4} = \frac{4 \times 2 - 19}{4} =$$

مثال 2 : 85 -66 كويمنتصركرنا ـ

$$\frac{59}{9} - \frac{53}{6} = 6\frac{5}{9} - 8\frac{5}{6}$$
 $\frac{59}{9} \times 2 - 53 \times 3$ 
 $\frac{59}{18} \times 3 - \frac{2}{18}$ 
 $\frac{2}{18} \times 3 - \frac{2}{18}$ 

مثال 3: 7 - 53 كونختمركونا -

$$1\frac{1}{4} = \frac{5}{4} = \frac{23 - 28}{4} = \frac{23}{4} - \frac{7}{1} = 5\frac{3}{4} - \frac{7}{1}$$

$$4.5$$

$$2\frac{1}{3} - 6\frac{3}{4}$$
 (4)  $4\frac{1}{2} - 7$  (3)  $\frac{3}{4}$  4 (2)  $1\frac{2}{3} - 3\frac{1}{2}$  (1)

$$9\frac{5}{6} - 16\frac{5}{24}$$
 (8)  $3\frac{5}{6} - 6\frac{1}{2}$  (7)  $1\frac{3}{4} - 4\frac{3}{8}$  (6)  $2\frac{2}{3} - 5\frac{1}{4}$  (5)

$$11\frac{1}{15} - 12\frac{3}{5}$$
 (12)  $4\frac{7}{10} - 7\frac{1}{5}$  (11)  $5\frac{2}{3} - 13\frac{2}{9}$  (10)  $3\frac{3}{5} - 4\frac{1}{6}$  (9)

$$11\frac{8}{15} - 3\frac{7}{10} + 12\frac{4}{5} : 1$$
 مثال  $11\frac{8}{15} - 3\frac{7}{10} + 12\frac{4}{5} : 1$  مثال  $11\frac{8}{30} = \frac{149}{30} = \frac{346 - 111 + 384}{30} = \frac{173}{15} + \frac{37}{10} + \frac{64}{5} = 18$  مثال  $18\frac{18}{253}$   $\frac{18}{73}$   $\frac{18}{73}$   $\frac{18}{72}$   $\frac{118 + 138 - 273}{18} = 14\frac{1}{18} = \frac{253}{18} = 14\frac{1}{18} = \frac{253}{48} = 14\frac{1}{18} = \frac{253}{48} = 17$   $\frac{39}{8} - \frac{31}{6} - \frac{51}{4} = 12\frac{3}{4} : 3$  مثال  $11\frac{39}{8} - \frac{31}{6} - \frac{51}{4} = 117 - 124 - 306 = 117 - 306 = 117 - 306 = 117 - 306 = 117 - 306 = 117 - 306 = 117 - 306 = 117 - 306 = 117 - 306 = 117 - 306 = 117 - 306 = 117 - 306 = 117 - 306 = 117 - 306 = 117 - 306 = 117 - 306 = 117 - 306 = 117 - 306 = 117 - 306 = 117$ 

## مشق 4.6

مختصركويي :-

$$7\frac{1}{4} + 3\frac{5}{6} - 5\frac{5}{8} (2) \qquad 4\frac{3}{4} - 5\frac{5}{6} + 2\frac{1}{3} (1)$$

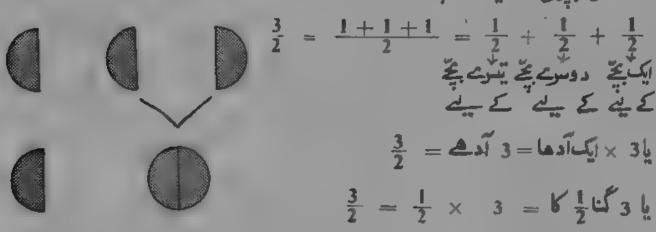
$$3\frac{7}{10} - 2\frac{1}{6} - 6\frac{5}{12} (4) \qquad 4\frac{1}{4} - 3\frac{4}{6} - 10\frac{5}{8} (3)$$

$$4\frac{5}{24} + 5\frac{9}{14} - 4\frac{3}{7} (5)$$

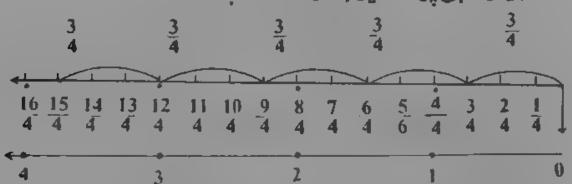
# كسوركي ضرب

9 - كسركومكمل عدد سے ضريب دينا:

مثال 1 ؛ اگرایک بچے کو آدھا پسکٹ دینا ہوتو 3 بجتوں کے لیے کتے بسکوں کی ضرورت ہوگی؟ ایک بیخے کو ملتا ہے – آدھا یا ألے بسکٹ 3 بجتوں کے لیے کتے ؟



مثال 2 : ایک سبق پڑھنے کے لیے ایک بچے کو پوناگھنٹہ رہے گھنٹہ)لگتا ہے۔ ایسے ہی 5 سبق پڑھنے میں کتنا وقت لگے گا ؟



ویک سبق پڑھنے میں 3 گھنٹے لگتے ہیں۔ 5 سبق پڑھنے میں کتنا وقت لگے گا ؟  $\frac{15}{4} = \frac{3+3+3+3}{4} = \frac{3}{4} + \frac{3}$ 

## 11 - كسركوكسريت ضريب دينا:

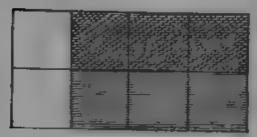
$$\frac{3 \times 8}{4 \times 1} = \frac{3}{4} \times \frac{8}{1} = 6 = (6 \frac{3}{4} \times 8) \quad \frac{3}{4} \times 8 \quad :1 \text{ lin}$$

$$\frac{3 \times 4}{4} = \frac{3}{4} \times \frac{4}{1} = 3 = (6 \frac{3}{4} \times 4) \quad \frac{3}{4} \times 4$$

$$\frac{3 \times 2}{4} - \frac{3}{4} \times \frac{2}{1} = \frac{3}{2} = (6 \frac{3}{4} \times 2) \frac{3}{4} \times 2$$

$$\frac{3 \times 1}{4 \times 1} = \frac{3}{4} \times \frac{1}{1} = \frac{3}{4} = (6 \frac{3}{4} \times 1) \quad \frac{3}{4} \times 1$$

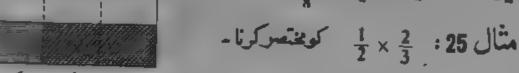
$$\frac{3}{4} \times \frac{1}{2} = \frac{3}{4} \times \frac{1}{2} = \frac{3}{8} = (\sqrt{3} + \sqrt{2}) + \frac{3}{4} \times \frac{1}{2}$$



ہم دیکھتے ہیں کہ جُوں جُوں مضروب فیرہ نصف ہوتے چلے چلے ہیں حاصل ضرب بھی نصف ہوتے چلے جلتے ہیں۔  $\frac{1}{2} \times \frac{1}{4} \times$ 

شکل کے ذریعے ظاہر کیاگیا ہے۔

برجوتهائی میں سے آدمایعنی ایک آٹھواں لیٹا ہے لہٰذا تین چوتھا یُوں میں سے تین آٹھویں ایس کے اور تین آٹھویں = 3



2 × 1/2 کامطلب ہے آدھے کی دو تہائیل۔ ایک چیز لے کواس کے دوبرابر جھتے کیے۔

ایک آدھے کو مزید تین برابر حصوں میں تقسیم کیا۔ اب حاصل شدہ ہر ایک حِصّہ اصل چیز کا چھٹا عصب نہے اور دہم نے ایسے دو حِصّے لینا ہیں جوکہ دو چھویں ہوں گے۔

پس  $\frac{2}{5} \times \frac{1}{2} = 2$  جھویں  $\frac{2}{6}$ 

$$\frac{2}{6} = \frac{1 \times 2}{2 \times 3} = \frac{1}{2} \times \frac{2}{3} = \frac{2}{3$$

دونوں مثالوں کو سامنے رکھ کرہم یہ نتیجہ نکالتے ہیں کہ کسروں کوکسروں سے ضرب دینے کے یائے کسروں کے شمار کنندوں کو آپس میں ضرب دیتے ہیں اور نسب نماؤں کوآپس میں۔

$$\frac{21}{32} = \frac{7 \times 3}{8 \times 4} = \frac{7}{8} \times \frac{3}{4} : 2$$

مثال 3:  $\frac{2}{3} \times 5\frac{1}{4}$  كو مختصر كرنا -

$$35 = \frac{\frac{5}{20} \times \frac{21}{21}}{\frac{3}{1} \times \frac{4}{1}} = 6\frac{\frac{2}{3}}{\frac{3}{1}} \times 5\frac{1}{4}$$

 $68\frac{4}{5} = \frac{344}{5} = \frac{43}{5} \times \frac{48}{5} = 7\frac{1}{6} \times 9\frac{3}{5} + 4$ 

## مشق 4.9

$$\frac{5}{12} \times \frac{8}{9} (3) \qquad \frac{7}{8} \times \frac{4}{5} (2) \qquad \frac{2}{3} \times \frac{3}{4} (1)$$

$$3\frac{2}{11} \times 8\frac{1}{4}(6) \cdot \frac{25}{32} \times 3\frac{3}{5}(5) \cdot \frac{35}{42} \times \frac{21}{25}(4)$$

$$3\frac{9}{12} \times 2\frac{7}{10}$$
 (9)  $6\frac{3}{5} \times 4\frac{1}{6}$  (8)  $5\frac{4}{7} \times 5\frac{12}{13}$  (7)

$$12\frac{1}{12} \times 11\frac{1}{11}$$
 (12)  $5\frac{5}{7} \times 8\frac{2}{3}$  (11)  $1\frac{1}{19} \times 7\frac{3}{5}$  (10) کسور کی نفسیم

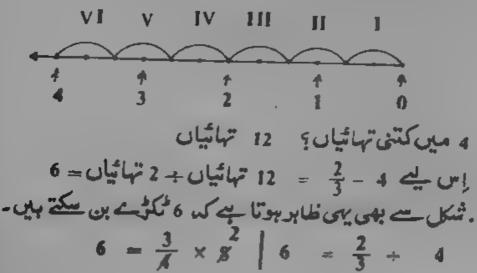
# 12 مكل عددكوكسريت تقسيم كرنا:

مثال 1 : تین دائوی شکل کے کاغذ کے ٹکڑے لیں جن کا سائز ایک ہی ہو، ہرایک کو دو دو برابر حصوب میں تقسیم کریں تو اِس طرح کُل 6 آدھے حاصل ہوں گے ۔ اگر ایک بیج کو ایک آدھا ٹکڑا دیا جائے تو اِس طرح کُنے بیوں کو کاغذ کے یہ ٹکڑے دیے جاسکے ہیں ؟

چونکه و آده بین اور بر بیخ کو ایک آدهاملنا ہے اس کے ویک کو دِ سے جَا سکتے ہیں۔ علامتی طور پر اِ مصطابر کریں گے:

 $6 = \frac{1}{2} + \frac{6}{2} = \frac{1}{2} + 3$   $6 = \frac{1}{2} + \frac{6}{2} = \frac{1}{2} + 3$   $6 = \frac{2 \times 3}{1}$   $\frac{1}{1} = \frac{1}{2} + 3$   $\frac{1}{2} = \frac{1}{2} + 3$   $\frac{1}{$ 

اِسطرح بھی 6 حاصل ہوتا ہے اِس 3 ہوتا ہے 5 مثال 2: اگرآپ کے پاس 4 میاٹر لمبی دسی ہوتو اِس سے 3 میٹر لمبائی کے گئے انکٹرے بنائے جا سکتے ہیں ؟



$$12 = \frac{4}{3} \times 9$$
  $12 = \frac{3}{4} \div 9$   $12 = \frac{3}{4} \div 9$   $13 = \frac{3}{4} \div 9$   $14 = \frac{3}{4} \div 9$   $14 = \frac{3}{4} \div 9$ 

$$6 = \frac{2}{1} \times 3$$

$$6 = \frac{1}{2} + 3$$

$$6 = \frac{3}{2} \times A^{2}$$

$$6 = \frac{2}{3} + 4$$

$$12 = \frac{4}{3} \times 9$$

$$12 = \frac{3}{4} + 9$$

اں سے یہ نیتجہ نکاتا ہے کہ کسی مکمل عدد کوکسی کسر سے تقییم کرنے کے لیے کسرکو اُلٹا کو مکمل عدد سے ضرب دے دیں [کیونکہ تقییم ضرب کا معکوس راُلٹ) عمل ہے ۔ اِس لیے لیے سے ضرب دینا] اِس لیے لیے سے ضرب دینا]

$$\frac{6}{5} \div 12 \div 4$$
 مثال  $10 \pm \frac{5}{6} \times \frac{12}{1} = \frac{6}{5} \div 12$ 

## مشق 4.10

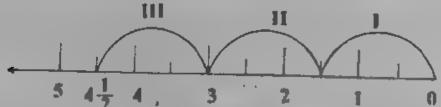
#### مخصرکریں ،

$$\frac{3}{5} \div 12 \ (4) \frac{1}{7} \div 7 \ (3) \ \frac{3}{4} \div 6 \ (2) \frac{1}{3} \div 5 \ (1)$$

$$\frac{12}{15} \div 32 \ (8)\frac{7}{12} \div 21 \ (7) \ \frac{3}{7} \div 18 \ (6) \frac{5}{6} \div 15 \ (5)$$

$$\frac{14}{15} \div 42 \ (12)\frac{5}{8} \div 35 \ (11) \frac{3}{5} \div 29 \ (10)\frac{2}{7} \div 14 \ (9)$$

مثال 2 : ساڑھے چارمیٹرکپڑے میں سے ڈیڑہ ڈیڑہ میٹر کے کتے ٹکڑے ہیں گے ؟



ہم ساڑھ چارمیاڑ لبی ایک رسی لیتے ہیں اور اس میں سے ڈیڑھ ڈیڑھ میٹر کے ٹکڑے کاٹ کود یکھتے ہیں تو 3 ایسے ٹکڑے حاصل ہوتے ہیں۔

$$3 = \frac{3}{2} - \frac{9}{2} \frac{1}{1}$$
  $3 = 1\frac{1}{2} \div 4\frac{1}{2} \div \frac{1}{2}$ 

مثال 3 : ایک کوئنٹل وزن کاریلوے کا کرایہ 2 دوچے ہے۔ بتائیں 11-دوچے میں کتے کوئنٹل وزن بو بجاجا سکتا ہے۔

 $\frac{2}{4}$  3)  $\frac{45}{4}$  =  $\frac{2}{7}$  3)  $11\frac{1}{4}$ 

ایک کوئنٹل وزن کاکرایہ =  $\frac{1}{2}$  دوچ =  $\frac{5}{2}$  دوچ =  $\frac{10}{4}$  روچ ایک کوئنٹل وزن کاکرایہ =  $\frac{1}{2}$  دوچ =  $\frac{10}{4}$  روچ =  $\frac{10}{4}$  دوچ =  $\frac{10}{4}$ 

لهذا 45 م 10 = 35 (ایک کوئنٹل وزن کاکراید مینے کے بعد جورقم بچ گی -)

25 = 10 = 25 (2 كونشل وزن كاكرايه دين كے بعد جو رقم بي كى -)

25 \_ 10 \_ 15 (3 كوئنٹل وذن كاكرايه دينے كے بعد جورقم بيج كى-)

 $\frac{15}{4} - \frac{10}{4} = \frac{10}{4} - \frac{15}{4}$  (4) کوئنٹلوزن کاکرایہ دینے کے بعد جود قریبے گی۔) اب ہمادے پاس کے دو ہے جو کی کوئنٹل وزن اور بھی بھیج سکتے ہیں ۔ وزن اور بھی بھیج سکتے ہیں ۔

 $\frac{1}{2} = \frac{1}{2}$  ہیں کی وزن جو بھیجا جا سکتا ہے

$$\frac{9}{2} = \frac{5}{2} - \frac{45}{4} \, \text{L} \qquad \qquad 4\frac{1}{2} = \frac{5}{2} + \frac{45}{4} \, \text{L}$$

#### تينوں مثانوں کو سامنے رکھ کرہم دیکھتے ہیں کہ

$$3 = \frac{1}{1} \times \frac{3}{21}$$

$$3 = \frac{1}{2} \div 1\frac{1}{2}$$

$$3 = \frac{2^{1}}{2} \times \frac{8^{3}}{21}$$

$$3 = 1\frac{1}{2} \div 4\frac{1}{2}$$

$$\frac{9}{2} = \frac{2^{1}}{1^{3}} \times \frac{45}{2^{4}}$$

$$4\frac{1}{2} = 2\frac{1}{2} \div 11\frac{1}{4}$$

للذا کسی کسرکوکسی کسرسے تقسیم کرنے کے لیے پہلی کس کو دُوسری کس کے اُلگ سے ضرب دے دیتے ہیں -

## مشق 4.12

#### عنصركرين ـ

$$\frac{3}{4} - 12\frac{3}{8} (3) \quad 1\frac{1}{4} \div 13\frac{3}{4} (2) \quad 1\frac{1}{2} \div 7\frac{1}{2} (1)$$

$$\frac{8}{5} \div 12\frac{4}{5} (6) \quad \frac{2}{3} \div 15\frac{2}{3} (5) \quad 1\frac{1}{2} \div 7\frac{1}{2} (4)$$

$$2\frac{3}{14} - 8\frac{6}{7} (9) \quad 1\frac{2}{3} \div 5\frac{5}{6} (8) \quad 1\frac{5}{8} \div 17\frac{1}{3} (7)$$

$$5\frac{2}{3} - 31\frac{2}{5} (12) \quad 5\frac{3}{8} - 13\frac{2}{3} (11) \quad \frac{3}{10} \div 15\frac{3}{5} (10)$$

# كسوراعشاريه

1 - چوتھی جاعت میں آپ کسوراعشاریہ کے بارے میں پڑھ کچکے ہیں۔ آپ کسوراعشاریہ کی جع اور تفریق بھی سیکھ کھکے ہیں۔ آپ یہ بھی جانتے ہیں کہ کسور اعشاریہ کوکسی مکمل عدد سے کس طرح ضرب دی جاتی ہے۔ اِس باب میں آپ ان عنوا نات کا اعادہ کرنے کے علاوہ کسوراعشاریہ کے متعلق کچھ اور واقفیت حاصل کریں گے اور ان کی ضرب اور تقسیم کے متعلق بھی پڑھیں گے ۔

# مشق 1.5 (اعاده)

(1) مندرجى ذيل اعدادكوكسوراعتاريه مين لكهين :

دودسوی ، سات سوی ، باسته سوی ، دس اور بیالیس سوی ، چادسویندره اور باره سوی ، آنه سوانهائیس صفر دسوی اور تین سوی -

- (2) الفاظ مين لکھين: 35 · 36 ' 2 · 49 ' ،35 ' 100 · 01 ' 407 · 03 ' · 09 ' 25 · 06 '
- (3) عل کوپ : ( 11) 15 · 7 + 4 · 6 ( ii ) 3 · 5 + 2 · 4 ( i ) : عل کوپ : ( 3) 325 · 1 + 32 · 51 + 3251 ( v ) · 07 + · 24 + · 35 ( iv )
- (4) حل کریں: (ii) 2 · 4 3 · 5 (i) عل کریں:

 $214 \cdot 09 - 412 \cdot 08 \ (v) 99 \cdot 5 - 816 \cdot 05 \ (v) 24 \cdot 9 - 42 \cdot 01 \ (iii)$ 

- 400-44-365-02+214-09 ( 11 ) 30 + 95 25 + 05 + 8 + 16 ( i ) : حل کریں : ( 5 )
- (6) حلکویں: (۱) 5 × 4 × 5 (۱) 12 × 364 × 102 (۱۱) 12 × 4 × 5 (۱) علی علاق اللہ غارصفر عام طور پر ایسے عدد کوجس میں نقطہ اعشادیہ کے دائیں طرف کم از کم ایک غارصفر ہندسہ موجود ہو، کسول عشادیہ کھتے ہیں ۔

مثلاً 2 · ' 05 · 13 · 13 · 4.35 ، 07 · 102 وغیرہ کسور اعشاریہ ہیں۔ 4 · 35 میں 4 میں

جسكراعشاريهمين معيم عددى حصة "يا" إ"سي برابور إس مخلوط كسراعشاريه

مثلاً 35 . 4 اور 07 . 102 مخلوط كسرا عشاريه بين - إسى طرح 1 · 1 ، 10 ، 1 ، 10 ، 1 ، 15 ، 37 مثلاً 35 ، 43 ، 15 ، 37

اگرکسی دی ہوئی کس اعشاریہ میں صبیح عددی حصتہ نہ ہو تو عام طور بسر فقطہ اعشاریہ کے بائیں طرف صفر لگا دیتے ہیں۔ اِس سے یہ ملاد ہوتی ہے کہ اِس کس اعشادیہ کا صحیح عددی حِصّہ موجونہیں ہے۔

اگرکسی کسراعشارید میں صبیح عددی جِصّہ صفر ہو تو اِت واجب کسراعشارید

مثلاً 2 · 0 · 13 · 0 · 05 · 0 · 99 · ، وغيره واجبكوراعشاريب بين -

## 2-كسراعشاريدكامرتبد:

کسی کسواعشاریہ میں نقطہ اعشاریہ کے دائیں طرف موجود بہندسوں کی تعداد کو اِس کسر اعشاریہ کا مرتب یا درجہ کھتے ہیں۔

مثلاً کسوراعتادید، 28 ، 3 ، 10 ، 00 ، و میں ہرایک کا مرتب دو ہے کیو نکہ ان میں سے ہرایک میں نقطہ اعتباریہ کے دائیں طرف ہند سوں کی تعداد دو ہے ۔

حن کسوراعتادیہ کا مرتبہ برا ہر ہو، اُنھیں ہم مرتبہ کسوراعتادیہ کسے ہیں ۔

کسوراعتادیہ 8 ، 1 ، 7 ، 0 ، 3 ، ، 4 ، 189 ہم مرتبہ ہیں کیونکہ ان سب کا مرتبہ ایک "ہے ۔ یادر ہے کہ کسور 8 ، 1 ، 80 ، 1 ، 80 ، 1 ، وغیرہ میں سے ہرایک کا مرتبہ ایک "ہے۔ یادر ہے کہ کسور 8 ، 1 ، 80 ، 1 ، 80 ، 1 ، وغیرہ میں سے ہرایک کا مرتبہ

"ایک" ہے۔ واضح رہے کہ کسی کس اعشاریہ کا مرتبہ معلوم کرنے کے لیے نقطر اعشاریہ کے

# دائیں طرف ان صفروں کا شمار نہیں کیا جاتا ، جن کے بعد کوئی اور غیر صفر بہند سہنہ ہو۔ 3 - بہند سوں کی مقامی قیمت :

آپ پچهلی جا عتوں میں سندسوں کی مقامی قیمت کے بارے میں پڑھ چکے ہیں۔ آپ جانتے ہیں کہ عدد 3333 میں دائیں طرف سے پلے 3 کی مقامی قیمت 3 ہی ہے جبکہ دوسرے 3 کی مقامی قیمت 300 اور چوتھے 3 کی مقامی قیمت 3000 و ہے۔ قیمت 3000 ہے۔

بس 3333 = 3 + 30 + 300 + 30000 + 3000 + 3000 + 3000 + 3000 + 3000 + 3000 + 3000 + 3000 + 300

	ہزاد	سينكڙے	دبائياں	اكائيان	
Ì	3	3	3	3	بهندسي
ı	3000	300	30	3	مقامی قیمت

آپ بڑھ پیکے ہیں کہ کسی ویے ہوئے عدد میں دایسسے بایس جلف میں بر بہندسے کی مقامی قیمت کا "دس گنا "وق بہندسے کی مقامی قیمت کا "دس گنا "وق بہت ، جبکہ بائیں سے دائیں جانے میں یہ مقامی قیمت "دسواں" ہوتی ہے۔

اُوپر دِیہ ہوئے جدول میں مزید ہند سے لے کر اِسے دائیں اور ہائیں دونوں منوف مزید بڑھا سکتے ہیں۔ برمقام کا ایک خاص نام ہے۔ اِن میں سے چند مقامات اور اِن کے نام اگلے سفح پر دیے گئے جدونوں میں دیے گئے ہیں، جبکہ کچھا ورمقامات اور اِن کے ناموں کا ذکرا گئی جماعتوں میں آئے گا۔

مثال 1: 3333 کوجدول سےظاہرکویں ۔

#### حدول

ېزاد	سينكوث	دہائیاں	اكائيان	دسویں	سويں	
3	3	3	3	3	3	بهندسس
3000	300	30	3	3 10	3 100	مقامى قيت

333 ، 33 ، 33 کوپڑمیں گے " تین ہزارتین سوتنتیس اور 3 دسویں 3 سویں یا تین ہزارتین سوتنتیس اعتاریہ تین تین ہے۔

مثال 2: 33333 كوجدول سے ظاہركريں۔ حيدول

ده پژار	بزاد	سينكوب	دبایان	اکائیاں	دسوين	سوين	بزادوين	
3	3	3	3	3	3	3	3	وسنادسي
30000	3000	300	30	3	<u>3</u>	3 100	3 1000	مقامىقيت

# 4-كسراعشاريه كوكسرعام مين تحويل كرنا:

مثال 1: 333 . 33 كوكسرعام ميں تحويل كريں -

مثال 2: 2012 . وكسرعام مين تعويل كرين -

$$4 + \frac{0}{10} + \frac{1}{100} + \frac{2}{1000} = 4 \cdot 012$$
 حل:  $4 \cdot 012 + \frac{0}{1000} + \frac{10}{1000} + \frac{2}{1000} = \frac{4012}{1000} = \frac{4012}{1000} = \frac{4012}{1000}$ 

#### اليعير ا

کسواعشارید کوکسوعام میں تحویل کرنے کے لیے دی ہوٹی کسواعشارید سے نقطہ اعشارید حذف کر دیں۔ اس طرح جو عدد حاصل ہوگا وہ مطلوبہ کسرعام کا شار کنندہ ہوگا۔ مطلوبہ کسرعام کا محزج حاصل کرنے کے لیے ہندسہ" 1" لکھ کر اِس کے دایش طرف اتنے صفروں کا اضافہ کریں جننا کہ دی ہو ٹی کسراعشاریہ کا مرتب ہے مثلاً

$$\frac{4003}{10000} = .4003 \cdot \frac{4012}{1000} = 4 \cdot 012 \cdot \frac{333333}{100} = 3333 \cdot 33$$

$$\frac{41}{1000} = \frac{041}{1000} = .041 =$$

041 اور 41 ایک ہی عدد اکتالیس کوظاہر کرتے ہیں ،کیونکہ 041 میں سینکڑے کا ہددسہ صفر ہے۔ دُوسرے نفظوں میں 104 سین 1" اکائی اور 4 دہائیاں ہیں جوکہ دراصل عدد "41" ہے۔ اسی طرح 41 ، 041 ، 041 ، 1000 وغیرہ بھی ایک ہی عدد یعنی اکتالیس کوظاہر کرتے ہیں۔

بِس کسی مکمل عدد کے بائیں طرف والے آخری بہندسے کے بائیں طرف ایک یا زیادہ صفرول کا اضافہ کرنے سے اس عدد کی قیمت تبدیل نہیں ہوتی۔ اب آپ کسور 2 ۰ 41 اور 2 ۰ 410 پرغور کریں ۔

 $\frac{241}{100} = \frac{2410}{1000} = 2 \cdot 410$ 

پس ظاہر ہواکہ 2.41 اور 410 2 بھی ایک ہی عدد " 241 " کوظاہر کرتے ہیں۔ اب آپ خود ہی دیکھ سکتے ہیں کہ 2.41 ، 2.410 ، 2.410 وغیرہ بھی ایک ہی عدد "241 " کو ظاہر کرتے ہیں۔ ایک ہی عدد "241 " کو ظاہر کرتے ہیں۔

پسکسی کسراعشارید کے دابی طرف والے آخری ہندسے کے دابی طرف ایک یا زیادہ صفروں کا اضاف کرنے سے کسرنبدیل نہیں ہوتی ۔

# 5-كسوراعشاريب كامقابله:

مثال 1 : كسور 15.72 اور 9.72 كامقابلمكري-

حل: ان کسور میں کسری حصّہ برا بر ہیں، جبکہ پہلی کسرکا صحبہ عددی حصّہ دوسری کسرے صحبہ عددی حصّہ سے بڑا ہے۔ پس 15.72 > 9.72 > 9.72 دوسرا طریقہ : 15.72 اور 9.72 ہم مرتبہ کسور ہایں ۔ نقطہ اعشاریہ حذف کرنے سے اعداد 1572 اور 972 حاصل ہوئے۔ چونکہ 1572 بڑا ہے 972 سے اعداد 972 > 9.72 عدم عدم میں ہوئے۔ پونکہ 1572 بڑا ہے 972 سے اعداد 9.72 اور 9.72 حاصل ہوئے۔ پونکہ 1572 بڑا ہے 9.72

مثال 2: 0145. اور 145. میں سے کون سیکسر بڑی ہے ؟ حل: ان کسور اعشادید کا مقابلہ کرنے کے سے ہم انھیں کسود عام میں تحویل کریں گے۔

 $\frac{145}{1000} = \cdot 145$   $\cdot \frac{145}{10000} = \frac{0145}{10000} = \cdot 0145$ 

دونوں کسور کے شارکنند ے بوابر ہیں لیکن 1450، کا مخرج، 145، کے محذرج سے بڑاہے۔ پس کس 1450، چھوٹی ہے 145، سے۔ یعنی 145، کے 145، دوس طویقی یہ 1450، سے۔ یعنی 145، اور 1450، اور 1450، کوہم مرتب کرنے سے 1450، اور 1450، حاصل ہوا۔ نقطہ اعشاریہ حذف کرنے سے اعداد 145 ( = 1450) اور 1450 حاصل ہوئے۔ چونکہ 145 چھوٹا ہے 1450 سے۔ پس کس 1450، چھوٹی ہے، کس حاصل ہوئے۔ یعنی 145، جھوٹی ہے، کس 145، سے۔ یعنی 145، کوہم 145، سے۔ یعنی 145، اور 145،

# مشقى 5.2

(1) مخلوط كسراعثاريه مين ظاهركرين :

 $\frac{1}{100}$  + 100 6  $\frac{4}{100}$  + 165 6  $\frac{42}{100}$  + 34 6  $\frac{1}{10}$  + 2

(2) کون سابیان دُرست ہے ؟

(1) پاکستان کی آبادی 7۰ کروڑیا 7۰0 کروڑ ہے۔

(11) تندرست انسان كا درجة حوارت 984 يا 37 درج سينتي كريد بوتاسيم -

( III ) ایک بهیکٹوگرام میں 00 · 10 گرام یا 1000 گرام یا 0 · 100 گرام ہوتے ہیں۔

(3) اگرایک مستطیلی شکل کو 100 برابر عصوں میں تقسیم کیا جائے تو نیکے دِ ۔ ہوئے جِسے کُل شکل کی کون سی کسر اعشاریہ ہوں گے :

4 حصة ، وحصة ، 10 حصة ، 73 حصة ، 90 حصة

(4) ہم موتب کسروں کو الگ کریں:

45-3 (-12 ( 34-05 ) 25-012 ( 4-35 (I)

9.04 ' · 7 ' · 80 ' 22 · 5 ' 9 · 40 (II)

6 · 350 \* 6 · 503 \* 6 · 530 \* 6 · 035 \* 6 · 305(III)

(5) نیچے دی ہوئی کسور اعشاریہ میں ہر بہندسے کی مقامی قیمت بتا گیں اور کسود حدول سے ظاہر کو ب

5432-9876 \* 735-491 \* 978-05 \* 1234-56 \* 435-87

(6) دى بوئى كىورا عشاريه كوكسور عام ميں تحويل كريں:

·045 -04 -45 -40 -70 -8 -3

4000 - 04 4 1000 - 001 4 1050 - 08 4 15 - 001 4 3 - 054

(7) مندرج ديل كسوركو ترتيب صعودي اور ترتيب نزولي مين لكهين ،

9.8 16.03 6.435 (I)

26.01 \* .987 \* 8.005 (II)

-463 463 4 4-63 (III)

### ه کسور اعشارید کی ۱۵ ' ۱۵۵ ' 1000 وغیره سے ضرب : مندرجه ذیل شانوں پرغورکریں :

$$580 = 580 \cdot 0 = 100 \times 5 \cdot 8 \text{ (ii)}$$
  $58 = 58 \cdot 0 = 10 \times 5 \cdot 8 \text{ (i)}$ 

 $5800 = 5800 \cdot 0 = 1000 \times 5 \cdot 8 \text{ (iii)}$ 

د المحلاد

تمسی کسراعشارید کو بالترتیب ایک ، دو، تین .... مراتب دایس طرف سرکایا جاتا ہے۔ نقط مراعشارید کو بالترتیب ایک ، دو، تین .... مراتب دائیں طرف سرکایا جاتا ہے۔ اگر دی ہوئی کس میں نقط مراعشارید کے دائیں طرف والے ہند سے تعداد میں ان مراتب سے کم ہوں توکس کے انتہائی دائیں جانب ولئے ہند سے کے بعد مناسب تعداد میں صفروں کا اضاف کی لیتے ہیں۔ جیسے 20 = 27

 $27000 = 10000 \times 2 \cdot 7$  '  $2700 = 1000 \times 2 \cdot 7$  '  $270 = 100 \times 2 \cdot 7$ 

118-734

## 7- كسورا عشاريه كىكسوراعشاريه سهضرب:

 $\cdot 0015 = \frac{15}{10000} = \frac{5}{100} \times \frac{3}{100} = \cdot 05 \times \cdot 03 \text{ (vii)}$ 

نيعي

دوکسور اعشاری کوآپس میں ضرب دینے کے لیے نقطہ اعشاری کاخیا۔ رکھے بغیر اعداد کوآپس میں ضرب دیں۔ بعد میں مضروب اور مضروب فی کے مراتب اعشاریہ گن کر حاصل ضرب میں اتنے ہی مرتبوں کے بعد نقطہ اعشاریہ لگالیں۔

اگرحاصل ضرب میں ہندسوں کی تعداد کل مراتب اعشاریہ کی تعداد سے کم ہو تر حاصل ضرب میں انتہائی ہائیں جانب کے ہندسے کے بعد حسب ضرورت صفروں کا اضافتہ کر لیں ۔۔

اس نیتجم کی رُوسے سوالوں کومندرجہ ذیل طریقے سے بھی حل کرسکتے ہیں.

·012	مثال 3:	7.5 2.6×	شال2:	2·8 · 8×	مثال 1 :
96 60		·450 150 *		22-4	
00606		19-50			

واضح رہے کہ ان تینوں مثانوں میں حاصل ضرب میں مرتب اعتادیں دونو ۔ رقبوں کے مواتب اعتادیں کے مجموعہ کے بوا بر ہے - ضوب کا عمل مکمل اعداد کے سیط میں ضوب کے عمل کے عین مطابق ہے ۔

## مشق 5.3

- (I) نیچے دی ہوئی کس وں کو بالنز تیب 10° 100° اور 1000 سے ضوب دیں : = 376 ° 90' 4.20° 8 ° 50' 100' 376 میں معرب دیں :
  - (2) طرب دیں : (3(1) 5.3(1) کو 8 سے ، 4.9 کو 6 سے ، 8.3 کو 9 سے ۔ (11) 4.8 کو 15 سے ، 3.02 کو 27سے ، 9.31 کو 64 سے ۔

(3) حل كريس

$$\frac{84.09}{.007\times}$$
 4  $\frac{76.07}{.03\times}$  6  $\frac{45.54}{.83\times}$  (IV)

(4) ایک کئیہ روزان، 2.9 کلوگرم خولک استعال کرتا ہے۔ بتائیں کہ ایک بعثنہ میں کتنی خوراک استعال ہوگی ۔ میں کتنی خوراک اِستعال ہوگی ۔

(5) ایک موٹرکار 72.05 کئومیٹرنی گھنٹ کی رفتارسے 14.2 گھنٹوں میں کت فاصلہ سطے کرے گی ہے ۔ ﴿ ﴿

# 8-كسور اعشاريه كى تقسيم ،

(i) کسوراعشارید کو 10 ، 100 وغیره پرنقسیم کرنا : نیج دی ہوئی مثالوں پرغود کریں ۔

$$24 = \frac{24}{100} = \frac{1}{10} \times \frac{24}{10} = 10 + \frac{24}{10} = 10 + 2.4$$

$$-0.24 = \frac{24}{1000} = \frac{1}{100} \times \frac{24}{10} = 100 + \frac{24}{10} = 100 + 2.4$$

$$-0.024 = \frac{24}{10000} = \frac{1}{1000} \times \frac{24}{10} = 1000 \div \frac{24}{10} = 1000 \div 2.4$$

ان مثالوں پرغور کرنے سے یہ نیتجہ نکلتا ہے کہ

کسیکس عشاریم کو 10 ، 100 ، 100 ، سیرتقیم کرنے کے لیے اِس کسمیں نقطہ اعشاریم کو بالترتیب ایک، دو، تین ، ، ، درجے بائیں طرف سرکا دینا ہی کافی ہے ۔

اگرکسومیں نقطہ اعتباریہ کے ہائیں طوف ہندسوں کی تعداد حسب ضرورت مراتب سے کم ہوتو حاصل شدہ عدد کے انتہائی بائیں طوف والے ہندسے کے بعد مناسب تعداد میں صفروں کا اضافہ کر لیتے ہیں۔

1.2345 = 100 + 123.45 '  $12.345 = 10 \div 123.45$ 

 $\cdot 012345 = 10000 + 123.45 \cdot \cdot 12345 = 1000 + 123.45$ 

 $\cdot 0012345 = 100000 + 123.45$ 

(ii) كسراعشاريه كوقدر في اعداد پر تقسيم كرنا : مندرجه ذيل شالون پرفوركري -مثال 1: 8 كو 4 پرتشيم كري -

 $\cdot 2 = \frac{2}{10} = \frac{1}{4} \times \frac{8}{10} = 4 + \frac{8}{10} = 4 + \cdot 8$  : پہلاطریقہ:

$$\frac{6}{6}$$
 دُوسراطريق،  $\frac{-2}{4\sqrt{\frac{8}{8}}}$  ين  $\frac{8}{8} + 2 = 2$ 

مثال 2: 6.2 - 20 كوهلكويي -

 $-31 = \frac{31}{100} = \frac{1}{20} \times \frac{62}{10} = 20 + \frac{62}{10} = 20 + 6.2$ 

دوسرا طریقی :  $\frac{60}{20}$  : پی  $\frac{60}{20}$  : پی  $\frac{60}{20}$ 

$$0.046 \frac{46}{1000} - \frac{1}{45} \times \frac{2070}{1000} = \frac{1}{45} \times \frac{207}{100} = 45 - \frac{207}{100} = 45 + 2.07$$

$$046 = 45 + 2.07$$
 پی  $45 / \frac{.046}{207}$  المحتاب  $\frac{.046}{180}$  بین  $\frac{.046}{270}$ 

: لبعينا

کسی کسراعتارید کوقدرتی عدد سے تقیم کرنے کا عمل قدرتی عداد میں نقب م کے عمل کے مطابق ہے۔ المبتدی یہ احتیاط رکھناضو وری ہے کہ نقطہ اعشادیہ مقسوم میں جسمقام پر ہو حصب قبمت میں بھی یہ اسی مقام پر رہے گا۔

$$3 = \frac{10}{3} \times \frac{9}{10} = \frac{3}{10} + \frac{9}{10} = \cdot 3 + \cdot 9 : \frac{9}{10} = \frac{3}{10} \times \frac{9}{10} = \frac{9}{10} \times \frac{9}$$

$$4 = \frac{10}{12} \times \frac{48}{10} = \frac{12}{10} + \frac{48}{10} = 1.2 + 4.8$$
 پہلا طریقہ:

مثال 3: 125. كو 5. يرتشيم كرس ـ

$$-25 = \frac{25}{100} = \frac{10}{3} \times \frac{125}{1000} = \frac{5}{10} + \frac{125}{1000} = .5 + .125$$
 بهلا طریقه :

مثال 4: 5. كو 125. پرتمتيم كرين -

$$4 = \frac{100}{25} \frac{1}{1000} \times \frac{8}{1000} \times \frac{100}{1000} \times \frac{1}{1000} \times \frac{1}{10000} \times \frac{1}{100000} \times \frac{1}{100000} \times \frac{1}{100000} \times \frac{1}{100000} \times \frac{1}{100000} \times \frac{1}{100000} \times \frac{1}{1000$$

اُویر دی ہوئی مثالوں سے واضح ہوتا ہے کہ پہلے تقسیم کنندہ کے نقطہ اعشاریہ كوحذف كرك إست قدُدتى عدد بنالير - بهرمقسوم مين نقطى اعشاريركو اتن بى مواتب دائیں طرف سرکائیں جتناکہ تقسیم کنند، کا موتب، تھا۔ تقسیم کا باقی عمل (ii) کی طوح ہے ۔

## 5.4 9 000

دى بوئى كىورا عشارىي مى برايك كو 10 ، 100 ، 100 پرتقسيم كريى -· 046789 \* · 46789 \* 4·6789 \* 467-89 \* 467-89 \* 4678-9 (1) -0009 \* 57-006 \* 88-032 \* 876-29 \* 3421-5 (2)

#### حلکوس:

$$6 \div 4.8$$
 (5)  $4 \div 3.2$  (4)  $3 \div 1.8$  (3)  $16 \div 22.4$  (8)  $14 \div 2.24$  (7)  $9 \div 5.4$  (6)

$$35 + 157.5$$
 (11)  $45 + .1575$  (10)  $28 \div .224$  (9)

$$\cdot 3 \div \cdot 15$$
 (17)  $\cdot 3 \div \cdot 9$  (16)  $\cdot 2 \div \cdot 8$  (15)

$$\cdot 01 \div \cdot 24$$
 (20)  $\cdot 01 \div \cdot 15$  (19)  $\cdot 03 \div \cdot 15$  (18)

$$\cdot 16 + \cdot 448$$
 (23)  $\cdot 28 + 4\cdot 48$  (22)  $2\cdot 8 + 4\cdot 48$  (21)

$$\cdot 004 + 43.76$$
 (29)  $\cdot 01 + 437.8$  (28)  $\cdot 48 + \cdot 1248$  (27)

(30) أگرآپایک سفت میں اپنی کتاب کا 07. حصر پڑھیں تو بتائیں کہ ایک دن میں کتنا حصہ پڑھیں گے۔

(31) میں نے 4.56 کلومیاڑ فاصلہ 2.4 منٹ میں طے کیا۔ بتائیں ایک منٹ ماس كتنا فاصله ط كيا-

(32) ایک موٹرکار 1.52 رِلاڑیاٹرول اِستعال کرکے 8. کلومیٹر چل سکتی ہے۔ بتائين ايك كلومير يطني مين كتنا يارو ل إستعال بهوكا-

# اكائى كا قاعده اور اوسط

نیچدی ہوئی مثال پر غورکریں ۔

مثال 1 : اگر 12گیندوں کی قیمت 48 روپے ہو تو ایسی 21 گیندوں کی قیمت معلیم کریں۔ اس سوال كوحل كرف سي كلهم البيخ آپ سه مندرجم ذيل سوال پوچه بير -

12 گیندوںکی قیمت کیا ہے ؟ 48 دو پے 1 گیندکی قیمت کم ہوگی یا زیادہ ؟ "کم"

یس ایک گیند کی قیمت معلوم کرنے کے لیے 48 کو 12 پر تقیم کریں گے۔

 $2 + 3 = \frac{1}{12} \times 48 = 12 \div 48 = 12 \div 48 = 48$  یعنی ۱ گیندگی قیمت

اب ہمیں ایک گیند کی قیمت معلوم ہو چکی ہے اور 21 گیندوں کی قیمت معلوم کی

ہے۔ چونک 21 گیندوں کی قیمت ایک گیند کی قیمت سے زیادہ ہو گی اِس لیے ہم ضرب کا عمل کوس ستحے ۔

یس 21 گیندوں کی قیمت = 4 × 21 = 84 روپے

اس سوال کو مختصر طور پر بوں کریں گے۔

12 گیندوں کی قیمت = 48 روپے

ا گیندکی قبمت $= 88 = 12 \times 48 = 1$  دوپے ا

ر گیندوں کی قیمت  $\frac{4}{21} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{21} \times \frac{1}{21}$  دو پے

مثال 2: حکومت فرایک درجن انڈوں کی قیمت 3.50 روپے مقرد کی - بتائیے ڈھائی درجن انڈوں کی قیمت کیا ہوگی ؟

الدول كى قِمت = <del>7 رو پ</del> رو پ

انڈے کی قیمت  $=\frac{7}{12} \times \frac{7}{2}$  روچے

وول کی قیمت ہے۔  $\frac{5}{4} = \frac{35}{4} = \frac{5}{30} \times \frac{1}{\frac{12}{2}} \times \frac{7}{2}$  دولي  $\frac{5}{30}$  اندوں کی قیمت ہے۔  $\frac{5}{4}$ 

مبال و : ایک مکان کا سالاند کراید و 2700 روپے ہے۔ مالک مکان کو اِس پر 360دو پے سالانہ جائیداد ٹیکس ادا کرنا پڑتا ہے ۔ جس مکان کا سالانہ جائیداد ٹیکس 240 دو پے ہو اِس کا سالانہ کراید کیا ہوگا ؟

روپے سالانہ ٹیکس ہوتوسالانہ کرا یہ 2700 = 2700 دوپے  $\frac{1}{360} \times 2700 = 2700$  دوپیم سالانہ ٹیکس ہوتو سالانہ کرا یہ  $\frac{2}{240} \times \frac{1}{360} \times \frac{900}{2700} = \frac{900}{2700} \times \frac{1}{360} \times \frac{1}{2700}$ 

= 1800 = 2 × 900 دوج

# مشق 6.1

(1) کینو 5.52 روپے فی درجن ملتا ہے۔ سوائین درجن کینو کی قیمت کیا ہوگی ؟ (2) 40 میٹر کپڑے کے تھان کی قیمت 104.60 روپے ہے۔ 9 میٹر 5 ڈیسی مسیڈ کیڑے پر کیا خرچ ہوگا ؟

(3) یا سمیں کے گھرسے سکول کا فاصلہ 3.60 کلو میٹر ہے۔ اِس فاصلے کو طے
کونے میں 45 منٹ لگتے ہیں۔ معلوم کریں 1 گھنٹہ 55 منٹ میں وہ کِتنا
فاصلہ طے کرے گئے ہ

(4) ایک لِنْر دُوده کی قیمت 2.25 روپے ہے۔ 20.25 روپے میں کشا دُوده آئے گا؟

- (5) ایک گھرائے کا ماہوارخرچ 385 روپے تھا، چیزوں کی قیمتیں بڑھنے کی وجہ سے خرچ میں 33 روپے کا اضافہ ہوا۔ اگرایک اور گھرانے کے خرچ میں اضافہ 36 روپے ہو تو اِس کا ماہوار خرچ معلوم کریں ۔
- (6) ایک دوکان دار 100 دویے کے مال پر 10.95 روپے نفع کما تا ہے۔ بتا شیمے وہ
   975 روپے کے مال پر کِتنا نفع کمائے گا ؟
- (7) اجداپنی تغواہ سے 1 دو پیر میں 10 پیسے کے حساب سے جی ہی ۔ فنڈ میں کٹواتا ہے ۔ اگر وہ ہر میسنے 24 دو پے فنڈ میں دیتا ہو تواس کی ماہوار تغواہ معلوم کریں کہ وہ سالانہ جی ۔ پی فنڈ میں کیا ادا کرتا ہے ؟
- (8) 35 دوپے کے مال پر 4 دوپے رعایت مِل جاتی ہے۔ بتائیے 315 روپے ہے کے مال پرکتنی رعایت ملے گی ہ
- (9) نوردین کے پاس 3000 دو پے جمع تھے۔ اس نے ان پر 75 دوپے زکواۃ دی ۔ اُس نے 100 دوپے پر کِتنی زکواۃ دی اجددین کے پاس 3775 روپے ہیں وہ ان پر کتنی زکواۃ دے گا ہ
- (10) ایک شخص 75 دو پے اِنکم ٹیکس ادا کرتا ہے جبکہ اس کی سالانہ قابل ٹیکس آمدتی فی 2200 دو پے اگر وہ 175 دو پے اِنکم ٹیکس ادا کرے تو اس کی سالا منہ قابل ٹیکس آمدنی کیا ہوگی ؟
- (11) ایک گھرانے نے عیدالفطر پر و روپے فطران دیا جبکه اس گھرانے میں کل 5 فرد تھے۔ ایک فرد کا کتنا فطران بنا ۽ جب فطران 7.20 روپے ہو تو افراد خان کی تعداد معلوم کریں۔

## اوسط:

تمهید بد اوسط کانفظ وسط سے بنا ہے - وسط کا مطلب ہے" درمیان" اور او مسط درمیان والی مقدار ہوتی سے

جوچند دی بوئی مقداروں کی مناسب طور پر نمائندگی کرتی ہو۔

سوالات کی کُل تعداد = 10 + 12 + 14 + 16 + 18 = 70 سوالات کی کُل تعداد = 10 + 12 + 14 + 16 + 16 بو تے ۔ اگروہ 10 سوالات 60 ہوتے ۔ اگروہ 14 سوالات روزانہ کرتا تو کُل سوالات 70 ہوتے ۔ اگروہ 14 سوالات روزانہ کرتا تو کُل سوالات 80 ہوتے ۔ اگروہ 16 سوالات روزانہ کرتا تو کُل سوالات 80 ہوتے ۔ اگروہ 18 سوالات روزانہ کرتا تو کُل سوالات 90 ہوتے ۔ اگروہ 18 سوالات روزانہ کرتا تو کُل سوالات 90 ہوتے ۔

پس معلوم ہواکہ إس مثال میں درمیان عدد یعنی 14 فی یوم سوالات کو سب سے بہاڑ طور پر فلا ہر کرتا ہے -

اب فرض كريب كر بانخ دنون مين عل كي بهوئ سوالات كى تعداد بالترتيب يون

26 \* 17 \* 14 \* 13 \* 10 - 2

سوالات كا مجموعها = 80

اگرطالب علم 10 سوالات روزان محل کرتا تو حل شده سوالات 50 ہوتے۔
اگر طالب علم 13 سوالات روزان محل کرتا تو حل شده سوالات 65 ہوتے۔
اگر طالب علم 14 سوالات روزان حل کرتا تو حل شده سوالات 70 ہوتے۔
اگر طالب علم 17 سوالات روزان حل کرتا تو حل شده سوالات 85 ہوتے۔
اگر طالب علم 26 سوالات روزان حل کرتا تو حل شده سوالات 130 ہوتے۔
اگر طالب علم 26 سوالات روزان حل کرتا تو حل شده سوالات 130 ہوتے۔
اب 70 کے مقابل میں 25 ذیادہ قریب سے 80 کے۔
پس موجودہ صورت میں عدد 17 دیے ہوئے اعداد کی ہمتر طور پر نمائندگی کرتا ہے۔

ان مثالوں سے معلوم ہواکہ اگرچہ بعض اوقات چند دی ہوئی مقداروں میں سے درمیائی مقدار ان کی نمائندگی کرسکتی ہے مگر ہمیشہ ایسا نہیں ہوتا۔ اِس لیے ہمیں کوئی بہتر طریقہ معلوم کرنا چا ہیں۔ اگر ہم (دُوسری صورت میں) سوالات کی گل تعداد کو دنوں کی اوسا بوتا ہے۔ اگر طالب علم دوزائد 16 سوالات حل کرتا تو و دنوں میں 80 سوالات حل کر لیتا۔ ہم کہتے ہیں کہ 16 دی ہوئے اعداد کی اوسط نے۔ یاد رہے یہ ضروری نہیں کہ دی ہوئی مقدادوں کی اوسط ان مقداروں میں سے کوئی عدد نہیں۔ سے ہی کوئی عدد نہیں۔

اوسط کی گئی قسمیں ہیں۔ یہاں ہم صرف حسابی اوسط کے متعلق پڑھیں گے اور آسانی کی خاطر حسابی اوسط کی بجلئے صرف " اوسط " لکھیں گے ۔

مندرجه ذيل مثالون پرغور كيمير -

مثال 1: پکے دن آپ نے اپنے جیب خوج میں سے 50 پیسے، دُوسرے دن 25 پیسے ، تیسرے دن 25 پیسے ، تیسرے دن 25 پیسے کی تیسرے دن 35 پیسے اور چوتھ دن 46 پیسے خوج کیے۔ اِس طرح آپ نے 4 دن کا کل 156 پیسے خوج کیے۔ اگر آپ دوزان، 39 پیسے خوج کرتے تو پھر بھی آپ کا 4 دن کا خوج کو بیسے ہوتا۔

پسہم اسکواس طرح کہیں گے کہ آپ کا 4 دنوں کا اوسط خرچ 39 پیسے ہے۔ دُوس سے نفظوں میں اگر آپ کے چاردنوں کا خوج جمع کرکے دنوں کی تعداد کو 4 پر تقیم کو دیا جائے تو اوسط خرچ حاصل ہوتا ہے۔

يعنى اوسط خرچ =  $\frac{156}{4} = \frac{46 + 35 + 25 + 50}{4} = 39$  يسے مثال 2: عليم الدين فيل ميں 19، دُوسرے ميں 29، يسرے ميں 40 ، وسرے ميں 29، يسرے ميں 40 ، وسرے ميں 20، يسرے ميں 170 پوتھ ميں صفر اور پا چنوبى ميں 100 رنز بنائے يعنى پانچ ميچوب ميں اسے کل 170 رنز بنائا تو تب بھى دنز كى گل تعداد 170 رہتى۔ پس اوسط دنز كى تعداد 34 ہوئى۔

يعني اوسط رنز  $=\frac{170}{5}$   $=\frac{10+0+40+29+91}{5}$   $=\frac{170}{5}$   $=\frac{170}{5}$ 

ان مثالوں پر غور کرنے سے یہ ہات واضح ہوجاتی ہے کہ اوسط سے مُراد ہم الساعدد س کے جودی ہوئی مقداروں کے مجموعے کو مقداروں کی تعداد پر تقییم کرنے سے حاصل

ہوتا ہے ۔یعنی اوسط = تمام مقدادوں کی تعداد

مثال 3: اصغرف حساب کے ایک امتحان میں 75، دُوس کے میں 55 اور تبسر ہے میں 89 غیر حاصل کے اس کے اوسط غیر فی امتحان معلوم کریں -

> حل: كل تمبر = 55+55+89 = 219 كل امتيان = 3

 $73 = \frac{219}{3} = \frac{219}{3}$ 

مثال 4 ؛ مری میں ایک دن 4 سم، دُوسرے دن 2.2 سم، تیسرے دن 2.7 سم، چوتھے دن صفر، پا پنویں دن 4.8 سم، چھٹے دن 0.6 سم اور ساتویں دن 1.2 سم، چھٹے دن 0.6 سم اور ساتویں دن 1.2 سم بارش ہوئی ؟

حل 1 کل بارش = 1.2 + 0.6 + 4.8 + 0 + 2.7 + 2.2 + 0.6 + 0.6 + 0.6 + 0.1 = 0.1کل دن <math>= 7 اوسط بارش  $= \frac{11.9}{7} = 7.1$  سنتی میار

مشق 6.2

(1) مندرج، ذيل ديه كئ اعداد كى اوسط معلوم كريى -

 $3.7\%.8\%.4.5\%.1 \quad 1.3\%.1 \quad 2.\frac{5}{6}\%.1\frac{1}{2}\%.4\frac{1}{4}\%.2\frac{1}{3}\%.19\%.15\%.11\%$ 

(2) اکرم نے کرکٹ کے میچوں میں بالترنیب 12 ، 60 ، 40 ، صفراور 98 دنزینائے۔ اس نے اوسطاً فی میچ کتنے رنز بنائے ؟

(3) دیاضی کے امتحان میں 6 طالب علموں نے بالتربیب 75، 80، 62، 95، 62 اور

39 نمبرحاصل کے ان کے اوسط نمبرمعلوم کریں -

(4) علی کی امتی جان نے ایک سفتے میں مندرجہ ڈیل رقم خوچ کی : پیار : 12.50 روپے ، منگل : 15.75 روپے ، بدہ: 35.5دوپے ، جعوات 21.04دوپے ، جعم : 12.00 روپے ، ہفتہ : کو ٹی خوید ارمی نہیں کی ، اتواد : 17.15 روپے . دوزان کا اوسط خوچ کیا ہوگا ؟

(5) نیاز بیگ کے چارکھیتوں کی گندم کی پیداوار بالٹریتیب 5 میٹرک ٹن، 2-2 میٹرک ٹن، 3 میٹرک ٹن، 3 میٹرک ٹن، 3 میٹرک ٹن سے معلوم کریں اسے فی کھیت او سطا کستے میٹرک ٹن گندم حاصل ہوئی ۔

( 6 ) اجددین ہمالا تبریری کا ممبر تھا۔ اُس نے جنوری کے میسنے 11 کتابیں ، فروری کے میسنے 16 کتابیں ، فروری کے میسنے 6 کتابیں ، ماریح کے میسنے 10 کتابوں کامطالعہ کیا ۔ احمد دین نے ہرماہ کتنی اوسط کتابوں کا مطالعہ کیا ؟

(7) جون کے میسنے میں ایک ہفتہ کا درجہ عوارت اس طرح ریکارڈکیاگیا۔ پیر: 45 ، منگل، 46 ،بدہ: 44 ،جعوات: 40 ،جعما: 45 ،ہفتہ: 43 اوراتواد: 48 ۔ جون کے سہفتہ کا اوسط درجۂ حرارت کیا ہوگا ؟

(8) مددعلی کو پکتے ماہ: 199.95 دویے، دُوسرے ماہ: 201.25 دویے، تیسرے ماہ: 95.05 دویے، تیسرے ماہ: 95.05 دویے آمدنی ہوئی۔ اس کی چار ماہ کی اوسط آمدنی معلوم کریں۔

(9) ایک سکول میں پاپنویں کلاس کے سیکش اور بہ ، ج ، د اور س میں طباء کی تعداد بالترتیب 55 ، 62 ، 55 ، وہ اور 61 تھی۔ پاپنوں سیکشنوں میں طلباء کی اوسط تعداد کیا ہے ؟

(۱۱۱) جمیلہ نے ڈپوسے 3 کلوگرام چینی بحساب 4 روپے فی کلوگرام اور بازار سے 2 کلوگرام جینی کی اوسط قیمت کی کلوگرام کیاہے ؟ 2 کلوگرام جینی بحساب 7.50 روپے فی کلوگرام خریدی ۔ چینی کی اوسط قیمت کی کلوگرام کیاہے ؟ (۱۱) نعیم کے پاس 5 درجن کینو تھے۔ اُس نے 2 درجن کینو بحساب 35 بیسے فی کینو اور بقایا 3 درجن کینو بحساب 40 بیسے فی کینو فروخت کیا۔ اس کی فی درجن اوسط قیمت فروخت معلوم کریں۔

(12) جاوید نے 6 کاپیاں خریدیں۔ اُس نے 2 کاپیاں 2.50 روپے فی کاپی ایک کاپی میں۔ اُس نے 2 کاپیاں 2.50 روپے فی کاپی ایک کاپی خریدیں۔ 3.25 روپے اور 2 کاپیاں 1.50 روپے فی کاپی خریدیں۔ جاوید نے کاپیوں کی کیا اوسط قیمت اداکی ؟

(13) عیدانفطر پر اللّٰ رکھانے 4 بھیڑیں بحساب 225 دوپے فی بھیڑ، 2 بھیڑیں بحساب 315 دوپے فی بھیڑ اور دو بھیڑیں 550 دوپے فی بھیڑ فروخت کی۔ اس کی اوسط قیمت فروخت معلوم کریں ۔

اوسط برمنفرق سوالات مثال 1: ایک بیخ کا 7 دن کا اوسط جیب خریج 50 پیسے ہوتو اس کا 7 کی جیب خریج کیا ہوگا ؟

حل : 7 دن کا اوسط جیب خریج = 50 پسے 7 دن کا گل جیب خریج =  $.50 \times 7 = 350$  پسے پس گرمقداروں کی اوسط معلوم ہوتو

مقداروں کا بجرعم = مقداروں کی تعداد \* اوسطمقدار ان کی وضاحت کے لیے چند اور مثالیں دی جاتی ہیں -

مثال 2: 6 عددوں کی اوسط 19 ہے۔ اگر پہلے 5 عددوں کی اوسط 21 ہوتو جھٹا عدد معلوم کریں۔ حل: 6 عددوں کی اوسط = 19

يس 6 عددون كا مجموع√= 114 = 6× ا

پط پانج عددوں کا اوسط = 21

لى چلے پاسخ عددوں كا مجوعه = 21 × 5 = 105

چھٹاعدد = 6 عددوں کا مجموعہ = 5 عددوں کا مجموعہ = 114 - 105 - جھٹاعدد = 9

مثال 3: ایک جماعت کی 30 دنوں کی اوسط حاضری 59 نھی۔ اگر پہلے 10 دنوں کی اوسط حاضری 50 ہوتو گیارہویں اوسط حاضری 56 ہوتو گیارہویں دن کی حاضری معلوم کریں ۔

حل: 30 دنوں کی اوسط حاضری = 59

پس 30 دِنوں کی کل حاصری = 59 × 59 = 1770

چکے دس دنوں کی اوسط حاضری = 62

 $620 = 10 \times 62 = 20 \times 62$  چکے دس د نوں کی کل حاضری =  $620 \times 62 = 620$  آخری 19 د نوں کی اوسط حاضری =  $620 \times 62 = 620$ 

آخرى 19 دنوں كى كلُ حاضري = 56×19 = 1064

إس ياء 29 د نوں كى كل حاضرى = 1064 + 620 + 1064

پس گیاد ہویں دن کی حاضری = 30 دنوں کی کل حاضری \_ 29 دنوں کی کل حاضری

86 = 1684 -- 1770 =

مثال 4: ایکجاعت میں 45 نوکے ہیں۔ ان میں سے 25 نوکوں کی اوسط عبر 13سال عبد ایک اور 20 نوکوں کی اوسط عبر 12سال 6 ماہ سے - ایک اور نوکا اِن میں شامل ہوگیا اور سب کی اوسط عبر 13سال ہوگئی۔ نئے نوکے کی عبر کیا نہی ،

حل: 25 لڑکوں کی اوسط عبر = 13 سال

25 لڑکوں کی کُل عبر = 13 × 25 نے 325 ... سال (1)

20 لڑکوں کی اوسط عمر = <u>25</u> سال

(11) عبر = 20 × 25 سال 20 عبر 20 عبر 25 عبر

رس کے 45 لڑکوں کی کل عمر ۔ II + I = 250 + 325 = 1I + I مال 46 لڑکوں کی اوسط عمر ۔ 13 سال 46

46 لڑکوں کی گل عمد = 13 × 46 = 598 سال

پس نئے لوگے کی عبر = 46 لوگوں کی کل عبر ۔۔ 45 لوگوں کی کل ہمر = 598 ۔ 575 = 23 سال

## 6.3

- (1) 5 عددوں کی اوسط 21 ہے۔ پہنے 4 عددوں کی اوسط 20 ہوتو پا پیواں عدد معاوم کریں ۔
- (2) 7 عددوں کی اوسط 8 ہے۔ پہلے 4 عددوں کی اوسط 1-7 ہے اور آخری دو اعداد کی اوسط 1-8 ہے۔ پانچواں عدد معلوم کریں ۔
- (3) ہفتہ کے پہلے 4 دنوں میں ایک سکول کی اوسط حاضری 289 تھی۔ اگر سکول کے پہلے پانچے دنوں کی اوسط حاضری 275 تھی تو یا پنویں دن کی حاضری کیا تھی ؟
- (4) 6 دنوں کا اوسط درجہ حوارت 36 ڈگری ہے۔ اگر ان میں سے 5 دنوں کا اوسط درجہ حوارت 34 ڈگری ہو تو چھٹے دن کا درجہ حوارت معلوم کریں -
- (5) پاپنوس جماعت کے سیکشن الف کے 30 لڑکوں نے ریاضی کا پر جب دیا۔ ہر لڑ کے کے اوسط نمبر 57 تھے۔ پہلے لڑکے نے 98 نمبر حاصل کیے جبکہ آخری لڑ کے خصفو نمبر حاصل کیا۔ پھر بھی پہلے 28 لڑکوں کے نمبروں کی اوسط 57 رہی۔ انتیسویں لڑکے نے کئے نمبر حاصل کیے ؟
- (6) و رؤكوں كى عبريں بالترتيب 10سال 6 ماہ ، 11 سال 3 ماہ ، 11سال و ماہ ، 10سال 10 ماہ ، 10سال 10 ماہ بيں۔ ايک اور نئے لؤكے كے شامل ہوجانے سے ايک اور نئے لؤكوں كى اوسط عمر ميں چار ماہ كا اضاف ہوگيا۔ نئے لؤكوں كى اوسط عمر ميں چار ماہ كا اضاف ہوگيا۔ نئے لؤكوں كى عُمر معلوم كوئيں ۔
- (7) انورکو ہفتے ر 7 دن) کا جیب خزج بحساب 60 بیسے یومید ملا۔ اُس فے پہلے

  پانچ دن 45 پیسے روزانہ کے حساب سے خوچ کے اور پھر اچانک خوبح

  بڑے جانے کی وجہ سے اُس نے چھٹے دن اِتنا خوچ کیا کہ اِس کا چھ دن کا

  اوسط خرچ 70 پیسے ہوگیا۔ معلوم کریں کہ اُس نے چھٹے دن کئے پیسے خوچ کے اور
  ساتویں روز کے لیے کیا بچایا ؟

(8) نذیر، امین، فہیم اور اسلم فے ایک کاروباد میں 1200 روپے فی کس کے حساب سے دقم لگائی۔ کلیم کے کاروباد میں شامل ہوجانے کی وجہ سے ان کی اوسط رقم 1420.25 روپے ہوگئی۔ کلیم فے کتے روپے لگائے ؟

(9) بیگم خواجہ نے جنوری اور فروری میں 40 رو ہے بچائے۔ مارچ ، اپریل اور مٹی میں کُل بچت میں 70 رو ہے دہی ۔ جون، جولائی اور اگست میں کوئی بچت میں ہوئی۔ سنہر، اکتوبر، نومبر اور د سبر میں ماہواد 62 رویے کے حساب سے دقم بچائی۔ ہیگم خواجہ کی سال میں ماہواد اوسط بچت کیا تھی ؟

# گهريلوحسابكتاب

دنیامیں بہترزندگی گزارنے کے بیے روپے کی ضرورت سے اور روبیر، بڑی محنت سے کایا جاتا ہے۔ ہم اپنی آمدنی کو روز مرہ زندگی کی ضروریات پر خرج کرتے ہیں۔ لہذا اپنی آمدن كوخرج كرتے وقت بميں سُوجه بوجه سے كام لينا چا سے - اپنى آمدنى وخرج كا حساب إس طرح ركهنا چاچيك ايك بهى نظرمين آمدنى و خرچ كا اندازه بوجائح-اگر بهم بغیر کسی سو بچ بچار کے روپیر خوچ کرتے رہاں تو اِس طرح بہت ساروپیر، غیرضروری چیزوں پرخوچ ہوجانے کا خطرہ ہوتا ہے اور میسنے کے ختم ہونے پر مقروض ہو جائے بیں۔جس کی وجہ سے سخت پریٹائی کا سامنا کرنا پڑتا ہے۔ ہماری ندوش حالی کا دا ذ بهت حدتک اس بات میں ہے کہ سلیقہ اور سوچ بچار سے کام لے کر خرچ کو آمدنی سے بڑھنے نہ دیں ۔ محنت سے حاصل کی ہوئی اپنی آمدنی کو غیرضو وری اور فضول چیزوں پرخرچ سٰ کویں۔ اپنی ضروریات پر مناسب طریقہ سے خرچ کریں۔ بچت کی عاد ت ڈالیں اور بچت سے حاصل کی ہوئی رقم کو اچانک ضروریات کے لیے رکھ چھوڑیں ۔ یہ ایسی صورت میں ہی ہوسکتا ہے جب کہ آمد نی وخرچ کا صحیح اندازہ لگاکر بے کا د چیدوں پر روپیر خرچ کرنے سے بچ سکتے ہیں۔ اگرآمدنی کم اور خرچ زیادہ ہو تو اليے طريق سوچے جاسكت ہيںك خوج آمد فىسے بڑھنے نہ بائے اور ہمارى بنيادى ضروریات بهی نظرانداد نه بول - اخراجات کو آمدنی کی حدودمیں رکھ کرخوشی اور غى كے موقعوں كے ليے كچھنى كچھ رقم بچائى جاسكتى ہے۔ موجودہ زمانے ميں جبك اشیا کی قیمتیں آئے دن بڑھتی دہتی ہیں۔ یہ اور بھی زیادہ ضروری ہوگیا ہے کہ ا پسخ خرچ کو آمدنی سے کم رکھنے کے لیے آمدنی و خوچ کا باقاعدہ حساب رکھا جائے۔ بَيُّوں كا ذريعه آمدني عموما إن كا جيب خرچ ہوتا ہے۔ أنهيں چاہيے كه وہ

بھی اپنے جیب خوچ کا باقاعدہ حساب رکھیں تاکہ وہ جان سکیں کہ اُنھوں نے وہ رقم کہاں اور کسے خوج کی۔ اس طریقے سے وہ ا چانک ضرورت پڑنے پر اپنی بچائی ہوئی دقم سے چھوٹی موٹی چیزیں خرید سکتے ہیں۔

عام طور پر حساب گوشوادوں کی شکل میں رکھاجاتا ہے۔ گوشوادے کو دو جوسوں
آمدنی اور خرچ میں تقسیم کو لیاجاتا ہے اور پھراخراجات کی معتلف مدوں کو علیا دہ کرے
اپنی سہولت اور سمجھ کے مطابق گوشوادوں کے خانوں میں لکھ دیاجاتا ہے۔ روز مرد کا
گوشوادہ بنلتے ہوئے تاریخیں اُوپر سے نیچے اور خوچ کی تفصیل عموماً دائیں سے ہائیں
لکھی جاتی ہے۔ میسنے کے آخر میں حساب کو ختم کرکے اخراجات کو آمدنی میں سے
تفریق کرکے بقایا ایکے میسنے کے صفح پر لے جایاجاتا ہے۔ نمونے کے طور پر مندرجہ ذیل
گوشوادہ درج کیا جاتا ہے۔

	خوج			ت	آمد		
	پاس ہونے کی خوشی میں دوستوں کو	12	اپريل	6.50	بقايا سابقته	1	ابديل
3.00	چاڭ كھلائى۔						
4-25	سکول فنڈ میں دیے۔	19		1	جيب خوچ	6	
1.00	يلال احمركوچنده ديا۔	22		2.05	ددېرانىكتابىي	7	
					بيعيان		
1.25	چڈیا گھد کی سیر کی ۔	24		5-00	ا انعام ولا -	9	
7-40	کتابیں وکا پیاں خویدیں۔						
0.30	نشانه بادی پرخورح کیے ۔	26	i	23-55	كل آمدنى		
0.50	سكول بنك مين جمع كروك .	28					
2.80	and the same of th	29			. [		
20-50							
3-0	بقايا _			3.05	ابقربقوا	1	مئی

#### مشق 7.1

(1) اپنے پچلے بیفتے کا خرج اور آمد نی کا حساب لکھیں۔ میزان کریں اور بچت بتائیں۔
(2) انور کے پاس 120 روپے تھے۔ اُس نے دس جون کو لاہور سے ملتان کا سفر کیا اور 10.10 روپے کا ٹکٹ خریدا۔ راستے میں سیون آپ خریدا اور 10.50 دوپے ادا کے۔ ملتان سیشن پر 2.00 دوپے قلی کو دیے اور گھر پہنچنے پر 2.30 روپے رکشہ کے ادا کے۔ 12 جولائی کو 13 دوپے کا ملتانی سوہن حلوہ خریدا۔ اپنے دوست کے لیے 2.78 روپے کی کھجوریں خرید ہیں۔ 14 جولائی کو اپنی بہن رابعہ کے لیے ملتانی کُرتاخویدا اور 17.75 روپے ادا کے۔ 15 جولائی کو اپنی کا ٹکٹ 10.10 روپے میں خریدا۔ لاہور سٹیشن پر 2.50 روپے قُلی کو دیے اور کا کو دیے اور کی آمد نی اور خرج کی تفصیل گرشوارے میاکی لکھیں ۔

رد) اکرم نے جولائی کے مینے اپنے اباجان کی دوکان پر کام کیا۔ اُنھوں نے فُوش ہوکر اِسے 15 جولائی کو 20 روپے دِیے۔ اس خُوشی میں اُس نے 21 جولائی کو اپنے متے بھائی سعید کو عجائب گھر، شالا ماد باغ اور مینار پاکستان کی سیر کرائی۔

اورمندرجي ذيل اخراجات کے -

آس کریم 2.50 روپے ، گنڈ بریان 50 پیسے ، پکوٹرے 1.25 روپے اوربس کا
کوایا 2.50 روپے ، 25 جولائی کوایک روپیر، مسجد کے لیے چندہ دیا، 27 جولائی
کو دوست نے 5 روپے لیے - 29 جولائی کو چیسے سائیکل کا پنکچر لگوائی دی 13 جولائی کواس کے دوست نے 5 روپے واپس کردیے - اکرم کی بجت معلوم کویں (4) غلام نبی کا خوج : - یکم مارچ سبزی اگانے کے لیے کھاد کا خوچ 150 روپے - 2 مارچ
سبزیوں کے بہی خویدے اور 50.05 روپے ادا کیے - 10 مارچ ، زمین کا سکان سبزیوں کے بہی خویدے اور 50.05 روپے ادا کیے - 10 مارچ ، زمین کا سکان

آمدنی :۔ 3 ماریج گوبھی بیچ کر 125.50 دوپے کائے ۔ 5 مارچ 96.00 دوپے کا میں ج فروخت کی ۔ 7 ماریج کو پیاز اور لہسن 142.50 روپے کے اُدھار دِ یے، 15 مارچ کو پیاز اور لہسن 142.50 روپے کے اُدھار دِ یے، 15 مارچ کو اُدھار دی ہوئی رقم مِل گئی۔

غلام بنی کی آمد نی اور خورج کی تفصیلات کے گوشوارے بنائیں۔ آمد نی اور خوج کا میزان کو یں اور بہت معلوم کویں ۔

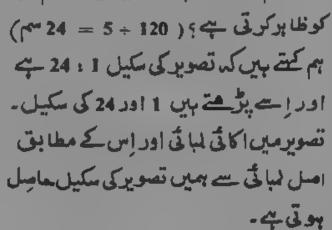
- (5) عنایت صبح سکول جانے سے پہلے چندگھروں میں اخبار پہنچاتا ہے۔ اِس طوح
  اِس کو 30 دویے آمدنی ہوتی ہے اس کا ماہ ستمبر کا خوچ دیا ہوا ہے۔ آپ اس کی
  آمدنی و خوچ کو گوشوارے کی شکل میں برکھ کرمعلوم کریں کہ اِس کوکتنی بجت ہوئی۔
  یکم ستمبر: بقایا سابقہ 10.15 دویے ، 4 ستمبر: بس پاس بوانے کے لیے دِیے
  علم ستمبر: بقایا سابقہ 10.15 دویے ، 4 ستمبر: بس پاس بوانے کے لیے دِیے
  علم ستمبر: فرائینگ کی
  کابی، دبڑ اور پنسل خویدی اور 4.45 دویے ادا کے ۔ 9 ستمبر: امتی کی دوائی کے
  لیے 30۔ 3 دویے دِیے ۔ 12 ستمبر: دوست کے بھائی کو عید کے موقع پر 2 دویے
  کابی، دیا۔ 18 ستمبر کو 25 پیسے کا گئے کا دس پیا ۔ 20 ستمبر کو 30 دویے کمیٹی کے
  دیے ۔ 25 ستمبر کو 35 پیسے کا گئے کا دس پیا ۔ 20 ستمبر کو 30 دویے کمیٹی کے
  دیے ۔ 25 ستمبر کو 35 پیسے کا گئے کا دس پیا ۔ 20 ستمبر کو 30 دویے کمیٹی کے
- ( 6 ) ایک مزدُور نے 18دن کام کیا اور 20رُوپے فی دن کے حساب سے مزدُودی لی۔ اِس کا خوچ دیا ہوا ہے ۔ آپ خود کو ٹی مہینہ اور تاریخیں لگاکواس کی آمدنی وخوج کا گوشوارہ تیار کویں ۔ اور معلوم کویں کہ اِس کو کتنی بجیت ہوئی ۔
  - سر (i) قرض اداكيا = 150 رويد
  - (ii) بیٹے کوکتاب ہے کردی = 1.50 دوپے
  - (iii) تنور سے روٹی خریدکیکھائی = 0.75 دو پے} دوزاندکاخرچ
    - (iv) 15 پیے کی بیڑی پی
    - (v) بیوی کو میسنے کے خوج کے لیے دیے = 100 دوپے
      - (vi) بچوں کے یے خربوزے خریدے == 50 ہیے

#### (7) سکول کی کرکٹ ٹیم کا حساب مندرجہ ذیل ہے۔

یکم دسمبر: سابقہ بقایا 50.05 دو ہے۔ 8 دسمبر: بقایا چندہ جمع کیا 8.75رو ہے۔ 15 دسمبر: چاند سکول کی ٹیم کے ساتھ میچ پر اخراجات 20.25 دو ہے 16دسمبر میچ سے آمدنی ہوئی: 81.50 دو ہے، 20 د سبر: ٹیم کے ممبروں نے فیس اداکی: 20.50 دو ہے۔ 22 د سمبر: کھیلوں کے سامان کا خرچ 20.35 دو ہے۔ اداکی: 20.50 دو ہے۔ 25 د سمبر: کھیلوں کے سامان کا خرچ 20.35 دو ہے۔ 25 د سمبر: یوم قائد اعظم پر قرآن خوانی کی اور مختاجوں کو کھانا کھلایا: 25 دو ہے۔ معلوم کریں کہ ٹیم کو کتنی بچت ہوئی۔

# سكيل ڈرائينگ اورگراف

1 ۔ ارشد نے فوٹو گرافر سے اپنی تصویر بنوائی۔ تصویر میں اس کے قد کی اُو پُھائی 5 سم ہے۔ اِس کا قد 12 ڈیسی میٹر ہے۔ تصویر میں 5 سم لمبائی کو ظاہر کرتی ہے ۔ تصویر میں 5 سم لمبائی کو ظاہر کرتی ہے ( 12 ڈم یا 120 سم ) تصویر میں 1 سم لمبائی کتنی اصل لمبائی







ارشد کے دوستوں نے اس کی تصویریں (غبر (2) و (3) بنائیں۔تصویر غبر (2) میں تصویر غبر (2) میں تصویر غبر (2) میں وہ بہت تصویر فہبر (1) کے مقابلہ میں ارشد بہت موٹا معلوم ہوتا ہے ، اور تصویر (3) میں وہ بہت پتلا دکھائی دیتا ہے۔تصویریں غبر (2) و (3) چھی تصویریں نہیں ہیں کیونکہ اِن میں داسی اور اُفقی اطراف میں ایک ہی سکیل اِستعال نہیں کی گئی ہے۔

کسی چیز کی صبیح تصویر وہ ہو گی جس میں راسی اور اَ فقی جانب ایک ہی سکیل اِستعمال کی گئی ہو۔ یعنی دونوں طرف فاطیلے ایک ہی حساب سے کم کیے گئے ہوں۔

سینٹی میٹر (4)

ایک کھیت مسلطیلی علاقہ کی شکل کا ہے۔ اس کا طول 50 میٹر اور عرض 30 میٹر ہے۔ اس کا خاکہ بنانے کے لیے ایک مناسب سکیل ایسی ہوگی جس میں خاکے کے 3 سینٹی میٹر

اصل کے 30 میاڑکو ظاہر کریں ۔ یعنی سکیل کے مطابق

3 سم ظاہرکرتا ہے 30 میٹرکو

1 سم ظاہر کرتا ہے 10 میٹر کو بعنی 1000 سمکو

1000 : 1

پس سکیل ہے

چونکہ 10میڑکو 1سم سے ظاہر کیاگیا ہے۔ 50میٹرکو 5 سم سے ظاہرکیا جائے گا۔ پس دیے ہوئے کھیت کا خاکہ یا نقشہ ایک ایسی مستطیلی علاقہ ہوگا جس کا طول 5 سم اود عرض 3 سم ہو رشکل نمبر 4)

زاہد کا سکول اس کے گھرسے مغرب کی جانب 2 کلومیٹر کے فاصلہ پر واقع ہے اور

اس کے دوست شاہد کا گھر اس کے گھر سے شمال کی جانب 3 کلومیٹر کے فاصلہ پر ہے ۔ فرض کریں ہمیں سکول اور دونوں گھروں کا خاکہ تیار کرنا ہے ۔ یہاں ایک مناسب سکیل وہ ہو گی جس میں 2 کلومیٹر کو ہم سے ظاہر کیا جائے ۔ یعنی خاکہ کا 4 سم ظاہر کرتا ہے 2 کلومیٹر کو خاکہ کا 4 سم ظاہر کرتا ہے 2 کلومیٹر کو اب 1 کلومیٹر کو اب 1 کلومیٹر  $\frac{1}{2}$  کلومیٹر کو اب 1 کلومیٹر  $\frac{1}{2}$  کلومیٹر ک

شالد كالكهو شهال المراكبة و المر

اِس سکیل کے معابق 3 کلومیٹرکو 6 سم سے ظاہرکیا جائے گا۔

نوٹ : - اگرہم ایک یا زیادہ مقامات کا نقشہ نیار کریں توسکیل کے علاوہ نقشہ یر مشمال کے رُخ کو بھی ظاہر کوتے ہیں - مکانت کے نقشے نیاد کونے کے لیے دیواروں کو قطعات خط

رُخ کو بھی فعاہر کرتے ہیں۔ ممان سے دروازے کی جگہ خالی ریا بٹیوں) سے ظاہر کیا جاتا ہے۔ دروازے کی جگہ خالی میں والے اللہ دیا جاتا ہے۔ عوماً ، میں والے سے اور س پر "د" رلکھ دیا جاتا ہے۔ عوماً ، میں والے سے اور س پر "د" رلکھ دیا جاتا ہے۔ عوماً ، میں والے دی جاتی ہے اور س پر "د" رکھ دیا جاتا ہے۔ عوماً ، میں والے دی جاتی ہے اور س پر "د" رکھ دیا جاتا ہے۔ عوماً ، میں والے دی جاتی ہے اور س پر "د" رکھ دیا جاتا ہے۔ عوماً ، میں والے دی جاتی ہے اور س پر "د" رکھ دیا جاتا ہے۔ عوماً ، میں والے دی جاتی ہے اور س پر "د" د" رکھ دیا جاتا ہے۔ عوماً ، میں والے دی جاتی ہے اور س پر "د" د" رکھ دیا جاتا ہے۔ عوماً ، میں والے دی جاتی ہے اور س پر "د" د" رکھ دیا جاتا ہے۔ عوماً ، میں والے دی جاتی ہے اور س پر "د" د" رکھ دیا جاتا ہے۔ عوماً ، میں والے دی جاتی ہے اور س پر "د" د" رکھ دیا جاتا ہے۔ عوماً ، میں والے دی جاتی ہے دی دی جاتی ہے يهور دى جاتى ب اور س پر "د" را كه ديا جاتا ب عوماً كهركيان اور روش دان ظاہر نہيں كے جاتے ـ

شكل غير (6) مين ايك كريك لخاكد ديا گيا ب إس كاطول اور عرض ما ب كرسكيل معلوم کریں۔

مشق 8.1.

(1) مندرج، ذیل سکیلوں کو معیادی صورت میں لکھے :

(سکیل کی دونوں مقداریں ایک بی اکائی میں بوں اور یہلی مقدار 1 ہو)

(i) 5 سم: 1 كلومسيال (ii) 4 سم: 1 كلومسيال

( iii ) 3 سم : 15 ميال ( iv ) عم: 75 ميال

( 2 ) قطعاتِ خطکو ماپ کرسکیل معلوم کرس ۔

( 3 ) سكيل 1: 10000 كے مطابق مندرج، ذيل فاصلوں كو قطعاتِ خطسے ظاہر كوبي -قطعات خط کی لمبائیاں کیا کیا ہوں گی ؟

(i) 1 كاومنيار (۱۱) أوميار (۱۱۱) 400 ميار

( 4 ) پاکستان کے چند شہروں کے درمیان تقریبی ہوائی فاصلے ذیل میں دیے ہوئے باید اگرسکیل 1: 10،00،000 کے مطابق نقشہ تیارکیا جائے تو یہ فاصلہ كَتَنَ كَنْ سِينتي ميثرون مين ظاهد كيا جائے كا -

(ii) لاہور اور کراچی کے درمیان فاصلہ = 1050 کلومیات

(iii) لاہور اور کوئٹ کے درمیان فاصلہ = 720 کلومیاڑ

## 2-گول

پہلی جماعتوں میں آپ تصویری گراف اور بارگراف کو پڑھنے کا صریقہ سیکھ پچکے
ہیں ۔ اِس باب میں ان دونوں قسموں کے گراف اورخطی گراف بنانا سیکھیں گے۔ موجودہ
زمانے میں گراف کے اِستجال کو بہت زیادہ اہمیت حاصل ہوگئی ہے۔ بڑے بڑے
اعداد وشمار کو گراف کے ذریعے ظاہر کرکے ہم اِن کا باہمی مقبلہ بڑی آسانی سے
کوسکتے ہیں اور اِن کے متعلق کئی ایک مفید نتائج محض گراف دیکھ کر ہی اخذ کر لیتے ہیں۔
آپ جانتے ہیں کہ گراف کا مقصد یہ ہے کہ وہ دیے ہوئے اعداد و شمار کا با ہمی
تعلق واضح کرے۔

گواف نیاد کرنے کے لیے بدایات:

(1) سب سے پہلے گراف کی مناسب قسم کا نتخاب کیا جائے۔

(2) ایسی سکیل اختیار کی جائے جس سے اعداد وشمار آسانی سے ضاہر کے جا کیں۔

( 3 ) بر محور کے ساتھ جو چیز دکھائی جاتی ہے وہ بھی لکھ دی جائے۔

(4) گراف کا مناسب عنوان اِس کے شروع میں بکھ دیا جائے ۔

## 3-تصويرى گراف

تصویری گراف بناتے وقت پکٹے دی ہوئی باتوں کے علاوہ مندرجہ ذیل نکا ت بھی میرنظر رکھیں ۔

1-سبسے پکے دیے ہوئے اعداد وشار کوجدول کی صورت میں مکھ لیاجائے۔

2 - اعداد وشاركوظاہركرنے كے يائے تصاويريا علامات كى قطاريں بنائى جائيں - يب

قطاریں اُ فقی بھی ہوسکتی ہایں اور راسی بھی جیساکہ دیے ہوئے تصویری گرافوں سے ظاہر بے ۔

3۔ تصویر یاعلامت ایسی لی جائے کہ ضرورت پڑنے پر آگر تصویر یا علامت کا کوئی مستہ ظاہر کرنا مقصود ہو تو با ساتن کیا جا سے۔

4 - گراف کے نیچے سکیل ضرور دی جائے تاکہ پڑھنے والاجلدی سے سجبھ جائے کہ تصویر یا علامت کس سکیں کوظاہر کرتی ہے ۔

تصویری گراف بنانے کی وضاحت نیجے دی گئی مثالوں سے کی گئی ہے۔

مثال 1: ایک جماعت کے بچتوں سے اِن کے سکول آنے کے ذرائع کے متعلق پوپھا گیا تو اُنھوں نے بتایاکہ ان میں سے 15 بس کے ذریعے، 20 سائیکل پر، 5 تانگوں پر اور 30 پیدل آتے ہیں۔ ان اعداد وشمار کا تصویری گراف کچھ اِس طبح کا ہوگا۔ حید و ل

پسيدل	تامگە پىيدل		بس	
30	5	20	15	

بچوں کے سکول پہنچنے کے دُدا تُع (اُفقی گراف)

			<del>Q</del>	<del>Q</del>	웃	س	યુ
		R	R	<del>Q</del>	9	سائيكل	1
					8	تانگ	7
웃	<del>Q</del>	R	₽ '	<del>S</del>	<del>S</del>	پيدل	้ามี

بچوں کی تعداد جوں کوظاہر کرتی ہے ۔ تصویر ؓ ہے ' 5 بچوں کوظاہر کرتی ہے ۔

#### بچوں کے سکول پہنچنے کے ذرا کع (راسی گراف)

8			
2			
R		8	
8		R	9
8		8	9
9	9	<del>-</del> <del>2</del>	<del>S</del>
پيدل	- تانگس	سائثيل	لیں

يتول كم تعداد

(ii)

سىرل چېچە دە تىمىويىر 📯 \* 5 بېيۇںكوظاہركوتى ہے ـ

اِستصویری گراف کودیکھ کرمندرجہ ذیل قِسم کے سوالوں کے جواب دینا آسان ہیں۔

(۱) سبسے زیادہ بچکس دریعہ سے سکول آتے ہیں ہور آنے والے بچوں کی تعداد ذیادہ بے یاسائیل پر آنے والوں کی ہور ۱۱۱) سب سے کم بچے کس دریعہ سے سکول آتے ہیں ہور ۱۱۱) سائیل پر آنے والوں کی ہور ۱۱۱) سب سے کم بچے کس دریعہ سے سکول آتے ہیں ہور ۱۱۱) سائیل پر آنے والے بچوں کی تعداد کتنی ہے ہور ۷) گراف کا عنوان کیا ہے ہور اس بھور کے ساتھ کیا لکھا ہے ہور اس بھود کے ساتھ کیا لکھا ہے ہوئیاں کے ہفتہ واراو قات کا رکا جدول دیل میں دیا گیا مثال کے ، ایک جائن کے مطابق مختلف لوگوں کے ہفتہ واراو قات کا رکا جدول دیل میں دیا گیا ہے ۔ اِن اعداد و شمار کی مدد سے تصویری گراف بنائیں ۔

(سائده	آون میں کام کونے والے	فیکٹری میں کام کرف والے	کات	تمهريلوملاذم	خاتونخان	پیشی
36	36	48	72	78	102	گونیخ (یک سفتے میں)

#### بهفت واراوقات کار را فقی گرادی

						باشتاه مين كام
				$\Theta$	0	374.202
0	0	Ŏ	0	0	0	JAL 1
المائذ،	میں کا میں کورنے والے	فیکشی میں ۲ م	کسان	ک گهربلوملاذم	حاتون خاند	

كه دّى كى شكل" ﴿ 12 كَافِئْ طَاهِد كُونَ ہے۔

#### بفت وار اوقات کار (داسی گراف)

								$\overline{}$			
	,							, (		اسائذه	
							í.	0	+ 7	آئس مباں کا م کر ہے والے	
ľ						, <u>, , , , , , , , , , , , , , , , , , </u>	F d	<b>←</b> →	( )	فیکنٹری میں کا ہ کو نے والے	5.
ı				6	+	• 1 )	-			كسان	
Ì				(;	+ † ,	(])	٠,٠	( )		گهربلو مددم	
	()	0	( <sup>T</sup> )	t _ ;	T .	5	( 1	T	·⊺  - i	خانون عابد	

ہفتہ میں کام کے گھنٹوں کی تعداد

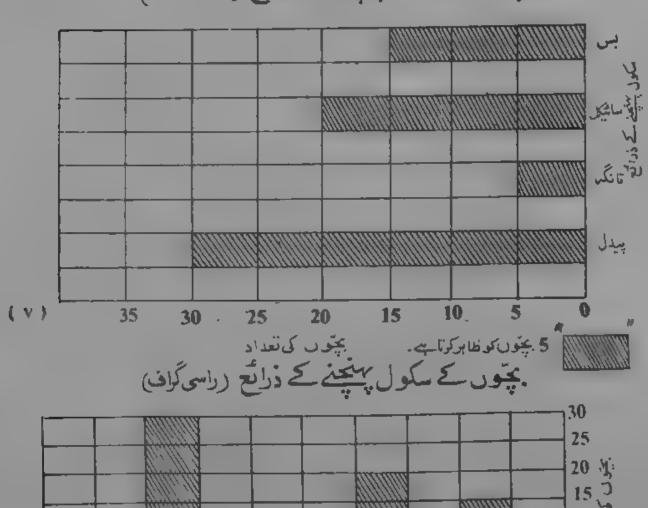
گھڑی کی ٹنکل 🖰 🖰 12 گھنٹے ظاہر کی تی ہے۔

## 4-بارگراف

1 - بادگواف میں پٹیاں بنائی جاتی ہیں۔ یہ پٹیاں اُ فقی بھی بنائی جاسکتی ہیں۔ اور راسی بھی ۔

2 – تمام پٹیوں کی چوڑائی یکساں ہو اور اُن کا درمیانی فاصلہ بوابر ہو۔

3- بادگراف کوخو بصورت بنانے کے بیے پٹیوں میں مختلف رنگ بھرے جاسکتے ہیں۔ مثال 3: مثال اسکے اعداد وشمار کے ساتھ مندرجہ ذیل بارگراف بنیں گے ۔ بجوں کے سکول پہنچنے کے ڈرائع راُفقی گراف)



ہ سائیں انگاب میں سکول پینجنے کے ڈرائع

'' ج بچتوںکو ظاہر کرتا ہے۔

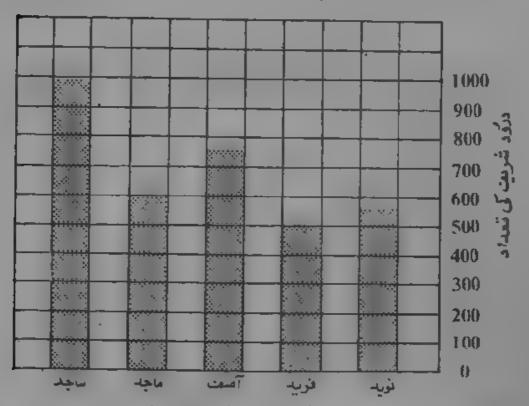
(AF)

ان گرفوں کو دیکھ کر مندرجہ ڈیل سوالوں کے جواب دیں۔ (١) گان ٧١١٧ميس كسمين أفقى يثيان اوركسمين راسى پثيان بنى بين؟ ( ii ) سبسے لمبی پٹی کتنے بحیّ ں کو ظاہر کرتی ہے ؟ ( iii ) اِس گراٹ کی سکیل کیا ہے؟ ( ۱۷ ) راسی محود پر 5 · 10 · 15 · 20 · 25 اور 30 اعداد کیاظاہر کرتے ہاں ؟ (٧) تانگہ پر جانے والے بیوں کی تعداد کتنے خانوں سے ظاہر کی گئی ہے؟ مثال 4: شب قدركو 5 دوستون نويد ، فريد آصف ، ماجد اور ساجد في بالتربيب 550 باد، 500 باد، 750 باد، 600 باد اود 1000 باد درودشریت پڑھا۔ إن اعداد وشمار کو بادگراف کے ذریعے ظاہر کریں -

حدول

ساجد	ماجد	آصعت	فنريد	نوید	
0001	600	750	500	550	

#### شب قدركوير هے جانے والے درود شربیت كا راسي كراف



درُّود شريف پڙ هن والوں كے نام

50 کو ظاہر کرتا ہے۔

100 کوظاہرکرتا ہے .



(١) كِي في سب على زياده درُود شريف پڙها ۽

( 11 ) درُودشریف کی تعداد کوکون سے محور کے ساتھ لِکھاگیا ہے ؟

( ۱۱۱ ) اس گرف میں کیا سکیل لیا گیا ہے ؟

65

(۱۷) دی ہوئی سکیل کی بجائے آپ اور سکیل لے کران اعداد و شمار سے خود بارگراف بنائیں۔

( ٧ ) پٹیوں کے درمیان جگہ کیوں چھوٹری جاتی ہے؟

ر ۷۰ ) تصویری گراف فوری معلومات پینیما تا ہے یا بارگراف ؟

5\_سلاخي گراف يه خطي گراف

تصویری گراف آور ہارگراف میں تصویریں اور پٹیاں بنانے میں کافی وقت لگ جاتا ہے۔ اس لیے اِس قسم کے گرف محض پبلک کے لیے بنائے جاتے ہیں تاکہ وہ انہیں سہولت سے پڑھ سکیں اور گراف خوبصورت بھی معلوم ہوں۔ عملی کاموں کے لیے اکثر خطی گراف استعمال ہوتا ہے لیکن اِس کو سمجھنے سے پہلے سلاخی گراف کا سمجھنا مفید ہوگا۔ مثال یہ دفع کر سمجھنے کے درائ شک گراف کا سمجھنا مفید ہوگا۔

مثال 1 ، فرض کریں ہمیں یک زمیندار مسی خدا بخش کی گندم کی پیداواد کامندرجہ ذیل جدول دیا ہوا ہے۔

خدا بخش زمبندار کی گندم کی پسیدا وار

1970	1969	1968	1967	1966	1965	اسان
40	25	30	30	20	10	پدادارمیزک شنون میں
						54
						4:
						35
						30
						25
					╂═╁╌	20
						15
						5

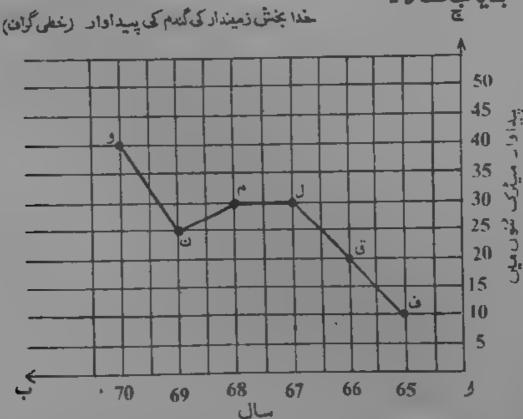
69

اُفقی محورارب پر ہمنے دوجھوٹے خانوں کی لمبائی کو ایک سال کے وقفے سے ظاہر کیا ہے اور راسی محودیں 5 میباڑک ٹنوں کو ایک چھوٹے خانے کی لمبائی سے ظاہر کیا ہے۔

عند مالوں کی پیداوار کو ظاہر کرنے کے لیے ہم پٹیوں کی بجائے رقدرے موتے) قطعاتِ خط اِستعال کرتے ہیں۔ اِس طرح سے حاصل ہو نے والے گراف کو سلاخی گراف کتے ہیں۔

چونکہ کسی سال کی پیداوار متعلقہ سلاخ کا اُوپر کا سوا ہی ظاہر کرتا ہے۔ اس لیے آگر ہم گراف میں سلاخوں کے صرف بالائی سرے زنقاط) ظاہر کریں تو بھی کا فی ہوگا۔ اس طرح سے حاصل ہونے والے نقاط کو عام طور پر قطعات خطسے ملا دیا جاتا ہے تاکہ متعلقہ مقداد کی کمی بیشی فوراً نظر آجائے۔

مثلاً مذكوره جدول كى مدد سے خدا بخش زمينداركى پيداوار كا گراف اس طرح بنايا جائے گا۔



یهاں نقاط ف ، ق ، ل ، م ، ن ، و کی اُفقی محور سے اُو پنائیاں (بالتربتیب 1960 ، 1960 ، 1960 ، 1960 ، 1960 کی 1960 ، 1960 ، 1960 ، 1960 کی پیداوارمیٹرکٹنوں میں ظاہر کرتی ہیں۔ قطعاتِ خطفق، ق ل ، ل م ، من ن وسے

معلوم ہوتا ہے کہ پیداوار سال ہال کسے بڑھتی یا کم ہوتی ہے۔ نوٹ بہ

سبات یاد رہے کہ بیداوارکا گراف یہاں محض نقاط ف، ق، ل، م، ن اور و پر مشتمل ہے۔ قطعاتِ خط ف ق وغیرہ گراف کا حِسّہ نہیں ہیں۔ وہ محض پیدا واد کی سال ہماں کی بیشی کو زیادہ نمایاں طور پر ظاہر کرنے کے لیے کھینچے گئے ہیں۔ اس قسم کا لواف جس میں نقاط پر مشتمل گراف کو قطعاتِ خط سے ملایا گیا ہو، خطی گراف کہلاتا ہے۔

خطی گراف کو دیکھ کر مندرجہ ڈیل سوالوں کے جواب دیجیے ۔

(۱) اُفقی معود پرکس چیز کی سکیل دی گئی ہے ؟ . . . . سال

( ۱۱ ) راسی معور پرکس چیانی سکیل دی گئی سے و ، ، ، ، ، گندم

( m ) اُنفَى محود پر 2 جھوٹے خانوں كى لمبائى كنے سابوں كوظاہر كرتى ہے ؟

(١١) اُفقى محود پر سكيل كيا ہے ۽ دو چھوٹے خالوں كى لمبائى ظاہر كوتى ہے۔

( ٧ ) داسى محور پر ايک چهو ئے خانے كى لبائى كنے سياڑك ٹن ظاہركرتى

9 4

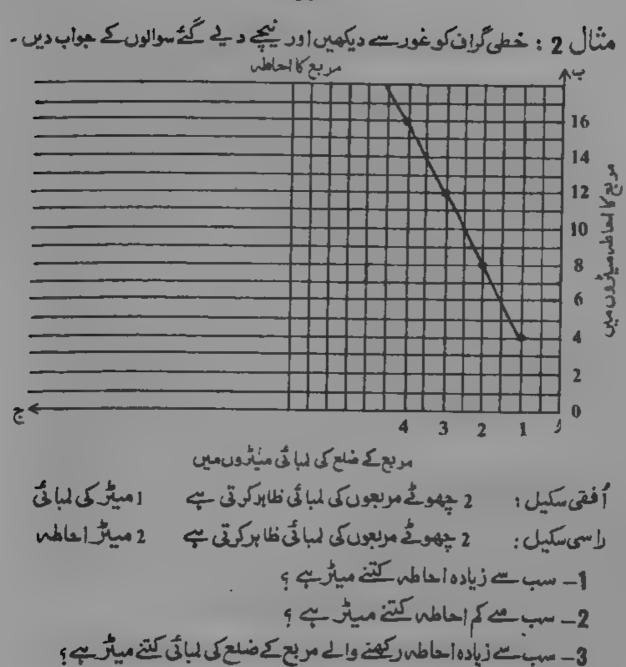
(١١) راسى محود پرسكيل كيام وايك چموت خلف كى لمبائى ظاہركوتى ہے،

( ۱۱۱ ) کن سالوں میں گندم کی پیداوار زیادہ دیری ہ

( viii )كس سال سب سع ذيادة گندم پيدا بو في سع ؟

( xx ) کس سال گندم کی مقداد 10 میٹرک ٹن تھی ؟

(x) كس سال سب سيم كم كندم پيدا برو كى ؟



4۔ مربع جس کا ضلع 3 میٹر ہے اس کا احاطہ بنائیں 5۔ کیا ضلع کی لمبائی بڑھنے کے ساتھ احاطہ کی مقدار بھی بڑھتی ہے؟ 6۔ کیاضلع کی لمبائی کم ہونے کے ساتھ احاطہ کی مقدار بھی کم ہوتی ہے؟ 7۔ کیا آپ ان اعداد وشمار سے تصویری گراف اور ہارگراف بنا سکتے ہیں؟

## مشفى 8.2

1 - مندرجہ ڈیل معنومات کو تصویری گراف کی صورت میں ظاہر کریں۔
 کے بیٹر یا ٹھی کے سیر کو گئے۔ ان میں سے 10 بیٹوں کو با ٹھی، 6 بیٹوں کو سفید

چھ بچے چروانھری سیر نو سے ان میں سے 10 بچوں نو ہا تھی، 6 بچوں نو سعید چوہے، 4 بحیوں کو طوط اور 8 بحیوں کو موریٹ ند آئے ۔

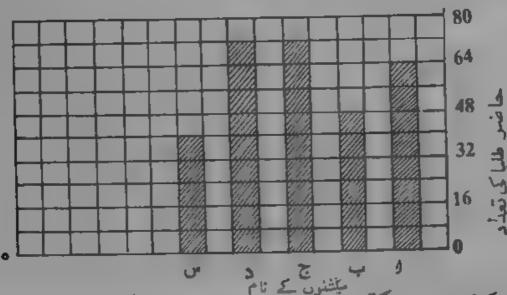
- 2۔ ریاضی کے امتحان میں 30 نڑکوں نے فسٹ ڈویژن، 35 نڑکوں نے سیکنڈ ڈویژن 15 نڑکوں نے تہرڈ ڈویژن لی اور 5 نڑکے فیل ہوگئے۔
- 3 جونیر ماڈل سکول میں پہلی کلاس میں داخلے کے وقت بچوں کی پیدائش کے سرٹیفکیٹ دیکھے گئے تو معلوم ہواکہ
- (۱) وللكياب جنورى ميں پيدا ہوئيں۔ (۱۱) 6 للكياب فرورى ميں پيدا ہوئيں۔
  - ( ان ) 15 لڑکیاں ماریج میں پیدا ہوئیں۔ ( ۱۷ ) 12 لڑکیاں متی میں پیدا ہوئیں -
    - ( v ) 27 لۈكيال جون ميں پىيدا سوئيں-
- 4 ایک شہر کی سالانہ ہارش کے اعداد وشمار مندرجہ ذیل ہیں۔ بارش کا بارگواف بنائیں۔ یہ بھی بتا ئیں کہ کو ن سے سالوں میں بارش برابر ہو ئی۔

1956	1955	1954	1953	1952	1951	صال
18	23	15	15	8	12	بادش سالایس نسینش میآودد ۲۵

5۔ چار شہروں کی چاول کی پیدا وار مندرجہ ذیل ہے۔ بارگواف بنائیں۔ گراف پیپی پرایک چھوٹا مربع 35 کو ٹنٹل کو ظاہر کرے ۔

سعبدآباد	نعيمآباد	خالدآباد	نسرين آباد	شهر کا نام
600	225	475	350	چاول(کوئنٹل میں)

8 - مندرج، ذیل بارگراف میں دیے گئے اعداد وشارکو تصویری گراف میں ظاہر کریں ، عنوان دیں اور ڈیل کے سوالوں کے جواب دیں۔

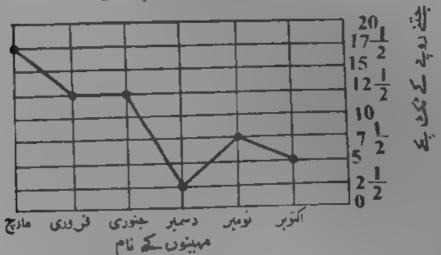


(١) سيكش ج مين كتن طلبا حاضر ته بر ١١) كون سے سيكشوں ميں حاضرى بوابرتهى؟ ( ۱۱۱ ) کون سے سیکش میں سب سے کم حاضری تھی ؟

7- احمد کے جه سالوں کے قد کی لمبائی کا چارٹ مندرجہ ذیل ہے۔ گراف بنائیں -

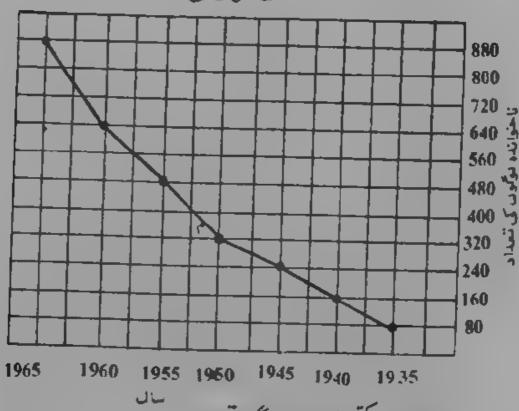
10	9	8	7	6	5	مرد الون مين)
1.2	1.0	-8	-7	-6	-5	قدرميارون مين

8 ـ مندرجى ذيل گراف كوديكه كرنيج ديد سو تح سوالوں كے جواب ديں -بلال احرك ككوركى يكرى



( ، ) سب سے زیادہ کک کی میسے میں پکے ہ ( ، ، ) جنوری کے میسے میں کُل کے تک بکے ہ ( ، ، ) سب سے کم تکٹ کس میسے میں پکے ہ ( ، ، ) 10 دوچے کے ٹکٹ کِس کِس کِس میسے میں پکے ہ

#### ا مندرج، ذیل خطی گراف کو دیکھ کر دیے ہوئے سوانوں کے جواب دیں -ماخواندگی



(١) 1965 ميں كتنے ناخواندہ بوگ تھے ؟

( 11 )سب سے زیادہ ناخواندہ لوگوں کی تعداد کون سے سال میں تھی ؟

( 111 )کیا ناخواندہ لوگوں کی تعداد بڑھتی جارہی ہے ؟

( ۱۱ )نقطمم کے عین سامنے کتنے ناخواندہ نوگوں کی تعداد دی ہوئی ہے؟

( ٧ )نقطى م كے عين نيج كون سا سال ب ؟

ر ۱۰ ) راسی سکیل لکھیں ۔

نواںباب

## طلسمى مربع،عددى نمون اورمع

## 1- طلسى مريع:

عند من مانک میں طسمی مربع بنانے کا دواج زمانہ قدیم سے چلا آدہا ہے۔ کہا جاتا ہے کہ معاوم تاریخ میں سب سے پہلا طلسمی اگر بتع چین کے باد تاہ لو تو نے تقریب 1000 قی۔ م میں ایجاد کیا تھا۔ بعض ہوگ طسمی مربعوں کو تعوید کے طور پر استبال کرنے ہیں۔ ان کا کہنا ہے کہ حروف اور الفاظ کو اعداد کے ذریعے ظاہر کرکے طلسمی مربع تیار کے جاتے ہیں اور اس طرح سے وہ روحانی طور پر اثر انداز ہوتے ہیں۔ اعداد جو خاص الفاظ کو ظاہر کرتے ہیں، کی تاثیر کے علاوہ تعوید کھنے والے کی روحانیت جو خاص الفاظ کو ظاہر کرتے ہیں، کی تاثیر کے علاوہ تعوید کھنے والے کی روحانیت بھی موثر ہوتی ہے۔ مگریہاں ہمیں اس امرسے بحث نہیں ہے کہ طلسمی مربعوں کا کوئی دوحانی فائدہ وا قعی ہوتا ہے یہ نہیں۔ ہم تو اِن کا مطالعہ محض ریاضی کے فی مقبلہ نگاہ سے کونا چاہتے ہیں۔ طلسمی مربعے بعض شعبوں میں خاصے مفید ثابت ہوتے ہیں۔ مثلاً زراعتی تحقیق ، حبوبری اور صنعتی بخقیق میں ان کے اِستعمال کو بہت مفید پایاگیا ہے۔

ﷺ یہاں موبع کا نفظ ہندسی معنوں میں استعال نہیں ہوا بلک اعداد کے ایسے جدول کے لیے اِستعال ہوا ہے جس میں سطووں اور کا لموں کی تعداد برابر ہو۔

اعداد کے إس طرح کے جدول کو طلسمی مربع یا حادو کا مربع کستے ہیں۔ کسی طلسمی مربع میں

(i) سطروں اور کا لموں کی تعداد ایک ہی ہوتی ہے-

(ii) برسطر برکالم اور بروترمیں درج شدہ اعداد کا مجبوعہ ایک ہی بوتا ہے۔ جسطسمی مربع میں سطروں یا کا لموں کی تعداد تین ہواسے تیسرے درجے کا طلسمی مربع کمتے ہیں۔

اسی طرح اگر طلسمی مربع میں سطروں اور کا اوں میں سے ہرایک کی تعداد چار ہو تو اِسے چوتھے درجے کا طلسمی مربع کہتے ہیں۔ وعلیٰ ہذالقیاس۔

ابجدول غبر ( 2 )پرغوركري -

کیا جدول نمبر (2) اورجدول نمبر (1) کے متناظرہ ارکان میں کوئی تعلق ہے؟ ملاحظہ ہوکہ مربع نمبر (2) کا بررکن مربع نمبر (1، کے متناظرہ رُکن کا ناین گنا ہے۔

13

اب مربع غبر( 3) پرغود کریں-

کیاس کے سطروں ، کالموں اور وتروں کے اعداد کے مجوعے برابر ہیں ، ( ہاں)۔ یہ مربع بھی ایک تیس درج کا طلبی مربع بہراں کے ارکان اورمر بع غبر ( 1 ) کے کان میں

کیارشنہ ہے ؟ مربع غیر(1) کے ادکان میں سے ہو یک میں 4 جع کرنے سُنے مربع غیر(3) کے متناظرہ ارکان حاصل ہوجاتے ہیں۔ یادر ہے کہ اگر کسی دیے ہوئے طاسمی مربع کے

(1) ہردکن میں ایک ہی عدد جع کیا جائے ۔

یا (۱۱) ہر رکن میں سے ایک ہی عدد تغریق کیا جائے۔

یا ( ۱۱۱۱ ) ہررکن کو ایک ہی عدد سے ضرب دی جاتے۔ یا (۱۷) ہردُکن کو ایک ہی غیرصفرعدد پرتشیم کیا جاتے۔ توحاصل ہونے والا مربع بھی طلسمی مربع ہوگا۔

مربع غبر(1) کے ارکان اعداد 1 تا 9 ہیں۔ یعنی اس کاسب سے چھوٹا رکن 1 م اورباقی ارکان اسسے بڑے ہیں -رس قسم کے طسمی مربع کو بنیادی طلسمی مربع كمت باب -جوطسمى مربع كسى بنيادى طلسمى مربع سيجع ، تفريق ، ضوب يا تقسيم کے عمل سے حاصل ہو اُسے مشتق طلسمی مربع کہتے ہیں۔

طاسمى مربع (2) و (3) مشتق طلسمى مربع بين ـ

#### 2 - طلسمى مربع كابنانا:

آب کو بیر جان کرحیرانی ہوگی کہ طاسمی مربع چند قواعد کی مدد سے بہت آسانی سے بنائے جا سکتے ہیں ۔ تمام طاق درجوں کے طسمی مربعے بنانے کا ایک قاعدہ ہے اور جفت درجوں کے طاسمی مربعوں کے بنائے کے لیے بھی چند قواعد ہیں۔

طاف درجے کا طلسمی مربع بنانا :-کسی طاق درجے کے بنیادی طلسی مربع كوبنان كے ليے مندرج، ذيل رمخما اصول إستعال ہوتے ہيں :

- ر 1) مناسب تعداد کے خالی خانوں و لا مربع بنانے کے بعد عدد"ا دائیں طرف کے پہلے کا لم کے درمیاں والے خانے میں درج کیا جاتا سبے - ایک دُکن کا مقام معلوم ہو تو اکلے رکن کا مقام معلوم کرنے کے بلے دائیں طرف کے نیلے وتری رُخ میں حرکت کوب
  - (2) اگراس رُخ میں اگلاخان، خالی ہوتو اگلا عدد اِس میں درج کر دیں۔
- (3) اگراس اگلے خانے میں یہ بی سے کوئی عدد موجود ہو تو اگلارگن معلق دکن ك أفقى جانب بائيس طرف والے .خافے ميں درج كريى -
- (4) اگرونزی رُخ مربع کے باہر دائیں طرف اشارہ کرے تو اگلاڑک با ٹیں طرف سے يط كالم كے متناظرہ خافے ميں درج كريں -

(5) اگروتری رُخ مربع کے باہر پنیلی طرف اشادہ کرے تو اگلا دُکن اُوپر سے پہلی مطرکے متناظرہ خانے میں درج کریں -

(6) اگروتری رُخ مربع کی کسی سطر یا کالم کے سامنے نہ ہو تو اگلارگان معلوم دُکن

کے راُ فقی جانب) ہائیں طرف کے خانے میں درج کریں -(7) مندرجہ بالا اقدام کرتے جائیں۔حتیٰ کہ تمام خانے پُر ہوجائیں۔ اِس عمل کی

وضاحت جدول غیر ( 4 )میں تیسرے درجے کا بنیادی طلسمی مربع بناکر کی گئی ہے۔ مربع بنائے میں جو اُصول اِستعمال ہوئے ہیں ان کی تفصیل ذیل میں درج کی گئی ہے :

حاصل كرف مين إستعال كيا بوا أصول		53
عاس دعال المعال	(4	7)

(1)	انصول بمبال	- 1
× - 1		

جفت درجے کابنیادی طلسمی مربع بنانا: - جفت اعداد دوطرح کے ہوتے ہیں -

9 5 1 9 2 7 -- 6 2

اکہرے جُفت اعداد ؛ ایسے اعداد ہیں جو 2 پرتقبیم توہوتے ہیں مگر 4 پرتقبیم نہیں ہوتے ۔ اکہرے جنت اعداد مندرجہ ذیل ہیں -

..... \* 22 \* 18 \* 14 \* 10 \* 6 \* 7

دوبرے جفت اعداد ؛ ایسے اعداد بیں جو 4 پرتقیم ہوتے ہیں ۔ دوبرے جفت اعداد کا سیٹ یہ ہے ۔ 24-20-16-12-8-4

اکہرے جفت درجے اور دو برے جفت درجے کے طلسی مربع بنانے کے قواعد عبدا جُدا جُدا ہیں۔ یہاں ہم صرف چو تھے درجے کا بنیادی طلسمی مربع بنائی دو ہوے جفت درجے کا بنیادی طلسمی مربع بنانے کے قاعدے کی وضاحت کرتے ہیں۔

طلسمي مربع	بنیادی	درجے کا	چوتھے

پہلے ہم اعداد 1 تا 16 کو مربع کی شکل میں اِن کی قدرتی توتیب میں درج کرتے ہیں رجدل نمبر 5) پھر ہم مربع کے وتروں پر واقع اس کے مرکز سے مساوی الفاصلہ ارکان کو باہم بدل دیتے ہیں بعنی (1 ° 16) (6 ° 11) (4 ° 13) (7 ° 10) کوایک دوسرے کی جگہ درج کرتے ہیں اِس طرح سے ہمیں مطلوب طلسمی مربع (حبدول نمبر 6)

1.5		4	10	
8	10	11	5	
12	6	7	9	
1	15.	14	A	
(6)				

8 7 6 5 12 11 10 9

16 15 14 13

### 3-عددی نمونے اورمعتے:

حاصل ہوجاتا ہے۔

بعض او قات ہمیں کسی سیٹ کے چند ارکان دیے ہوتے ہیں اور بیند مزید ارکان معلوم کرنا ہوتے ہیں۔ معلوم ارکان کسی خاص تر تیب میں درج ہونے ہیں۔ ہم ان پر غور کونے سے نامعلوم ارکان کو معلوم کونے کا اصول معلوم کر لیتے ہیں۔ مثال 1: سیٹ ا 1: 3 : 9 : 72 ، . . : 3 : 27 سے اکلے ذوارکان معلوم کیجیے مثال 1: سیٹ ا 1: 3 : 9 : 72 ، . : 3 : 27 سے اکلے ذوارکان معلوم کیجیے حل : ہم دیکھتے ہیں کہ سیٹ کا ہر دُکن رسوائے پہلے دگن کے اپنے سے دائیں طرف کے متصلہ دُکن کا بیٹے ہے۔

پس انگلے دوارکان 27 × 3 = 81 اور 81 × 3 = 243 بیاب

#### مشق 9.1

1۔ پاکپویں درجے کا بنیادی طلسمی مربع بنایئے -طلسمی مربعوں کے نامعلوم ازکان معلوم کیجیے -

2 4 5	16 32 4	0 1- 4	6 5 10 2
$2-\frac{1}{2}$	20		11
1	8	2- 3	9

6 - ایک چہار درجی طلسمی مربع بنایتے جس کے ارکان اِسی درجہ کے بنیادی طلسمی مربع کے ارکان اِسی درجہ کے بنیادی طلسمی مربع کے ارکان سے تنگنے ہوں۔

7-ایک پانج درجی طلسمی مربع بنائیے جس کے ارکان اِسی درجہ کے بنیادی مربع

کے ارکان سے نصف ہوں۔

ے ارون سے سے اور کا کہ کیا رکان دیے ہوئے ہیں۔ ان کی دی ہوئی ترتیب کو جاری رکھتے ہوئے دو دو مزید ارکان معلوم کیجیے۔

 $\begin{cases} \dots 64 \cdot 36 \cdot 16 \cdot 4 & := 9 \\ \dots \frac{1}{6} \cdot 5 \cdot \frac{1}{4} \cdot 3 \cdot \frac{1}{2} \cdot 1 \end{bmatrix} = 8$   $\begin{cases} \dots \frac{1}{27} \cdot \frac{1}{9} \cdot \frac{1}{3} \cdot 1 \cdot -11 & := 32 \cdot 16 \cdot 8 \cdot 4 \\ \dots \frac{1}{27} \cdot \frac{1}{9} \cdot \frac{1}{3} \cdot 1 \cdot -11 & := 32 \cdot 16 \cdot 8 \cdot 4 \\ \dots \frac{1}{27} \cdot \frac{1}{9} \cdot \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{3}$ 

پہلے رکن کے بعد کے ارکان کس طرح معلوم ہوتے ہیں۔ اس نمونے کا ساتواں رکن کون ساعدد ہوگا؟ اُسے نقاط کی شنت کے طور پر بکھیے ۔
اعداد 1 · 3 · 6 · 01 ، ... کوکیا نام دیا جاسکت ہے ؟

13 نیچے کے نمونے پرغور کریں ۔ اِس کو مدِ نظر رکھتے ہوئے پہلے (i)سات قدرتی اعلاد (ii) بارہ قدرتی اعداد کا مجموعہ معلوم کریں ۔

 $\frac{6 \times 5}{2} = \sqrt{2} =$ 

## دسواںباب

# خطوط، شعاعیس، زاوید، مستوی

پہلی جماعتوں میں آپ ہندسی اشکال سے متعلق ابتدائی معلومات حاصل کر کچکے ہیں۔ اب آپ ان کی بابت کچھ اور باتیں سیکھیں گئے۔

#### 1-خطوط

آپ جانتے ہیں کہ خطِ ستقیم (عنصراً خط) ایسی سیدھی لکیر کو کتے ہیں جس کا کوئی آخری نفطہ یا سرانہیں ہوتا۔ دیگر ہندسی اشکال کی طرح خطبھی نقاط کا ایک سیٹ

(1)

ہوتا ہے۔ خط کو اِس کے کوئی سے دو نقط کے ناموں سے پکارا جا سکتا ہے۔

(2)

شکل فمبر امیں یک خطار ب دکھایا گیا جہائے خط ب از بھی کہم سکتے ہیں۔ شکل نمبر دیمیں خطوط ارب بہت ہج ج

سی مبرد ہیں عموط رب بہت میں ج ح خ دکھائے گئے ہیں۔ یہ تمام کے تمام کے نقطہ و میں سے گزرتے ہیں۔

کیاآپ اورخطوط کھینچ سکتے ہیں جونقطہ و میں سے گزرتے ہوں؟ بار جننے خطوط ہم چاہیں کھینچ سکتے ہیں۔ پس کسی ایک نفصہ میں سے بے شمار خضوط گزرتے ہیں۔

پنی کا پی کے صفحہ پر دو نقاط و ب لیں۔

مطر کی مدد سے ان دونوں میں سے گزرتا ہوا خط کھینچیں۔ کیاآپ ایک اور خط بھی کھینچ سکتے ہیں جو دونوں نقاط اوب میں سے گزرے ، نہیں ۔ ایسامکن نہیں ۔ اس سے معلوم بواكددونقاط ميس سے صوف ايك بى خط گزرتا بے -شكل تمبر 4 ميں دوخطوط وب ، ج د دكھائے گئے

پی نقطہ و ان دونوں پر واقع ہے۔ ایسے خطوط جن میں حرار کوئی نقطہ مشترک ہو منقاطع خطوط کہلاتے ہیں۔ پی خطوط دان کا دے خطوط دان کا دی مشترک نقطہ یا نقطہ تقاطع ہے۔ ا

شکل نمبر رہمیں دوخطوط کگ، لم دکھائے گئے مکسی اسکا نمبر رہمیں دوخطوط کگ، لم دکھائے گئے مکسی کو ایسا نقطہ نہیں ہے جو اِن میں شارک مور ایسا نقطہ نہیں ہے جو اِن میں شارک مور ایسا نظوط کے نقوش کو بائیں طرف بڑھائیں اور 5) تو وہ یقیناً ایک دوسر سے کوکسی نقطہ میں قطع کریں گے۔ ہس یہ خطوط بھی منتقاطع

خطوط ہیں۔ اگر چہ ان کا نقطہ تقاطع دکھایا نہیں گیا ہے۔

شکل غیر (۱) ہمیں دوخطوط سش، طاظ دکھائے
گئے ہیں ۔ ان میں کوئی نقطہ مشترک نہیں ہے۔ ان کے

(6)

نقوش کو دائیں یا بائیں طرف خواہ کت ہی بڑھایا جائے یہ ایک دُوسرے کو نہیں کا ٹیں گے۔ ایسے خطوط کو متوازی خصوط کہتے ہیں ۔ متوازی خطوط کا مزید ذکر ہم بعد میں کریں گے ۔

اشکال نمبر ۱۵٬۱۰۱ ور ۱۵٬۱۰۱ برغور کرنے سے اور اسی قسم کی مزید اشکال بنانے سے ہمیں معدوم ہوتا ہے کہ دوخطوط میں زیادہ سے ڈیادہ ایک ہی نقطہ مشائر کے ہو سکتا ہے۔

یعنی دوخطوط یا توایک دُوسرے کو قطع نہیں کرتے یا اگر قطع کریں تو إن میں صرف ایک نقطہ مشترک ہوتا ہے ۔

لقوش جع نفش كى ـ نقاط كے كسى سيٹ كوف بركرنے واى سكل كو سيٹ كانقش كستة بيب -

#### 2- قطعة خط

(7)

شكل نمبر (7) مين دونقاط وبكو ملات بوت چند واستيدكها في كني بس-

کیایہ تمام راستے لمباقی میں برابر بیں ؟ (نہیں) ، میں سے حصوفال است کی میں سے حصوفال است کے انہیں کا انہیں کا ا النمين سے سے چھوٹا راست کو ن سا ہے ؟

سبسے چھوٹاراسند وہ ہے جس پر نقطہ ج دکھایا گیا ہے۔ اِسے ہم قطعہ خط و ب كهيرك - قطعة خطنقاطكا إيساسيث بوتاب جودونقاط كے درميان چھوٹے سے چھوٹا راستہ ہوتا ہے۔

نقاط واب قطعت خط وب كسرے كهلاتے بيں ـ يادر ہے كه برقطعت خط كے دو سرے ہوتے ہیں جبکہ خط کا کوئی سرانہیں ہوتا۔ یہ بھی یادرہے کہ کسی قطعت خط کے سوے اس میں شامل ہوتے ہیں۔

قطعت خط وب كوقطعت خط ب و بهى كس سكة باير -

كاغذكے چورس تختر كے كنارے ، كرے كے فرش يا چھت كے كنارے قطعات خط

کے نمونے ہیں ۔

شکل نمبر 8 میں کیادکھایاگیا ہے ؟ رایک شعاع ) اسے کس طوح پکاریں کے ہ (شعاع و ب) كيا اسے شعاع باز بھى كہر سكتے ہيں ۽ رنہيں ؛

اس کے کتنے سرے ہیں ؟ کون سے ؟ رصوف ایک سوا . ل کیا اس پر نقطہ اِ سے دائیں طرف کوئی نقطہ واقع ہے ؟ (نہیں) نیا اس پرنقطہ ب کے بائیں طرف اور دائیں طرف نقاط و اقع ہیں ؟ کتنے ؟ (بان، بے شمار) شعاع کاسرا اس پرواقع ایسانقطی ہوتا ہے کہ شعاع کے باقی تمام نقاط اس کے ایک ہی طرف واقع ہوتے ہیں ۔

#### 4\_زاويه

شکل نمبر 10 میں کتنی شعاعیں دکھائی گئی ہیں ،کو ن کون سی ؟ (دو شعاعیں ، شعاع الب اور شعاع اوج)

کیایدایک ہی خطیر واقع ہیں؟ (نہیں،یہ غیرہم خط ہیں)

> کیاان کا سرامشترک ہے؟ (باں) وہ کون سا ہے ؟ رنقطہ و) اس شکل کو کیا کہیں گے ؟ (زاویہ)

اسے کس طوح پکاریں گے ؛ رزاویہ ب اوج ، یا ذاویہ ج اوب ،یازاویہ ور) کیا اِسے زاویہ اوج ب بھی کہہ سکتے ہیں ؛ رنہیں۔ اس زاویہ کے نام میں او درمیان میں ہونا چاہیے، شکل غبر 10میں دکھائے گئے زاویے کا داس کیا ہے ؟ رنقطہ او)

اسكم بازويا طرفين كون سے بايى ؟ (شعاع أب اور شعاع أرج) زاويد، نقاط كا الساسيٹ ہوتا ہے جو دو ہم سرا عنير بهم خط شعاعوب

پرمشتمل ہوتا ہے۔

شکل غبر ۱۱ میں دو قطعات غیر ہم خط ہیں اور جائے گئے ہیں۔ یہ قطعات غیر ہم خط ہیں اور جائی اور ان ہیں۔ یہ قطعات غیر ہم خط ہیں اور ان کا ایک سرا نقطہ ب مشترک ہے یہ شکل زاویہ تو نہیں ہے مگر قطعت خط ب و ایک شعاع پر واقع ہے۔ یہ شعاعیں ب و اور ب ج بیں جو ہم سرا اور غیر ہم خط ہوں گی اور اس لیے وہ ناویہ بنائیں گی۔ ایسی صورت میں ہم کتے ہیں کہ قطعات خط ب و اور ب ج ایک

زاوی کا تعین کرتے ہیں۔ اِس زاویہ کو بھی زاویہ اوب ج ، زاویہ ج ب اِ یا محض زاویہ ب کہیں گے ۔

#### 5- قائم زاوید

(12)

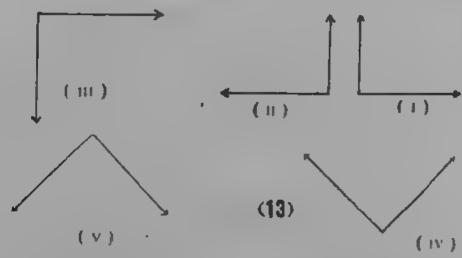
شکل نمبر 12 میں شعاع ب اور شعاع ب ج

ایک داویہ بناتی ہے۔ اسی طرح شعاع ب د اور شعاع ب ج

بنی ایک زاویہ بناتی ہیں، شعاع ب ج خطار د پر سیدھی کھڑی ہے۔ ذاویہ اوب ج اور زاویہ د ب ج خاص قسم کے زاویے ہیں۔ اِن میں سے ہوایک قاتمہ زاویہ ہے۔

دب ج خاص قسم کے زاویے ہیں۔ اِن میں سے ہوایک قاتمہ زاویہ ہے۔

نیچے چند ایک اور قائمہ زاویے د نے گئے ہیں۔



مگ ذیل کے زاویے قائے نہیں ہیں۔

(14) (iii) (iii) (iii) (iii) (iii) (iii) (iii) (iii) (iii) (iiii) (iii) (iii)

روزمرہ ندگی میں ہم اکٹر ق تمہ زاویوں کا شا ہدہ کرتے ہیں مثلا کر ہے کے فرش، چھت یا دیواروں کے متعلقی کن روں سے متعین ہونے والے زاویے کتا ب کے متعملہ کناروں سے متعین ہونے والے زاویے ۔



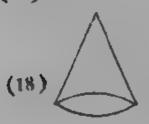
# 8-مستوى كاتصور،

وه دوطرح کی بنوتی بایی :

مستوی سطح رسیدھی سطے) جیسے مین یا تیاتی کے اُویو کی سطح رائسکل نمبر ۱۶٪ منعنى سطح : - رمرى بوقى يائيرهى سطى جيسے فت بال كى سطح (تكل غبر ١٥)



پن تواشی پنس کی تین سطی بو نی بیر سروں کی دوسطیں مستوی ہوتی ہیں اور لمبائی کی سطے منحنی ہوتی ہیں۔ بند ڈرم (شکل نمبر ۱۲) کی بھی تاب سطین ہوتی ہیں۔ دوستوی اور



ایک معنی ۔ اس قسم کے عبسم کو بیان کہتے ہیں ۔ عنر وط: د (شکل نمبر ۱۵) کی دوسطین ہوتی ہیں۔ ایک مستوی اور ایک منعنی ۔ گاجر اور مولی تقریبا محزوطی شکل کی ہوتی ہیں ۔

جیومیاڑی میں ستوی سے مراد ایسی مستوی سطے ہوتی ہے جو چادوں طرف غیرمن ہی طور پریھیلی ہو تی ہو۔

آب جائتے ہیں کہ خط لا انتہا صور پر مباہوتا ہے۔ اسی طرح مستوی لا انتہا طور پر لمبی اور پیوڑی ہوتی ہے ۔

مستوى كى پهچان يەسپىكە أكر اس پرواقع كوئى سے دونقاط كھىنچے جائيں توإن ميں سے گزرنے والاخط نمام كاتمام اس بر واقع ہوگا ـ

#### 7- متوازی خطوط :

ہم پہلے دیکھ پچکے ہیں کہ منوزی خطوط دوایسے خطوط ہوتے ہیں جن میں

کوئی نقطہ مشترک نہ ہو۔ مگراس کے ساتھ یہ بھی ضروری ہے کہ وہ دونوں خطایک ہی ستوی میں واقع ہوں۔ دو خطوط جوایک ہی ستوی میں واقع ہوں ۔ دو خطوط جوایک ہی ستوی میں واقع نہ ہوں ، متوازی نہیں ہوں گے اور نہ ہی وہ ایک دوسرے کوقطع کریں گے۔ مثلاً اگر ایک خطاً فقی ہواور دوسراخطراسی ہواور وہ ایک ستوی میں واقع نہ ہوں تو وہ متوازی نہیں ہوں گے اور نہ ہی إن میں کوئی نقصہ شترک ہوگا۔ میں واقع نہ ہوں تو وہ متوازی نہیں ہوں کے اور نہ ہی إن میں کوئی نقصہ شترک ہوگا۔ کرے کے فرش کے ایک راً فقی کنارے اور اس کے سامنے کی دیوار کے ایک راسی کنارے کا مشاہدہ کریں ؟

شکل غبر رواہمیں دو قطعات خط دکھائے گئے ہیں نہر رواہمیں دوقطعات خط دکھائے گئے ہیں نہر رواہمیں دونوں طرف اوا انتہا طور پر بٹر ھانے سے جوخطوط حاصل ہو ں گے وہ ایک دوسرے کوقطع نہیں کریں گے یعنی وہ متواذی ہوں گے ۔ ایسی صورت میں ہم کہتے ہیں کہ یہ قطعات خط متواذی ہیں ۔

دو قطعاتِ خطمتوازی ہوں گے اگر وہ منوازی خطوط پر واقع ہوں۔

کیاشکل نمبر (20) میں دکھائے گئے قطعات نط عصوری ہوں ؟ رنہیں کیوں ؟

کیاشکل نمبر (ا 2 میں دکھائے گئے قطعت خط فر (20) نظ اور شعاع متوازی ہیں ؟ رہاں کیوں ؟

اور شعاع متوازی ہیں ؟ رہاں کیوں ؟

مشق 10.1

1- کتنے سرے ہوتے ہیں (۱) قطعہ خط کے (۱۱) شعاع کے (۱۱۱) خط کے ؟

2- مندرجہ ذیل اشکال میں سے کون سی قطعاتِ خطبیں ، کون سی شعاعیں ہیں ، اور کون سی خطوط ، ان میں سے ہر ایک کو جتنے ممکن ناموں سے پکاراسکا ہے۔ عریر

کریں -  $\frac{(ii)}{(ii)}$   $\xrightarrow{(ii)}$   $\xrightarrow{(ii)}$ 

(1) ایک نقطہ میں سے (ii) دو نقاطمیں سے

4- زاویر کے کہتے ہیں ؟

5 - ذیل کی شکل میں جوزا ویے دکھائے گئے ہیں ان کے نام کیھے۔ ہرایک کے راس اور باذو وُں کے نام بھی تھریر کریں۔

3/3 3/3 P

6 - اپنی کتاب کا ایک کونہ اور اس میں سے گزرنے والے دوکناروں کو اِستعال کرکے

معلوم کریں کہ مندرجہ ذیل زاویوں میں سے کون سے قائمہ میں اور کون سے

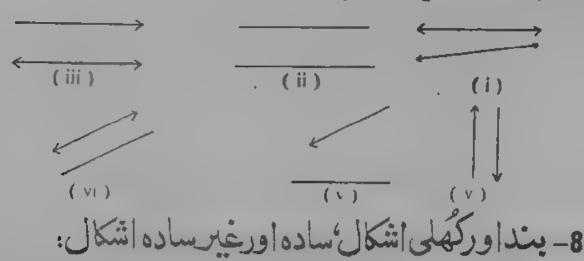
(iii) (iii) (iii) (iii) (iii) (iii)

7- ستوى سطح اورمنى فى سطح كى چند مثالين ديجير

8 - جیومیاڑی میں مستوی سے کیامواد ہوتی ہے ؟ مستوی کی پہیان کیا ہے ؟

9- متواذی عطوط کیے خطوط سوتے ہیں ؟ متواذی قطعات خط کیے قطعات نمط ہوتے ہیں ؟ متواذی شعاعیں کیسی شعاعیں ہوتی ہیں ؟

10- بہندسی اشکال کے مندرجہ ذیل جوڑوں میں سے کون سے متواذی ہیں اور کون کون سے غیر متوازی ؟



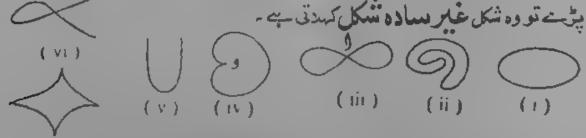
آپ پچلی جماعتوں میں بند اور کھلی اشکال کے متعلق پڑھ پچکے ہیں۔ آپ جانتے ہیں کہ بند شکل جہاں سے شڑوع ہوتی ہے وہیں ختم ہوتی ہے۔ جبکہ کھلی شکل کے شروع اود اخیر کے نقاط مختلف ہوتے ہیں۔ اگر پندل کی نوک کو بند شکل کے کسی نقطہ بر رکھیں اور اسے شکل کے اُوپر کھسکا تے جا گیں تو نوک آخر میں وہیں پہنچ جاتی ہے جہاں سے چلی تھی۔ کھلی شکل میں ایسا مکن نہیں ۔

ایک اور لحاظ سے اشکال کی دوقیمیں ہیں۔ سادہ اشکال اور غیر سادہ اشکال ۔

اگر پنسل کی توک شکل کے ہونقعہ میں سے صرف ایک دفعہ گزرے نو وہ شکل سالاہ تسکل کہلاتی

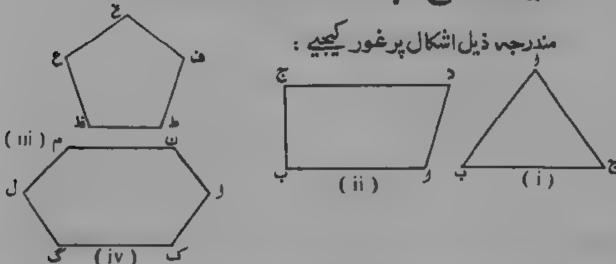
ہے۔ اگر پنسل کی نوک شکل کے کسی بھی نقطہ میں سے دو مرتبہ گزرت یادوک کرواپس موڑ تی

مٹ یہ تم مہ شکا ہے کہ در الدہ تشکل کے ساتہ دیں۔



شکل نمبر (۱) ساده بند ہے ۔ شکل نمبر (۱۱) ساده بند ہے (۱۱۷) شکل نمبر (۱۱۱) غیر ساده بند ہے کیونک بیر بند تو ہے ۔ مگ نقط مال پرسے پنس دو مرتب گزرے گی۔ شکل نمبر (۱۷) غیر ساده بند ہے کیونک بیر بند تو ہے مگر نقط می ویر کرک کر مُڑے گی ۔ شکل غبر (۱)سادہ کھلی ہے۔ شکل غبر (۱۰۰)غیرسادہ کھلی ہے۔ شکل غبر (۱۱۱)غیرسادہ بند ہے۔کیوں ؟

# و-كثيرالاضلاع ، چوكور اور اسكى قسيى

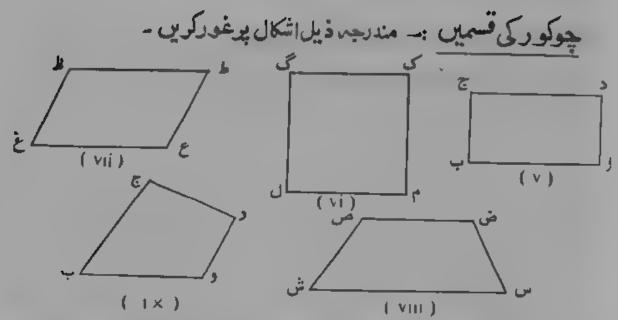


ان میں سے ہرایک سادہ بند شکل ہے اور چند قطعاتِ خطپر شمّل ہے ایسی شکل کو کتیرالاضلاع السی سادہ بند شکل ہوتی ہے جو چند قطعاتِ خط پر مشمّل ہو۔ قطعاتِ خط پر مشمّل ہو۔

شکل نمبر(۱) تین قطعات خط اوب، بج، ج او پر شتمل ہے۔ یہ شکل تکون با شلت ہے۔ قطعات اوب، بج ، ج او اس کے اضلاع ہیں اور نقاط او، ب، ج اس کے راس بیں۔ مثلث ایسی سادہ بند شکل کو کہتے ہیں جو تین قطعات خط پر مشتمل ہو۔ شکل نمبر(۱۱) چار قطعات خط پر شتمل ہے، یہ چوکور ہے، قطعات او ب ، بح ، جد ، د اس کے اضلاع ہیں اور نقاط او، ب، ج ، د اس کے راس ہیں، چوکور ایسی سادہ بند شکل ہوتی ہے جو چاد قطعات پر مشتمل ہو۔

شکل مبر (iii) ایک سادہ بند شکل ہے، جو پانچ قطعاتِ خط پر شقل ہے۔ یہ ایک مجنس ہے۔ اس کے اضلاع اور داسوں کے کیانام ہیں ؟

شکل نمبر(۱۷)ایک سادہ بند شکل ہے جوچھ قطعاتِ خطپر مشتمل ہے۔ یہ ایک سدس ہے ۔



شکل نمبر در ایسی چوکورکی بھے جس کے سبھی زاویے ( زاویہ او ، زاویہ ب ، زاویہ ج ، زاویہ ج ، زاویہ ج ، زاویہ ج ، زاویہ د ) قائے ہیں۔ یہ ایک مستطیل ہے ۔ مستطیل ایسی چوکور کو کہتے ہیں جس کے سبھی زاویے قائے ہوں ۔

شکل نمبر(۱۱) ایسی چوکورکی ہے جس کے سبھی زاویے قائمے ہیں اور جس کے سبھی اضلاع لمبائی میں برابر ہیں۔ یہ ایک مربع ہے۔ مربع ایسی چوکورکو کہتے ہیں جس کے سبھی زاویے قائمے ہوں اور سبھی اضلاع لمبائی میں برابر ہوں۔

شکل نمبر (۱۱۱) ایسی چوکور کی ہے جس کے آسے سامنے کے اصلاع متوازی ہیں (اضلاع و ظر ، ع غ متوازی ہیں اور اضلاع طرع ، ظرغ منوازی ہیں ایک متوازی الاصلاع ہے۔ متوازی الاصلاع ایسی پیوکور کو کھتے ہیں جس کے آمنے سامنے کے اصلاع متوازی ہوں ۔ شکل نمبر (۱۱۱۱) میں دواصلاع س ش، ص ض متوازی ہیں اور باقی دواصلاع ع

غار متوازی میں۔ یہ ایک ذو زنقہ ہے۔ ذو زنقہ ایسی چوکور کو کتے ہاں جس کے دواضلاع غیر متوازی ہوں۔ دواضلاع غیر متوازی ہوں۔

شکل نمبر (×۱)ایسی چوکور کی ہے جس میں اشکال نمبر (۱) تا (۱۱۱۷) میں سے کسی کی خصوصیّت موجود نہیں۔ ایسی چوکور کو عام جو کور کھتے ہیں۔ آپ پیما تش کے ذریعے اس امرکی تصدیق کرسکتے ہیں کہ اشکال نمبر (۷)و (۷ii)

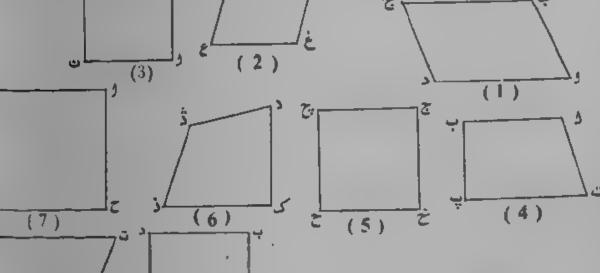
میں دی گئی چوکوروں کے آ منے سامنے کے اضلاع لمبائی میں برابر ہیں۔ ہرمتطیل اور متوازی الاضلاع کے آمنے سامنے کے اصلاع لمبائی میں برابر ہوتے ہیں۔

# مشق 10.2

1 – مندرجہ ذیل چوکوروں میں سے ہرایک کا نام دو عندم طریقوں سے لکھے اور ہر

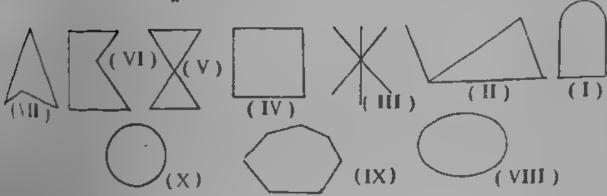
ایک کی قبم بتائیے ۔ در ایک کا نام دو عندم طریقوں سے لکھے اور ہر

ب



2- كىتىرالاضلاع كىكىسى شكل ہوتى بنے ؟ (8) برا (9) (9) - 2 - كتنے فيلتے اور راس ہوتے ہیں ؟ (ل) مثلث كے رب) چوكود كے رج ) مجنس كے (د) مسدس كے .

4- مندرج، ذيل اشكال مين سيكون سي كتير الاصلاع بين ؟



#### 10-داش

اپن کاپی کے صف میں ایک نقطہ م لیں۔ مسطر کی مدد سے ایک نقطہ الیں جوم سے 4 سم کے فاصلہ پر ہو۔ اسی طرح چند اور نقاط ب علا وغیرہ لیں جن میں سے ہر ایک نقطہ م سے 4 سم کے فاصلے پر ہو ۔

آپایس کتے نقاط لے سکتے ہیں ؟ ربے شمار)

کیامسطر کی مددسے ایسے تمام نقاط کو معلوم کرنا ممکن سے جونقطی م سے 4 سم کے فاصلہ پر ہوں ؟ رنہیں) ۔ ایسے تمام نقاط کو حاصل کرنے کے یہے پر کار اور پنسل استعال کرسکے بین ۔

مسطر کی مددست پرکار کو بقدر 4 سم کھو لیے۔ نوکدار سِرا نقطعم پر ٹکائیں اور

(1)

پرکارکے پنسل والے بازوکوگھاکر ایک پوراچکر دیں۔ پنسل کی نوک تمام مطلوبہ نقاطکو نشان زدہ کردے گی اور ہمیں کا پی کے صف کا کے مستوی میں ایک ایسی شکل (نمبن 3) حاصل ہو گی جس کا پرنقطہ دیے ہوئے نقطہ م سے 4 سم کے فاصلہ پر ہے۔ اس قسم کی شکل کو دائرہ کہتے ہیں۔

دائرہ رمنتوی کے ایسے تمام نقاط کا سیٹ ہوتا ہے جن میں سے ہو ایک نقط سالک دیے ہوئے نقطے سے یکساں فاصلے پر ہوتا ہے۔

دیا ہوا نقطر دا ترے کا مرکز کھلاتا ہے۔ مرکز سے دائر ہ کے کسی نقطر کے فاصلہ کو دائرہ کے کسی نقطر کے فاصلہ کو دائرہ کا دائس کھتے ہیں۔

اوبر کی مثال میں دائے کا مرکز نقط م سے اور اِس کا رداس 4 سم ہے ۔

جه معتم کوچاہیے کہ وہ ڈودی کے استعال سے اور پرکار کے ذریعے دائق بنانے کی وضاحت کی۔ لیکن جاعت میں طلباء کو پرکار کا اِستعال سکھانے کی مشرورت نہیں ۔

شکل نمبر 4 میں ایک دائرہ دکھایاگیا ہے جس کا مرکز و ہے اور رداس 5 سم ہے۔ دائرے پر ایک نقطہ ب لیں اور مطر کی مددسے ب کو و سے ملائیں۔ قطعہ وب کو ماپیں۔ اس کی اللہ کی کتنی ہے ؟ ر 5 سم) قطعہ وب دائرے کا ایک رداسی قطعہ (4) ہے ۔ دائرے کا رداسی قطعہ ایک ایسا قطعت خط ہوتا ہے جس کا ایک بر بہوتا ہے اور دُوسرا ہرا دائرے کے مرکز پر ہوتا ہے۔

ظاہر بے کہ کسی دائرے کے تمام رداسی قطعات کی لمبائی برابر ہوگی اور بہ لمبائی دائرے کے درداس کے برابر ہوگی ۔

شکل نمبر 5 م مرکز کا ایک دائرہ ہے۔ اس دائرہ کے بر دونقاط ل، ب کوملایاگیا ہے۔ قطعہ خط ل ب ایسا قطعہ خط ہے۔ پہرواقع ہیں۔ ایسے قطعہ خط کو دائرے (5)
کا وسر کھتے ہیں ۔ دائرے کا ونر ایسا قطعہ خط ہوتا ہے جس کے سرے دائرے پر واقع ہوتے ہیں۔

شکل نمبر 6 میں دائرے کے چار و تر دکھائے گئے اور رہائے۔ بیت ان میں سے ایک و تر ایسا ہے جودائرے (6) کے مرکز و میں سے گزرتا ہے۔ یہ دائرے کا فطر اس کا ایک ایسا و تر ہوتا ہے جو اس کے مرکز میں سے گزرتا ہے۔

کیا شکل نمبر ، میں قطعہ خطے د دائرے کا قطر ہے ؛ رنہیں) شکل میں دکھائے گئے وتروں میں سے سب سے لمباکون سا ہے ؛ رقطر رب) کیا آپ ایسا و ترمعلوم کرسکتے ہیں جو دائرے کے مرکز سے نماگز رے اور جو لمبائی میں قطر ارب کے برابر ہو یا اِس سے بڑا ہو ؛ رنہیں)

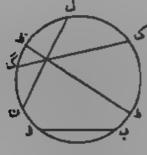
پس ہم یوں بھی کہ سکتے ہیں کہ ائرے کا قطر ایسا و ترہوتا ہے جس کی لمبائی زیادہ سوتی ہے۔ لمبائی زیادہ سے زیادہ ہوتی ہے۔ شکل نمبر (6) میں قطر اوب کی لمبائی دداسی قطعات او اور وب کی لمبائیوں کے جو عے برابر ہے۔ دائرے کے برابر ہے۔ دائرے کے برقطر کی لمبائی رداس سے دگئی ہوتی ہے۔ ہوقطر کی لمبائی رداس سے دگئی ہوتی ہے۔

نصمت داش و

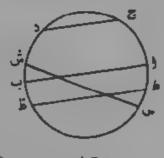
شکل نمبر (۲) میں قطعت خط اوب دائرے کا یک قطر ہے۔ قطر اور کے سرے نقاط اوب دائرہ کو دوایک بجیسے حصوں میں تقسیم کرتے ہیں۔ برحصہ نصف دائرہ ہے۔ انھیں ہم نصف دائرہ اور نصف دائرہ اور نصف دائرہ اور بی سکتے ہیں۔ نقاط اؤب ہر نصف دائرہ میں شامل ہیں۔

#### مشق 10.3

1- اٹکال نمبر (۱)، (۱) میں دکھائے گئے دائروں کے مرکز، ونز، قطر اور نصف دائروں کے نام رکھے ۔



(II)



(I)

- 2- اگردائرے کا راس ایک میٹر ہو تواس کے قطر کی لمبائی کیا ہوگی ؟ اگرداش ہے کا قطر کی لمبائی کیا ہوگا ؟ اگرداش ہے کا قطر کا داس کیا ہوگا ؟
- 3- کسی دیے ہوئے دائرے کے رداس کتنے ہوتے ہیں ؟ رداسی قطعات کتنے ہوتے ہیں ؟ وداسی قطعات کتنے ہوتے ہیں ؟ قطر کہنا تی میں برابر ہوتے ہیں ؟ کیا دائرے کے تمام قطر لمبائی میں برابر ہوتے ہیں ؟

# گباربواں پاپ

# احاطم اور رقيم

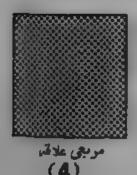
1-علاقماورسرحد

شکل نمبر (۱) میں ایک بند شکل اوب ج د دکھائی گئی ہے ۔ (۱) جس مستوی راس صفحہ کا مستوی پریہ واقع ہے اس کے نقاط تین قِسم کے ہیں ۔ (۱) نقاط جو شکل اوب ج د پر واقع ہیں۔ (2) نقاط جو اس کے اند واقع ہیں اور (3) نقاط جو اس کے باہر واقع ہیں ۔

ان تمام نقاط کاسٹ جو اِس شکل کے اندد واقع ہیں اس کا اندرون کہلاتا ہے شکل میں اندرون کوسایہ دار دکھایا گیا ہے۔

ان تمام نقاط کا سبط جوشکل اوب جد کے نقاط اور اس کے اندرون سے نقاط پر مشتمل ہے ان تمام نقاط پر جو شکل پر مشتمل ہے ان تمام نقاط پر جو شکل اوب جد کے اُوپر واقع ہیں یااس کے اندرواقع ہیں۔ شکل اوب جدعلاقہ کی سرحد ہو فضح دہے کہ سرحد علاقہ میں شامل ہوتی ہے۔ ایسے علاقے کو جس کی سرحد کوئی کتیرالاضلاع ہو کثیرالاضلاعی علاقہ کہتے ہیں۔

ذيل ميں چند كتير الاضدعى علاقے دكھائے گئے ہيں ؛





مستطيلي علاقها





(2)

نقاط کا وہ سیٹ جوکسی مثلث اور اِس کے اندرونہ پریشتمل ہومنانی علاقہ کہلاتا ہے۔ اس طرح نقاط کا وہ سیٹ جوکسی سنطیل اور اس کے اندرونہ پریشتمل ہومناطیلی علاقہ کہلاتا ہے۔ اگر کسی علاقہ کی سرحد مربع ہو تو اُسے مربعی علاقہ کسے ہیں۔

2- آپکومعلوم سے کہ ہرقطعہ خط کے ساتھ ایک عدد وابستہ کیا جاتا ہے جو اس کی لیائی کہلاتا ہے -

اسی طرح ہرکتیرالاصلاع کے ساتھ ایک عدد مربوط کیا جاتا ہے جو اِس کا احاطم کہلاتا ہے -کثیرالاصلاع کے احاطم سے مراد اس کے اضلاع کی لمبائیوں کا مجموعہ ہوتا ہے - چنا پخہ مثلث اوب ج کے احاطہ سے مراد اضلاع اوب ، ب ج ، ج او کی لمبائیوں کا مجموعہ سے ۔

اسی طرح کسی چوکور کے احاطہ سے مراداس کے چاروں اضلاع کی لبایتوں کا مجموعہ ہے۔ ہر علاقہ کے ساتھ بھی ایک عدد وابستہ کیا جاتا ہے جسے اس علاقہ کا رقبہ کسے ہیں۔ کسی علاقہ کے رقبہ سے مراد اس جگہ کی ہیمائش ہے جس پر وہ واقع ہے۔ آپ نے پچھلی جاعت میں بڑھا بھا کہ

متطیل کا احاطہ = 2 × (طول +عرض) اور مربع کا احاطہ = ضلع کی لمبائی × 4 ابہم رقبہ سے متعلق چند بنیادی شائح کی وضاحت کرتے ہیں -

#### 3-مستطیلی علاقه کارقب :

جس طرح لمبائی ماپنے کے لیے کسی اکائی کا اختیار کرنا ضروری ہوتا ہے اس طرح کمبائی معلوم کرنے کے لیے کسی اکائی کو اختیار کرنا لاذمی ہوتا ہے۔

شکل نماردی میں ایک مربعی علاقہ دکھایا گیا ہے۔ اس کی سوعد کا ہوضلع 1 سینٹی میٹر لمباہے۔ ہم کہیں گے کہ اس علاقہ کا رقب 1 مربع سینٹی میٹر ہے۔

اسى طرح أكر كسى مربعى علاقه كى سرحد كا برضلع 1 مياث لبابه تواس كارتبها

ا مربع ميار تصور بوكاء

رقبہ کی پیمائش کے لیے امربع سینٹی، امربع میٹر، ایک مربع ہیکٹو میٹر وغیرہ اکائیاں لیے جاسکتی ہیں ۔

(8)

شکل نمبر (6) میں ایک مستطیلی علاقہ دکھایا گیا ہے۔ اس کا طُول (سرحد کے بڑے اضلاع میں سے ایک کی لمبائی) 4 سم اور عرض (سرحد کے جھوٹے اصلاع میں سے ایک کی لمبائی) 3 سم ہے۔

ہم تمام اصلاع پر ایک ایک سم کے فاصلہ پر نشان لگتے ہیں اور آھے سائنے کے نشانات کو قطعاتِ خط سے ملا دیتے ہیں۔ اس طرح سے دیا ہوا علاقہ چند چھوٹے علاقوں میں تقسیم ہو جاتا ہے۔

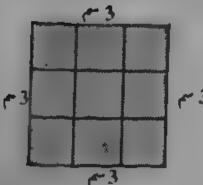
چھوٹے علاقوں کے کئے راسی کالم ہیں ؟ چاد ہر راسی کالم میں کتے چھوٹے علاقے ہیں ؟ تین کل کتے چھوٹے علاقے ہیں ؟ 4×3 = 12 ہرچھوٹے علاقے ہیں ؟ 1 مربع سیٹی میاٹر ہرچھوٹے علاقے کا رقبہ = 1 مربع سیٹی میاٹر

كيونك كل علاق تمام چهو في علاقون پرشقل بداس ليد بهمان چهو في علاقون

کے رقبوں کے مجبوعہ کو کل علاقہ کا رقبہ قرار دیتے ہیں۔ یعنی دیے ہوئے منتطبی علاقہ کا رقبہ = 4 × 3 مربع سنٹی میار

رس مثال سے ہم اِس نیتیں پر پہنچے ہیں کہ کسی تنا لیے ماد قر کار تقریب صام از رید عدف میں دمہ بعد کا

مستطیلی علاقه کارقبی = طول × عرض رمربع اکائیاں)



## 4-مربعی علاقه کارقبه:

شکل نمبر (7) میں ایک مربعی علاقہ دکھایاگیا ہے جس کی سرحد کا ہرضاع 3 سم لبا ہے ۔ تمام ضلعوں ہر ایک ایک سم کے فاصلہ پرنشان سے ملافے سے کل علاقہ چند چھوٹے علاقوں میں تقسیم ہوجاتا ہے۔

جھوٹے علاقوں کے کتنے راسی کالم ہیں ؟ تین ہر راسی کالم میں کتنے چھوٹے علاقے ہیں ؟ تین کُل کتنے چھوٹے علاقے ہیں ؟ 3 × 3 = 9 ہر چھوٹے علاقے کا رقبہ 1 مربع سم ہے۔

چونکر کُل علاقہ تمام چھوٹے علاقوں پرمشتل ہے ہمان علاقوں کے رقبوں کے مجموعہ کو کُل علاقہ کا رقبہ قرار دیتے ہیں یعنی

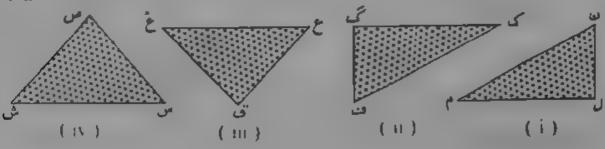
کلمربعی علاقے کارقبہ  $= 3 \times 3$  مربع سینٹی میٹر = 9 مربع سینٹی میٹر اس شال سے معلوم ہواکہ کسی مربعی علاقہ کارقبہ = ضلع کی لمبائی  $\times$  ضلع کی لمبائی (مربع اکائیاں)

#### 5- قاممة الزاويم مثلثى علاقه كارقبه:

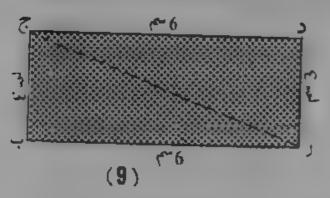
شکل نمبر (8) میں ایک مثلث دکھائی گئی ہے۔ اس میں فاوید و استسسسسسٹ فاوید و اس میں فاوید و استسسسسٹ فائم کوجس کا ایک ذاوید قائمہ ہو و در اللہ کا مثلث کے جس کے اس میں ۔

کسی قائمتہ الزاویہ مثلث میں قائمہ زاویے کے سامنے کا ضلع مثلث کا وتر کہ لاتا ہے۔ باقی دونوں ضلعوں کو مثلث کی ساقین (ساقی کا مطلب ہے انگیا پنڈلی کستے ہیں۔ شکل نمبر 8) میں ضلع وج مثلث کا و ترہے۔ اضلاع وب، بج اس کی ساقین ہیں۔

ذیل میں چنداود قائمتا الزاویر مثلتیں دکھائی گئی ہیں۔ ان کے وتروں کے کیا کیا نام ہیں؟



يادرك قاعمة الزاويرمثلث مين ساقين كامشترك نقطه فاعتم الزاويه كاراس بوتاب



شکل نمبر (9) ایک مستطیلی علاقه کی ایک مستطیلی علاقه کی ایک مستطیلی علاقه کی ایک مستطیلی علاقه کی دربع سینٹی میٹر ایک میں ایک

عدد قوں میں تقیم کرتا ہے۔ مثلنی علاقہ اربح قائمته الزاویه مثلثی علاقہ ہے کونکه اسمیں زاویہ ب قائمته ہے۔ اسی طح مثلثی علاقہ ار دج قائمته الزاویہ مثلثی علاقہ ہیں اسمیں زاویہ د تھی ہے۔ یہ دونوں مثلثی علاقے رقبہ میں برابر ہیں۔ اس بات کی بڑتال یوں کی جاسکتی ہے کہ کاغذ کا ایک مستطیلی تخت لیں۔ اِس کواس طرح دو ہول کریں کہ شکو اس کے دو آمنے سامنے کے راسوں کو ملاتا ہو ، پھر تخت کو اس شکن پرکاٹیں۔ آپ دیکھیں گے کہ دو تھا تُمتہ الزاویہ مثلثی تخت حاصل ہو گئے ہیں۔ ان میں سے ایک کو دُوسر سے بسر اِس طرح رکھا جاسکتا ہے کہ ہرایک دُوس سے کو پُول پُول ڈھانیں ہے۔

یں معلوم ہواکہ شکل نمبر و میں ہر شلٹی علاقے کا رقب مستطیلی علاقے کے رقب کا نصف سبے یعنی

قائمته الزاوی مثلثی علاقہ اوب ج کارقب  $= 6 \times 6$  کا  $\frac{1}{2}$  (مربع سینٹی میٹر) = 18 کا  $\frac{1}{2}$  (مربع سینٹی میٹر) = 9 مربع سینٹی میٹر

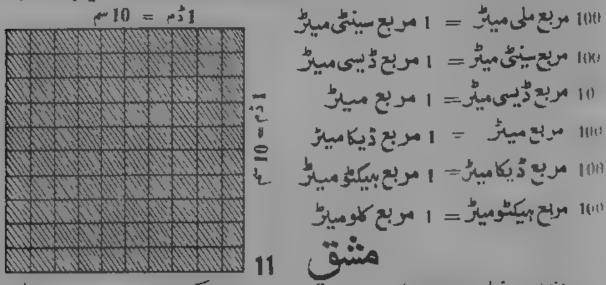
اسی طرح مثلنی علاقه کا ارجاکا رقبه = و مربع سینٹی میالا اب ملاحظه کریں کہ مثلنی علاقہ اوب ج میں اضلاع اوب ، ب ج اس کی ساقین ہیں۔ بیک فائم تد الناویہ مثلثی علاقہ کا رقبہ = 1/2 × (ایک ساق کی لمبائی × دوسری ساق کی لمبائی اللہ علاقہ کا ہوتا ہے۔ فوسط ، ساطلہ کو اچھی ملرج یا درکھنا چا ہیے کہ رقبہ صرف علاقہ کا ہوتا ہے۔ مثلث ، منظیل وغیرہ کا رقبہ نہیں ہوتا ، اِن کا صرف احاطہ معلوم کرسکتے ہیں ۔ یہ قطعات خطبر فنتمل بوتی باید اورکسی فطعه خطکار قبد نهیں بوتا۔ لهذا مثلث کارقبر، منطیل کارقبر، منظیل کارقبر، منظیل کارقبر، منظیل علاقہ کار قبر، منظیل علاقہ کار قبر، کہنا چاہیے۔ یہ، بھی یادر ہے کہ کسی علاقہ کے احاطہ سے مراداس کی سرحد کا احاطہ ہوتا ہے۔

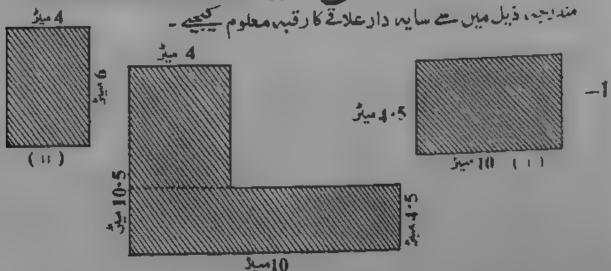
# 6-رقبدى مختلف اكايتوں كى ايك دُوسرى ميں تحويل :

نیج دیے ہوئے مربعی علاقہ کا ضلع 1 ڈیسی میٹریا 10 سینٹی میٹر ہے۔ پس اِس کارقب ا امربع ڈیسی میٹریا 100 مربع سینٹی میٹر ہے۔ اسسے معلوم ہواکہ

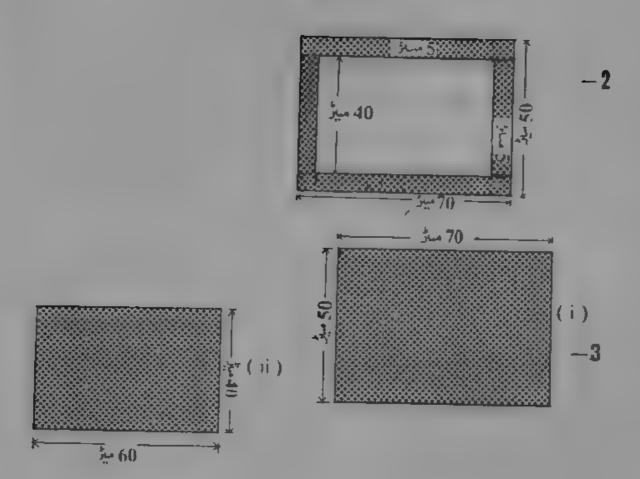
امربع دم = 100 مربع سم

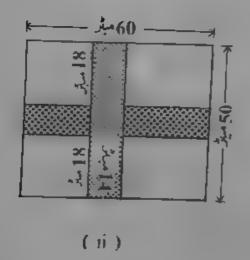
اس نينجى كومة نظر ركفت بوق مندرج، ذبل جدول آسانى سے حاصل كيا جاسكتا ہے۔

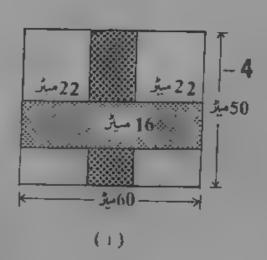


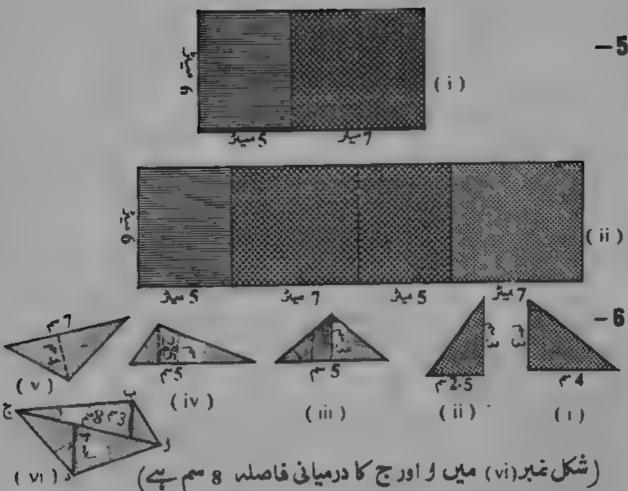


(m)









ر ایک کھیت 70 میاڑ لمبا اور 45 میاڑ چو ڑا ہے۔ اس میں گندم بونے کا خرچ 1. 50 روپیں فی مربع میاڑ کے حساب سے اور اس کے گرداگرد باڑ لگانے کا خرچ 1 روپیں فی میر بع میاڑ کے حساب سے اور اس کے گرداگرد باڑ لگانے کا خرچ 1 روپیں فی میاڑ کے حساب سے معلوم کیجے۔

8-ایک بستر کی چادد 2 میٹر 4 ڈیسی میٹر لبی اور امیٹر 6 ڈیسی میاڑ چوڑی ہے۔
اس پر دونوں طرف کشیدہ کاری کا خرچ 5 روپے فی مربع میٹر کے حساب سے اور
کناروں پر لیس لگانے کا خرچ 50 پیسے فی میٹر کے حساب سے معلوم کیجیے۔
لاچکے لمبائی اور چوڑائی کو ایک ہی اکائی میں تحویل کویں)

9- ایک مستطیلی میدان میں گھاس لگانے پر 20 روپے فی مربع ڈیکا میاڑ کے حاب سے 360 دوپے خوچ ہوئے۔ اگر اس کا طول 45 میاڑ ہوتو عرض معلوم کیجیے۔ 10-دو بجوں کے سُوٹ بنانے کے یہے 10-دو بجوں والا کیڈا 7.50 میاڑ لگتا ہے،

1.50 ميثر عرض والاكبراكتنا دركار بوگا ؟

11 - ایک نقشہ ۱ سم - 10 کلومیاٹر کی سکیل پو تیاد کیا گیا ہے ۔ ایک جھیل کا رقبہ 30 مربع کلومیاٹر ہے ۔ نقشے پراس کا دقبہ کیا ہوگا ؟

ہومباری اغ کا احاطم 240 میں ہے۔ اُس کے طول اور عرض میں 5، کی 12۔ ایک سنطیلی باغ کا احاطم 240 میں ہے۔ اُس کے طول اور عرض میں 3، دکی تبیت ہے۔ اُس پر گھاس لگانے کا خرج 5، 0 روبیب فی مربع میٹر کے حساب سے معلوم کریں -

13- ایک معبد کا صحن 120 میٹر لمبا اور 100 میٹر جوٹل ہے۔ اُس پر 5 ڈیسی میٹر 13- ایک معبد کا صحن 120 میٹر ہوٹل ہے۔ اُس پر 5 ڈیسی میٹر کے اگر ایک میلئے اور 3 ڈیسی میٹر چوٹرے سنگ مرمر کے بلاک کتنے لگیں گے ؟ اگر ایک ہدک کے قیمت 2.50 روپے ہو تو گل کیا خرج ہوگا ؟

#### باريهوارباب

# حجم كانصور

1- اگرآپ اِددگرد کی جیزوں کو دیکھیں تو معلوم ہوگاکہ کوئی چیزبر می ہے اود کوئی چھوٹا۔ دو چھوٹا۔ دائلا فیٹ بال بڑا ہے اور گیند چھوٹا۔ اسی طح تربوزبر اسے اور سیب چھوٹا۔ دو چیزوں میں سے جو چیز زیادہ جگہ گھیرتی ہے وہ بڑی کہلاتی ہے اور دُوسری چھوٹی۔ جتنی جگہ میں کوئی چیزوا تع ہو اس کی پیائش کو اس چیز کا جم کستے ہیں۔ جس طرح مندف چیزوں کی لمبائی یا رقب معلوم کرنے کے لیے لمبائی یا رقب کی اکائی درکا د کی صوورت ہوتی ہے۔ اس طرح کسی چیز کے جم کو ماپنے کے لیے اکائی درکا د ہوتی ہے۔

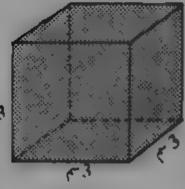
شکل ا میں ایک عبسم دکھایاگیا ہے۔
اس کے کتے کنا رے بیں ؟ (باده)
اس کے کتے کنا رے بیں ؟ (باده)
اس کی گل کتنی سطویں ہیں ؟ (چھے)
ہرسطے مستوی ہے یا منعنی ؟ (مستوی)
ہرسطے کیسی شکل کی ہے ؟ (مربعی علاقہ جیسی)
ہر مربعی سطے کا ضلع کتنا لمبا ہے ؟ (ایک سم)
ہم کہتے ہیں کہ اس جسم کا جمم ایک مکعب سینٹی میٹر ہے۔

شکل 2 میں ایک اور قدرے بڑا جمم دکھایا

گیا ہے۔

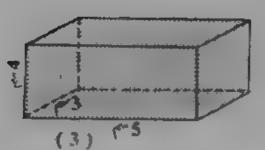
اس کی برسطح ایک مربعی علاقہ سپے ۔ تمام کنارے لمبائی میں برابر ہیں اور ہرکنادے کی لمبائی 3 سم ہے۔

د. د. داخسر، کهند. بدو بیدهسد کینتر بی



<u>ج</u> سم

اس قسم کے عبسم کو ٹھوس مکعب کہتے ہیں۔



شکل 3 میں ایک اور مجسم دکھایا گیا ہے۔ اِس کے کتنے کنارے ہایں ؟ (بارہ) کتنی سطیں ہاں ؟ (جهه)

برسط کیا علاقہ ہے ؟ (متطیلی)

جوکنارے ایک ہی کون، میں ملتے ہوں یعنی ان کا ایک سوامشترک ہو اُنھیں ہم سواکنارے کہتے ہیں ۔

شکل دمیں دکھائے گئے مجسم کے کوئی سے تین ہم سِراکناروں کی لبائیاں کیا ہیں ؛ ( 3 سم، 4 سم، 5 سم)

ہم دیکھ چکے ہیں کہ ٹھوس مکعب کے تمام کنارے لمباقی میں برابر ہوتے ہیں ۔ اس لیے اس کے کوئی سے تین ہم سِوا کنارے بھی لمبائی میں برابر ہوں گے۔

کیا شکل 3 میں دکھایا گیا مجسم ٹھوس مکعب ہے ؟ (نہیں) کیونکہ اس کے تین ہم سواکناروں کی لمبائتیاں بوابر نہیں ہیں ۔

اس قسم کے عسم کو ٹھوس مکعب نما کھتے ہیں۔

ٹھوس مکعب نما ایسا مجسم ہوتا ہے جس کی تمام سطیں مستوی ہوتی ہیں مگر تین ہم سول کناروں میں سے کم از کم دو، لمبائی میں نابرابر ہوتے ہیں ۔

اینٹیں اورسنگِ مرمرکی ٹائلیں اکٹرٹھوس مکعب نما ہوتی ہیں۔کتابیں اور کاپیاں بھی عموماً ٹھوس مکعب نما ہوتی ہیں ۔

اب اُستنادصاحب کو چاہیے کہ وہ ایک مکعب سینٹی میٹر جم والے ٹھوس مکعب لے کو انھیں محنقت سائزوں کے ٹھوس مکعب اور انھیں محنقت سائزوں کے ٹھوس مکعب اور ٹھوس مکعب نماین جائیں اور ان کی مددسے طلبا سے ٹھوس مکعب اور ٹھوس مکعب نمایک جم کے کیا جملی طور پر اخذ کرائیں۔

نهوس مکعب کا جم اکنارے کی لمبائی ×کنادے کی لمبائی ×کنادے کی لمبائی مکعب اکائیاں) فہوس مکعب نماکا جم ان نین ہم سرا کنادوں کی لمبائیوں کا حاصل ضرب فہوس مکعب نماکا جم ان نین ہم سرا کنادوں کی لمبائیوں کا حاصل ضرب (مکعب اکائیاں)

#### مشق 12.1

1 - ٹھوس مکعب کا بچم معلوم کریں جبکہ کنارے کی لمبائی مندرجہ ذیل ہے:

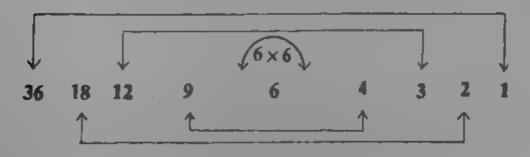
( ii ) 4 سم ( ii ) 2.1 ڈیسی میٹ ( iii ) 4.5 میٹ ( iii ) 4.5 میٹ ( iii ) 5 میٹ ( iii ) 4.5 میٹ ( iii ) 6 میٹ ( iii

# جوابات

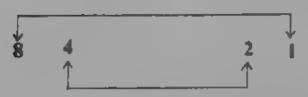
## مشقى 1.1

مشقى 2.1

(1) 28 کے اجزائے ضربی کا سیٹ = (1'2'4'2'13) 32 کے اجزائے شوبی کا سیٹ = (32'16'8'4'2'13) نوٹ، باتی سیٹ پے خود لکھیں (2) 36 کے اجزائے ضربی کا سیٹ = (1'2'8'12'9'6'4'3'2'13)



#### 8 كاجزائ منوبى كاسبك = {8'4'2'1}



نوٹ، ہاتی سیٹ بیخے خود لکھیں۔

(3) نہیں۔کیونکہ 13 تقیم نہیں ہوسکتا 5 سے۔ (4) 5.3

6'5'4'3 (U) 8'6'4'3 (V) 7'3 (A) 5'4 (E) 6'3 (L) 8'4 (J) (5)

(6) (ال) غلط (ب) درست (ج) درست (د) درست

#### مشقى 2.2

(۱) مفرداننداد: 19٬17٬7 - مرکب عداد: 19٬8٬6 - مغرداننداد: 207٬2٬000٬2000٬100٬21٬9٬8٬6

(2) 163 ، 251 ، 163 مغرداعداديين.

187 کے اجزائے ضربی کا سیٹ = { 7 ، 11 }

203 کے اجزائے ضربی کاسبٹ \_ ' 7 ، 29 :

529 = 23 × 23 احبرًا نِحُ صَوبِي كا سبب = ( 23 ) كيونكم 23 × 23 = 529

(3) (أ) دو (ب) 1 (ج) مقرد

# مشقى 2.3

(1) (d) (e) ا (ب) مقى (د) صفى \_

(2) (ال) درست (ب)غلط (ج)غلط (د) درست - (3) 3°2 (ع)

# مشقى 2.4

(1) 2 سے تقسیم ہونے والے اعداد: 84 راکائی کا ہندسہ 4)، 678 (اکائی کا ہندسہ 8)، 800 (اکائی کا ہندسہ 6)، 5872 (اکائی کا ہندسہ 6) 800 (اکائی کا ہندسہ 6)، 5872 (اکائی کا ہندسہ 6)، 5872 (اکائی کا ہندسہ 6)، 5872 (اکائی کا ہندسہ ہوئے والے اعداد: 84 ، 800 ، 5872 ، 64596 ہجونک ان اعداد کے اکائی و دیائی کے ہندسوں سے بننے والے اعداد 4 پر تقسیم ہوسکتے ہیں۔

(2) 285 رجونك (5+8+2=5 اور 15 تقيم بوسكتاب 3 سي 2718 (1902 4860 1902 (2718 ( علي من الماء 1902 1902 الماء 1902 الماء 1902 ( علي الماء 1902 الماء 1902 ( علي الماء 1902 الماء 1902 ( علي الماء 19

16125'35124'80415

(ب) 246'312'1000011 ( 2544

246:312:2544 (3)(3)

· (د) کوئینیں ـ

415 (145 (E)

(4) 246'312'2544 كيونكىيى 2 اور 3 دونون سے تقسيم ہوتے ہيں۔

1 (5) 1 (4) 1 (5)

#### مشقى 2.5

- (7) (67) 61) 59) 53) 47 (43) 41) (37) 31 (29) 23 (19) 17) 13(11) 7) 5(3) 2 (1) .97(89) 83 (79) 73
  - .349 4 347 6 337 4 331 6 317 6 313 6 311 6 307 (2)

# مشقى 2.7

- 5×3×3 · 5×2×2×2 · 3×3×3 · 2×2×2×2 · 2×2×2 · 2×2 (1) 7×7×2×2 · 5×3×3×2×2 · 3×3×3×2×2 · 7×5×2 · 5×3×2×2 , 11×7×3
  - علط (ع) درست (ب) درست (ج) علط 3×3×3×3×3×2×2 (3)
    - 5 (7) 37 (6) 17 (5)

# مشنق 3.1

### مشقىء٠٤

 $\{45.9.5.3.1\} = \{45.9.5.3.1\} = 45 (1)$   $\{75.25.15.5.3.1\} = 45 = 75$   $\{5.3.1\} = 45 = 75$   $\{5.3.1\} = 45 = 75$  45 = 75 = 75 45 = 75 = 75 5 = 75 = 75 5 = 75 = 75 5 = 75 = 75 6 = 75 = 75 15 =

#### 3.3

 $5 \times 3 \times 3 = 45 \cdot 5 \times 3 \times 2 = 30$  (1)  $5 \times 3 \times 3 = 45 \cdot 5 \times 3 \times 2 = 30$  (1) (4)  $5 \times 3 \times 3 = 45 \cdot 5 \times 3 \times 2 = 30$  (1) (4)  $5 \times 3 \times 3 = 45 \cdot 5 \times 3 \times 2 = 30$  (1) (4)  $10 \times 3 \times 3 \times 3 = 45 \cdot 5 \times 3 \times 2 = 30$  (1) (4)  $10 \times 3 \times 3 \times 3 = 45 \cdot 5 \times 3 \times 2 = 30$  (1) (4)  $10 \times 3 \times 3 \times 3 = 45 \cdot 5 \times 3 \times 2 = 30$  (1) (4)  $10 \times 3 \times 3 \times 3 = 45 \cdot 5 \times 3 \times 2 = 30$  (1) (4)  $10 \times 3 \times 3 \times 3 = 45 \cdot 5 \times 3 \times 2 = 30$  (1) (4)  $10 \times 3 \times 3 \times 3 = 45 \cdot 5 \times 3 \times 2 = 30$  (1) (4)  $10 \times 3 \times 3 \times 3 = 45 \cdot 5 \times 3 \times 2 = 30$  (1) (4)  $10 \times 3 \times 3 \times 3 = 45 \cdot 5 \times 3 \times 2 = 30$  (1) (4)  $10 \times 3 \times 3 \times 3 = 45 \cdot 5 \times 3 \times 2 = 30$  (1) (4)  $10 \times 3 \times 3 \times 3 = 45 \cdot 5 \times 3 \times 2 = 30$  (1)

٠ مشقى 4٠٤

72 (7) 140 (6) 1 (5) 1 (4) 4 (3) 6 (2) 2 60 (14) 24 (13) 5 (12) 15 (11) 5 (10) 35 (9) 6 (8)

# مشق 3.5

8.7 (5) 5 (4) 4 (3) 3 2 (2) 4 (1) {60.54.48.42.36.30.54.18.15.6} (2) {50.45.40.35.30.55.50.15.10.5} (6) {80'72'64'56'48'40'32'24'16'8} (9) {70'63'56'49'42'35'28'21'14'7} (8) {90'81'72'63'54'45'36'27'18'9} (10) 3.6 (1) 6 ك اضعات كا سيث = {6'(12'18'12'6) = 48'42'36'30'24'18'12'6} 8 کے اضعاف کا سیٹ - (8'16'82'24'16'8) - 8 6 اور 8 کے مشارک اضعاف کا سیٹ = (72'48'24) = {... '135'90'45} (2) { ... 472 54 36 18 } (3) {... 180 120 60} (5) {... '90'60'30} (4) {...'144'96'48} (6) {...**'504'336'168**} (7) {...'72'48'24} (9) {... '182'91} (8) {.... '90'60'30} (11) {...·72·48·24} (10) {...(315'210'105} (12) 48 (6) 60 (5) 30 (4) 18 (3) 45 (2) 24 (1)

30 (11) 24 (10) 24 (9) 91 (8) 168 (7)

105 (12)

# مشق 8.3

#### مشق 9 · 3

بطود نمون صرف دوجوابات دبیے جارہے ہیں ۔

$$\begin{cases}
\frac{8}{12}, \frac{6}{9}, \frac{4}{6}, \frac{2}{3} = \frac{21}{3}, \frac{14}{9}, \frac{2}{3} = \frac{21}{3}, \frac{14}{18}, \frac{7}{9} = \frac{28}{36}, \frac{21}{27}, \frac{14}{18}, \frac{7}{9} = \frac{2}{36}, \frac{11}{36}, \frac{2}{36}, \frac{4}{5}, \frac{3}{17} = \frac{2}{3}, \frac{4}{5}, \frac{3}{17} = \frac{12}{5}, \frac{11}{5}, \frac{10}{7}, \frac{6}{5}, \frac{7}{3} = \frac{12}{5}, \frac{11}{5}, \frac{11}{12}, \frac{11}{9}, \frac{12}{6}, \frac{11}{7}, \frac{11}{12}, \frac{11}{9}, \frac{5}{6}, \frac{7}{3} = \frac{2}{3}, \frac{11}{11}, \frac{11}{12}, \frac{11}{9}, \frac{5}{6}, \frac{7}{3} = \frac{2}{3}, \frac{11}{11}, \frac{11}{12}, \frac{11}$$

# مشق 4.2

$$1\frac{4}{21}(5) \quad 1\frac{1}{10}(4) \qquad 1\frac{4}{9}(3) \quad 1\frac{1}{3} = 1\frac{2}{6} = \frac{8}{6}(2) \quad 1\frac{5}{8} = \frac{13}{8}(1)$$

$$1\frac{31}{84}(10) \quad 2\frac{1}{24}(9) \quad 2\frac{1}{12}(8) \quad 1\frac{19}{24}(7) \quad \frac{2}{3}(6)$$

$$12\frac{27}{56}(14) \quad 26\frac{5}{6}(13) \quad 2\frac{313}{504}(12) \quad 2\frac{13}{60}(11)$$

#### مشق 4.3

$$7\frac{23}{30} (6) 16\frac{5}{24} (5) 13\frac{2}{9} (4) 9 (3) 6\frac{1}{2} (2) 6\frac{1}{8} (1) 10\frac{7}{24} (12) 8\frac{17}{60} (11) 13\frac{19}{60} (10) 16\frac{17}{24} (9) 9\frac{7}{10} (8) 6\frac{3}{8} (7)$$

#### مشق 4.4

$$\frac{1}{14}$$
 (4)  $\frac{1}{8}$  (3)  $\frac{1}{10}$  (2)  $\frac{1}{3}$  =  $\frac{2}{6}$  (1)  $\frac{3}{7}$  (10)  $\frac{13}{24}$  (9)  $\frac{3}{16}$  (8)  $\frac{1}{3}$  (7)  $\frac{2}{3}$  (6)  $\frac{7}{12}$  (12)  $\frac{3}{5}$  (11)

#### مشق 4.5

$$2\frac{5}{8} (6) 2\frac{7}{12} (5) 4\frac{5}{12} (4) 2\frac{1}{2} (3) 3\frac{1}{4} (2) 1\frac{5}{6} (1)$$

$$1\frac{8}{15} (12) 2\frac{1}{2} (11) 7\frac{5}{9} (10) \frac{17}{30} (9) 6\frac{3}{8} (8) 2\frac{2}{3} (7)$$

# مشق 4.6

$$3\frac{1}{42}(5)$$
  $\frac{11}{20}(4)$   $2\frac{17}{24}(3)$   $9\frac{1}{24}(2)$   $3\frac{5}{12}(1)$ 

# مشق ۲۰۶

$$7\frac{1}{2}(7) \ 15\frac{3}{4}(6) \ 13\frac{1}{3}(5) \ 7\frac{1}{2}(4) \ 4(3) \ 6(2) \ 4(1)$$

$$11\frac{2}{3}(12) \ 9(11) \ 36\frac{1}{8}(10) \ 22\frac{1}{2}(9) \ 6\frac{2}{7}(8)$$

## مشق 4.8

$$28\frac{1}{3}(6) 11\frac{2}{3}(5) 19\frac{1}{4}(4) 16(3) 12\frac{1}{2}(2) 8(1)$$

$$48(12) 9(11) 3(10) 30\frac{1}{3}(9) 48(8) 19\frac{1}{5}(7)$$

# مشق 4.9

$$26\frac{1}{4} (6) \quad 2\frac{13}{16} (5) \quad \frac{7}{10} (4)' \quad \frac{10}{27} (3) \quad \frac{7}{10} (2) \quad \frac{1}{2} (1)$$

$$134\frac{1}{66} (12) \quad 49\frac{11}{21} (11) \quad 8 \quad (10) \quad 10\frac{1}{8} (9) \quad 27\frac{1}{2} (8) \quad 33 \quad (7)$$

#### مشق 4.10

42 (6) 18 (5) 20 (4) 49 (3) 8 (2) 15 (1).  
45 (12) 56 (11) 
$$48\frac{1}{3}$$
 (10) 49 (9) 40 (8) 36 (7)

# مشق 4-11

$$\frac{1}{16} (6) \qquad \frac{1}{6} (5) \qquad \frac{3}{7} (4) \qquad \frac{1}{10} (3) \qquad \frac{1}{8} (2) \qquad \frac{1}{8} (1)$$

$$\frac{1}{4} (12) \qquad \frac{5}{32} (11) \qquad \frac{1}{27} (10) \qquad \frac{1}{6} (9) \qquad \frac{1}{3} (8) \qquad \frac{3}{32} (7)$$

#### ەشق 12 • 4

8 (6) 
$$23\frac{1}{2}$$
 (5) 5 (4)  $16\frac{1}{2}$  (3) 11 (2) 5 (1)   
 $5\frac{46}{85}$  (12)  $2\frac{70}{129}$  (11) 52 (10) 4 (9)  $3\frac{1}{2}$  (8)  $10\frac{11}{3}$  (7)

# مسفى 5.1

828.03 ( 415.12 ( 10.42.62.07 ( .2 (1)

(2) اعتادید تین پایخ ، دو اعتادید چارتو، پیس اعتادید صفر چه ، اعتادید صفرتو، پیس اعتادید صفر ایک د چادسوسات اعتادید صفرتین ، سواعت دید صفر ایک د

3608-61( ) -66( N ) 55-88 (ni ) 20-3 (ii ) 5-9(1)(3)

197-99 (v) 716-55 (iv) 17-11(iii) 10-5 (il) 1-1(il) (4)

44687-72(iii)4368-24(ii)22-5(i)(6)178-67(ii)2-26(1)(5)

## مشقى 5.2

- 100.01 1 165.04 1 34.42 1 2.1 (1)
- (2) (1) (1) كريدُ (11) 37 درم (111) 00·0 كرم
  - ·9 · ·73 · ·1 · ·09 · ·04 (3)
- (4) (1) 34-05-4-35 (ور 12- (مرتنب دو) ( 11) 80-22-5-9-40 ( 11) 34-05-4-35 ( ( 4 ) ور 12-34-05-4-35 ( ( 4 ) ) ( 4
  - (5) جواب دینامناسب نہیں ہے۔
- - (7) (1) معركه: 435 ° 9.8 ° 16.03 نزولي: 16.03 ° 9.8 ° 6.435 نزولي: 6.435 ° 9.8 ° 6.435
  - ( II ) صعودی: 987 ° 987 ' 987 ' 26-01 غائدی: 26-01 ° 987 ( II )
  - ( III ) صمودى: 463 ، 463 ، 463 ، 463 ، 463 ، 463 ، 463 ، 463 ،

#### مننفق 5·3 مستق

c -46789 4-6789 46-789 46-789 46-789 467-89 (1) ¿ ·0046789 ' ·046789 ' ·46789 € ·046789 ' ·46789 ' 4·6789 ¿ ·000046789 '·00046789 ' ·0046789 € ·00046789 ' ·0046789 ' ·046789 ·87629 ' 8.7629 ' 87.629 è 3.4215 ' 34.215 ' 342.15 (2) - 057006 ' · 57006 ' 5.7006 ' 6.088032 ' 88032 ' 8.8032 ·0000009 6 ·000009 8 ·00009 (6) '8  $(4) \cdot \cdot \cdot 6 \quad (3)$ (5) •6 -8 (8) (16 (7) -0035 •008 1.4 (10)(9) (12) 4.5 (11) -15 -015 (13) ·0015 (14)(16) 4 (15)(17) 3 -5 (18)24 (20) 15 (19) 1.6 (21) (22) 16 (24) 2.8 (23) 48 48 (25)2.6 (26)(28) -26 (27) 43780 •01 (30) 10940 (29)

( 31 ) 1.9 كادميتر ( 32 )

1.9 لِلْرُ

# 142 مشق 6·1

<del>2</del> 91 24 · 81	4 (2)	۽	17.94 دو -	(1)
و پڻ	· ', '	,	و 20.و سير	(3)
76 -106 دوچه تغریباً	(6)	بے ،	420 دوچ	(5)
36 د د چے	(8)	288 دوچ	240 دوچ ۽	(7)
<del>≥</del> 99 5133-33	(10)	94.38 دو چ	2.50 دوچے ۳	(49)
6 · 2	ند. نسق	الله افتاد •	1.80 د و چ ۽	(11)
42 دنز	_		35 48 ( n ) 15 (	1)(1)
11.97 ډو پ	(4)		بن 62	
و كتبي	(6)	٠	75 و میٹک ا	(5)
176.75 بد چ	(8)	**	44 درج	(7)
. 40. ج رو پھے می سلوگل	(10)		59 طنيا	(9)
2-17 روپے فی کاپی	(32)	پے فی درجن	4-56 دو۔	(11)
6.3	ند به سق		328·7 <u>؛</u>	(13)
10 (		•	25	(1)
) 46 درجے	4)		219	(3)
( 6 )13 سال 2 ماه			16 خبر ،	(5)
(8) 2301-25 دوپ	- ļ	. ، کچھ نہیں بچا یا	1.95 دو ہے	(7)
7.1 6	مشؤ	٠ ڪِ	29-83	(9)

جوابات دينامناسب نهين سهد

1 ثا5 2 حجوابات دينامناسب نهيس يد .

(ii) عن (iii) من 72(i)(6)

(8) (1) مادچ ( ii ) 2 1دویے کے (iii) اکتوبر (iv) کسی میں بھی نہیں۔

(۱۱) 880 (۱۱) کوظاہر کوٹا ہے۔ (۱۷) ایک خان 80 کوظاہر کوٹا ہے۔ 1950 (v) · 320(iv) 4 (iii) 1965 (ii) 880 (i)(9)

2 تا 7 - جوابات خود نكالين ء 8 تا 13- جوابات دينا مناسب نهين يه

11	10	4	23	17
18	12	6	5	24
25	19	13	7	1
2	21	20	14	8
9	3	22	16	15

10-1 June

جوابات دینامنامب نہیں ہے۔ مسبق 10.2

(1) صرف (١) کے دونام دیے جاتے ہیں اسی طرح باتی شکلوں کے نام بیتے بتادیں ۔ متوازى الاضلاع كويم ابج ديا بج دو كب سكت بين -

```
( i ) متوزى الاشلاع ( ii ) متوازى الاضادع ( iii ) مربع (١٥) دود نقت ( v ) مربع
               (vi) چوکور (vii) مربع (viii) مستطیل (xx) ڈوڈنفٹس ۔
                              (4) (vi) (vii) lec (xi)
                           10.3
                 (2) عمیر ، 1-2 میر (3) بے شمار ، ہاں
                      (1) (1) 45 مربع ميات . (11) 24 مربع ميات
(2) 1100 وبع ميار (3) (1) 35 مربع بيار (11) 2400 مربع ميار (111) 1100 مربع ميار
                    (4) (1) 1504 مربع ميار (1) 1344 مربع ميار
                    (5) ل اله 72 مربع ميات ( ii ) 144 ( مربع ميات
                                           (ق) (1) 6 مربع سم
  ( ii ) 3-75 دریج شم ( iii ) 5-5 مربع شم
                                       ( iv ) 6.25 مربع سم
    ( v ) ١١٠ديع سم ( v ) 28 مريع سم
                                         (7) 4955 دوچے
             (8) 42.40 دوچ
                                              و (9) مارت
                 (10) ﴿ 6-25 مِينَّ -
                                              (11) قامديع م
            (13) 80000 بلاک 200000 دو پے (14) 36 سیڑ
                                             ( 15 ) 614 دو ہے
                            12 ( gu
                                      (i) (i) کا مکعب سینٹی میٹ
          (ii) 9.261 مكعب ديسي مياث
                                     ( iii ) 1.125 مكعب مياز -
                                     (2) (i) 30 مكعب بينتي مياثل
                 ( ii ) 378 مكتب ميثر
                                                  (3) 20 ميائد
                                                 (i) (4) عميات
                   (ii) 4 ديس مياڙ
                                                ( iii ) 7 مياث
                   ( iv ) [ ا دُيس مياتُ
```



جُلل حقوق بحق پنجاب شُکت بُک بور دُ لا پور عنوظ به به . تیادکرده پنجاب شکست بک بور دُ ، لا پور ، منظور کرده ، حکومت پنجاب محکم تعلیم لا پود بوجب سرکاد غیر ۱/۱-۱۵(۵).002 مورخه ، بحر - تا 2

نظر ثانی شده و منظور کرده قومی ریویو کیشی و زارتِ تعلیم و صوبائی را بطر رشعیت نصاب حکومتِ پاکستان، إسلام آباد-

45343

فومى ترات

باک سرزمین شادباد کشورخسین شادباد تونشان عزم عالی شان ارض پاکستان مرکزیقین شادباد پاک سرزمین کانظام قوت اُخوت عوام قوم ، مُلک، سلطنت پاینده تابنده باد شادباد مَنزلِ مُراد پرچم سِتاره و بلال رببرترق و کمال ترجم سِتاره و بلال رببرترق و کمال ترجم ان ماضئ شان حال جان استقبال سایهٔ خُدائ دُوالحیلال

سيريل شيو

كود مير ي - 36

تعمد <u>تعمت</u> 85,000 م 2.87 رور الديش الديش

تاریخ اشامت مالی ۱۹۲۷ م